



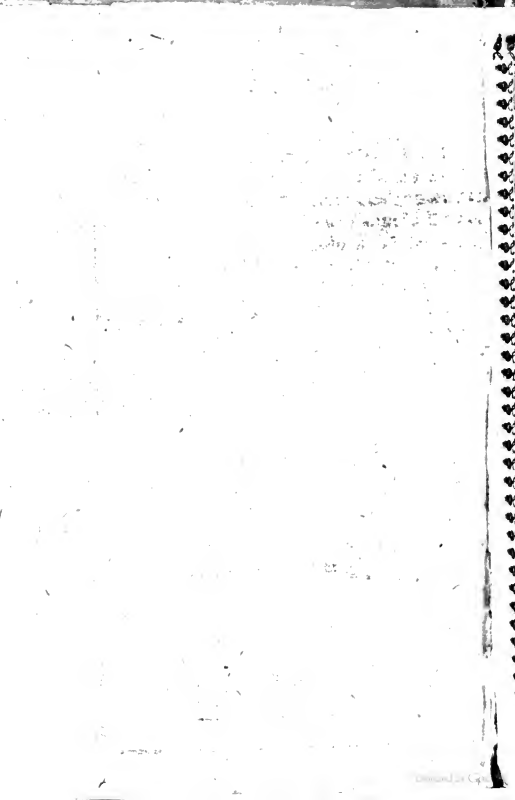


2.  
13-15

14-20.B.19









*L. Agati Trastevere*

# GEOMETRIA PRATICA

Di

PIERO DIONIGIO VEGLIA  
SERVITA PERUGINO.

*C. D. C. ~~Trastevere~~ ~~Trastevere~~*



*Signific*

BIBLIOTECA  
ROMA  
VITTORIO EMAN

*Perugia*

IN PERUGIA,



Per Annibale Aluigi. M. DC. XXVI.  
Con licenza de' Superiori.

*J. N. R.*

GEORGE

1871

1871

~~C. D. C. 1871~~

1871

~~1871~~

1871



A L.  
REVERENDISS.

PADRE,  
& Padrone Colendiss.

II P. M.  
ENRICO ANTONIO BORG  
PRIORE GENERALE  
DELL'ORDINE DE'SERVI.

**E** Lungo tempo, ch'io, sic-  
me hò riuerito dètro di  
me stesso il nome di V. P.  
Reuerendiss. & la fama  
del valor suo in ogni  
sorte di scienze, e di let-  
tatura: così hò nudrito nel cuore un  
fiderio ardente di farle qualche dimo-  
stratione della molta offeruanza, c'hò



portata sèpre alle rare virtù sue. Crebbe in me questo desiterio allora, che, essendo ella chiamata dal Sereniss. Grā Duca Cosmo per la Catedra della Sagra Theologia dell' Vniuersità di Pisa, preuidi, e predissi, che ella sarebbe ascesa presto alla Prefettura Generale dell' Ordine nostro. Ma non debbo per ciò esser commendato del riuscito augurio. Perche qual lode nel predire può meritare colui, che vedendo vn più brauo Corritore, frà molti, auanzare per lungo spatio di terra nella pugna del corso gli altri Emuli tutti, dica, questi douer prima degli altri toccar la Meta, e riportarne il premio? Erano chiarissimi meriti di V. P. Reuerendiss. per hauer ella mostrata la forza del suo valore nelle prime Catedre, e ne principali Pergami d' Italia, per lo gran numero di Valenti Letterati, che sono usciti dalla sua rara Disciplina, e per gli exquisiti Comentarj da lei scritti, e dalle Stampe aspettati sopra tutta la somma di Enrico di Gandauo nostro. Onde in rispetto a tanti suoi meriti, congiunti con vna integrità di vita singolare, accompagnata da vna piaceuolezza

*nabslissima : si poteua dir del premio,  
e doueuano riceuere, che*

*— nec lux est notior vlli*

*Craftina, seu Phœbum videat, seu  
cornua Lunæ.*

*Per proprio sodisfacimento dunque  
per ragione di douuto vassallaggio,  
resento a V. P. Reuerendiss. questa  
cometria, per significarle nell'Opera,  
che tratta di Misure l'immensa deuo-  
tion mia verso di lei : massimamente  
che, tra gl'altri studi più graui, ella  
vaneggia anche queste scienze Mate-  
matiche con molta lode, con gusto, è pia-  
ere particolare. Degnisi di riconosce-  
re nel picciol tributo dell'ingegno il  
grande affetto dell'animo mio. Et hu-  
milmente le bacio le mani, pregandole  
felicità continuate. Di Perugia il pri-  
mo di Giugno 1626.*

*D. V. P. Reuerendiss.*

*Humiliss. Seruitore.*

*F. Piero Dionigio Veglia.*



A 1

# BENIGNI LETTORI.

**I**O era già alcuni anni in Roma con animo di procurare di dar'alle Stampe la traduzione della Geometria del P. Clauio, fatta, & accresciuta da me di moltissime Note: nelle quali, oltre gli esempi in ogni sorte d'operatione, che 'l Clauio quasi mai non mette, si comprende uano molte cose, che erano, come stimò, per recar gusto ai Professori di que st'Arte. Et hauendo queste cose comunicate con alcuni miei amici della professione: fui da loro esortato, con ragioni da non esser trascurate, à raccogliere di queste Note, e di altre cose, c'hauerei potute ò accozzare dagli studi fatti fin quì, ò inuestigare di nuouo, quel,

che

che, mi fusse paruto meglio, & a inpastarne  
vna Geometria, che fusse mia propria. La co-  
minciaua antiche di là partissi. Et hauédola  
còdotta al fine, hò voluto darla in luce. nella  
quale quel, ch'io m'habbia fatto, e còseguito;  
starà alla cortesia di coloro, ch'intédono il giu-  
dicarlo, & riceuerlo con animo candido, &  
amoreuole. Perche'l fine, almeno secòdario,  
nel publicar queste fatiche, è stato l'vtile, e'l  
commodo, che ci siamo creduti di recare a-  
gli studiosi: i quali, se nò, m'ingàno, haueràno  
in quest'Opera tutto quello, che potràno per  
ciò in ogni operatione desiderare. Per lo che  
oltre quelle cose, che per ogni libro di questi  
sei si troueràno ò inuentate da noi in tutto, ò  
rese più facili, ò dimostrate più speditamente,  
ò più in generale, ò con minor costruttione,  
ò più a proposito per lo nostro fine: habbia-  
mo, doue ciò si è potuto far commodamente,  
ridotta ogni operatione in Regola alla quale  
segue la dimostratione, ò pure le è auanti, se-  
condo che'l bisogno l'hà richieduto, perche  
l'opera crescesse quel meno, che fusse possi-  
bile. Dimodoche coloro i quali sono exercita-  
ti nelle speculationi Geometriche, haueranno  
in ogni operatione la dimostration sua, per ap-  
pagar l'intelletto, non si essendo messo in cà-  
po cosa alcuna mai, che non si sia dimostrata,  
nelle quai dimostrationi si cita sempre l'Eucl.  
del Clauio, & l'Archimede del Flurantio: &  
gli altri, che non pescano più cupo, che tan-  
to, vederanno in poche parole, in vn occhia-  
ta sola, il modo, che in qualsiuoglia dimostra-  
tione si de'tenere col neruo di tutta l'operatio

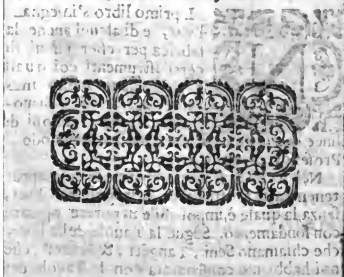
ne; che però queste Regole si non recate con  
 carattere differente da quello del corpo del  
 trattato. E perche molte volte ci è accaduto  
 di seruirci de' numeri rotti, ò frattioni, ò minu-  
 tie, come gli Aritmetici li chiamano; accioche  
 lo Studioſo nel ricorrer l'operatione nō rimā  
 ga ſoſpelo: ſappiaſi, che tai frattioni ſi ſono al-  
 le volte, doue nō hā importato più, che tātō  
 tralcuate del tutto, alle volte ſi ſon fatte ſani.  
 Appreſſo alcune volte ſi ſono le minutie ridot-  
 te a i minimi termini, alcune altre laſciate,  
 coſì come elle ſon venute: il tutto non ſenza  
 cagione. Di più perche ne ſara alcuna volta  
 occorria vna minutia grande di numeri frā ſe-  
 primi, per iſchilarla in qualche modo, non ſi  
 è fatto conto di vna piccchia differenza dal più  
 al manco. come per eſepio queſta  $\frac{4991}{9999}$ . ſi  
 ſaria preſa per  $\frac{2}{3}$ . che pochisimo più è. Hab-  
 biā poi voluto publicar queſt'op̄era in forma  
 coſì piccchia: per recar commodità a coloro,  
 ch'etercitano queſt'Arte: accioche poſſa  
 ciaſcuno portarſela addoſſo per li biſogni ſen-  
 za impaccio. E per queſto l'habbiamo anche  
 quaſi diſtinta in due parti, accioche chi vuole  
 poſſa legar la in due tomi: affinche mentre ſi  
 calulerà alcuna operatione, ſi poſſa al mede-  
 ſimo tempo tener aperto il luogo dell'opera-  
 tione & le Tauole, con altre coſe, che ſo-  
 no nella prima parte. Inquāto poi ad alcune,  
 coſe, che non paſiſcono mutatione, o miglio-  
 ramento, e che a forza è ſtato neceſſario di  
 ſeruirſi di elle, come di elle ſi ſono ſeruiti gli  
 altri tutti; niuno c'imputi, o ci riprenda,  
 che non habbiamo in que'luoghi citato, chi

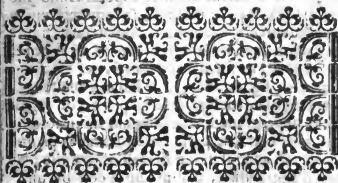


di esse n'è stato Autore : poiche è ciò stato fatto da noi a buon fine per non errare . & per mitigar questo noi non habbiamo in alcuna cosa inuentata , facilitata , o migliorata da noi , voluto accennare il nostro nome : ma ci siamo contentati , che i Dotti facciano per se stessi giudicio de i nostri sudori . Quanto al resto , vorrei , che , quel poco , che mi può auanzar di bianco in questo foglio , fusse tanto , che mi bastasse a spiegare , come conuiene , le lodi , l'utilità , il piacere , & la facilità della Geometria ; che mi confiderei di persuadere altrui questo studio , e di farlo abbracciar da molti , i quali per non sapere ciò , che si sia , lasciano languire l'acutezza del loro ingegno , che con molto frutto coltiuererebbono cò questa bellissima scienza . Non hò campo da potere spiegare quel molto , che bisognerebbe . Dirò solo questo , che hauendo io a mio tempo , atte so a quelle scienze , che allo stato mio si conuengono , cercato d'impiegar l'otio in vani , studi , & curiosità , doppo hauere vdito il P. Clauio in Roma , e l'Magino in Bologna , trattou i anche per genio proprio , e per imitatione de' miei Antichi Egnatio , e Piero Vincenzo Dante di gloriosa memoria : non hò trovato studio nè più dolce , ne più giocondo , ne più ageuole di questo . Onde , perduta l'occasione di Maestri di voce viuua , hò pure con l'assiduo studio fatto da per me stesso qualche poco di profitto . Figli chi , che sia , purché habbia qualche ingegno , & vn poco di pazienza , vn Euclide in mano , faccia vno sforzo di sei mesi di studio in quegli Elemēti , col gusta-

re anche vn poco d'Arithmetica ; poi si metta  
alla Geometria, che con non gran cosa di stu-  
diosa ostinatione piglierà per se stesso ogni co-  
gnitione, e possesso di queste sciēze, le quali ol-  
tre all'vso loro immenso in pace, & in guerra;  
purificano, & acuiscono l'intelletto per ogni  
altra scienza, per essere le Matematiche nel  
primo grado di certitudine. Ora, prima ch'io  
finisca, mi bisogna di rispondere a due cose,  
le quali potranno alcuni desiderare in questo Li-  
bro, massime coloro, c'han vedute le mie  
Note nella Geometria del P. Clauio. Vna è  
che nel terzo Libro misuro le grādezze sola-  
mente col Quadrante, e col Quadrato, che  
tengono il primo luogo tra gli Strumenti Geo-  
metrici: l'altra, che nella diuisione delle figu-  
re nel sesto hò tralasciato alcune cose appa-  
rtenenti a questo negotio. Alla prima rispon-  
do, che saria venuto esso terzo Libro souer-  
chiamente maggiore de gli altri, se hauesi vo-  
luto inserirui tutte le operationi delle mie  
Note sopra'l Clauio. Per lo che deliberai di  
publicare vn Opera da se sola, che da me si  
chiama Grammimetria, nella quale tutte le  
linee del terzo Libro si misurano prima con lo  
Squadro da' terreni, poi con Ordigni fatti al-  
lara sù l'occasione, di canne, ò bastoni: poi  
con canne, ò bastoni solamente. Alla secon-  
da dico, che mi son contentato di mostrar  
qui solamente le cose più necessarie, trala-  
sciando le curiose, perche più pienamente si  
trattano nella nostra Agrimetria, all'impres-  
sione della quale siamo ormai per metter le  
mani. Qui si hauerà pienamente vn nouo in-

gegnosio, certo, facilissimo, e speditissimo mo-  
 do di squadrare, e misurare Geometricamente  
 qualsiuoglia stranissima, e lconcissima figura  
 di campo, ancorche per di dentro non si potes-  
 se entrare, ne formarui di fuori, per rinchiu-  
 deruelo, figura alcuna. Si hauerà anche la  
 vera regola di descriuerne le piante, di fuggir  
 nel campo gl'incontri, che fanno misurato che  
 sia, che non sene possa rappresentar la pianta.  
 Insegnasi anche il modo di trasportare esse pian-  
 te, d'aggrandirle, o diminuirle con breuissi-  
 mo artificio. Si che quì, come a luogo suo  
 proprio, si hauerà la diuision, che diciamo.  
 Fornirò con questo auuertimento per li primi  
 piante. Sappiasi, che quel modo di dire. Fac-  
 ciasi, per esēpio, come 250. a 275. così 300.  
 ad altro, &c. altro non è che l'vso della Re-  
 gola del tre. Tanto è quanto se dicesi. Se  
 250. mi dà 275. che mi darà 300?





# DIVISIONE DELL'OPERA.

**N**el primo libro s'insegna l'vfo, e di alcuni anche la fabrica per effervuovi, di certi Istrumenti coi quali si abbreviano molto infinite operationi. Si mostrano alcune Divisioni di linee con le quali si reca molto commodo ai Professori di quest'Arte.

Nel secondo si mettono tutte le cose appartenenti alla Dottrina de' Triangoli rettilinei, senza la quale è impossibile di potere operare con fondamento. Segue la Tauola delle linee, che chiamano Seni, Tangenti, & Secanti, che noi habbiamo confrontata con le Tauole del

Vie ta:

Vieta : & appresso vi è l'istruzione per saperne seruire; nel fine del quale si riduce in Regola ogni operatione che si è quiui insegnata .

Nel terzo si misurano tutte le Lontrananze , tutti gl'Internalli, tutte le Altezze , e Profondità . Trattasi della Liuellatione de'luoghi per condurre acque.

Nel quarto si misurano tutte le sorti di Figure piane .

Nel quinto tutti i Corpi di qualsuoglia specie .

Nel sesto Diuidosi le figure piane rettilinee & s'insegna il modo d'Applicare tal diuisione ai Campi . Seguono altre Diuisioni di figure rettilinee , e circolari, l'Vnione delle medesime : il modo di Diminuire , & Accrescer le figure piane , e le solide Si truouano i lati de' Poligoni fino al Decagono , & de' Poliedri regolari . In fine si quadra il Circolo .



Vn altro errore auuertito vltimamente. *Car. 407. Ver. 3.* TRIANGOLO EQVILATERO. *Leg.* TRIANGOLO RETTTANGOLO.

V. C. IO: THOMAE GILIOLI

*Ad Pierium Dionysium Velliam.*

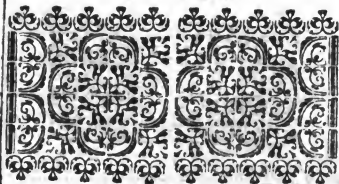
*Alluditur ad necem*

ARCHIMEDIS.

Ductus Syracusum dū lineā forte Magistrum  
Detinet, ah socii militis arma premunt.  
Arcanis inhians, moritur. sic barbara iussit  
Immanis rabies, exitiale nefas.

Sed tibi, qui hæc eadē meditaris, munere vitæ  
Se se concilians, fama perennis adest.

Ergo pares tetigit fors impar? Martis iniqui  
Ausus sic Pallas deprimit, ulta suos.



MICHAELIS ANGELI GOSII  
SERVITAE ROMANI.

*Ad Auctorem, quod Librum suum  
'Reuerendiss. Henrico Gen. Ser.  
D I C A V I T.*

Nullus vt Enrico sapientior Orbe refulget,  
Cui pia Seruorum Sceptra tenere datum;  
Sic nulli melius poterās donare libellum,  
Quem luci mandas, Vellia docte, tuum.  
Mensuræ præcepta tuis sunt inclyta chartis;  
Sed mira, Enrico tradita, luce micant.  
Certe opus ingenij fuit hoc isigne, quod vna  
Composuisse artes possit in arte duas.

EIVSDEM AD EVNDEM.

Arte noua, & facili, replet<sup>r</sup> Apolline pectus,  
Me bene metiri, Vellia, cuncta doces.  
Cur alias nondum, queis tu mirabilis extas,  
Virtutum promissus ingeniosus opes?  
Has quoq. mox, aliquot post iterulla, videbo,  
Non min<sup>9</sup> imensas, quā (reor) inumeras.  
Quāta erit in nostris fulgēs tua gloria terris?  
Vna est mensuram nescia fama pati.



1

DEL SIG. BAFFO BAFFI  
ACCADEMICO INSENSATO.  
*Al P. Dionisio Veglia, nelle Matematiche, e nella S. Scrittura peritiss.*  
*S'allude alla Sfera d'*  
**ARCHIMEDE.**

L'emula di Natura Eolia mano  
Chiuse in breue Cristallo immensa mole,  
In giro angusto la gran via del Sole,  
Ond'vn Cielo animo l'Ingegno humano,  
Alla tua penna, al tuo valor tourano  
Ceda hor le glorie peregrine, e sole,  
Cedano i pregi lor l'Egitt e Scolè;  
E s'armi il Tempo a farne preda in vano,  
Tu dela Terra al'altrui vista appendi.  
L'alcè ignote Misure, e quindi il Cielo  
Su'l sacrato Papiro a noi distendi.  
Finie l'ardita mole in chiaro gelo  
Il Veglio idustre, e tù più saggio accèdi,  
VEGLIA, al'etherea mole il nostro zelo.





DELLA  
GEOMETRIA

Di  
PIERO DIONIGIO VEGLIA  
Perugino

LIBRI SEI

*Parte Prima, Libro Primo.*

Di alcuni Istrumenti necessarij al Geometra, e di varie diuisioni di linee.

*Dell'Istrumento delle parti.  
Cap. I.*



Istrumento delle parti, notissimo ad ogni Geometra, è da vna banda diuiso in 100. parti eguali dal centro A fino a gli vltimi estremi B, C dell'vno, e dell'altro semidiametro A B, A C: e da riuerso in 90. ineguali. Poiche sono quini dal centro fino a gli estremi detti trasportate tutte le corde di Grado in Grado del quadrante del circolo,

A

la

la cui corda sia eguale alla AB, o AC.

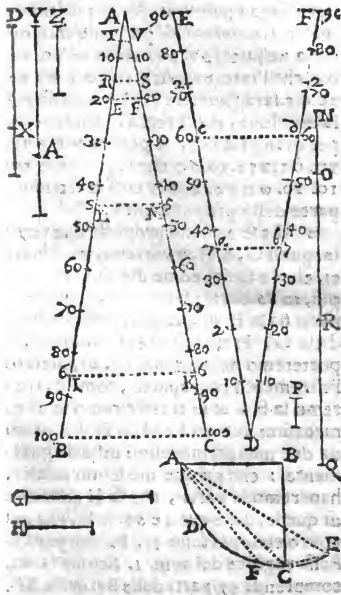
**1** L'vfo è mirabile. Prima se si debba diuidere vna retta D, per efempio, in 5. parti eguali; prefa effa D col compafso, e trasportata negli eftremi punti 100. e 100. dalla banda delle diuifioni eguali: l'interuallo E, F tra 20. e 20. ci darà fi fatta diuifione. Peroche, tirate le rette EF, BC, effendo nel triangolo ABC i lati AB, AC fegati proportionalmente in E, F; perche tanto le AB, AC, quanto le AE, AF sono frà loro eguali: *a* faranno equiangoli i triangoli AEF, ABC. *b* E però come la AE alla EF, così la AB alla BC. *c* e permutando, come la AE alla AB, così la EF alla BC. Ma la AE è vna quinta parte della AB. Dunque anche la EF farà vna quinta parte della BC.

*a* 6. sexti.

*b* 4. sexti.

*c* 16. quin.

Ma, se la propofita linea fi doueffe fegare in 3. in 7. parti, &c. auuertafi di pigliare nell'Istrumento l'interuallo eguale alla retta propofita frà due numeri medefimi, che poffano sopportare quella tal diuifione, che fi defidera. Poiche nell'Istrumento aperto così non fi potria la retta D diuidere commodamente nelle parti date; non potēdofi



segare il numero 100. ne in 3. ne in 7. parti senza frattioni. Per partirla dunque in 3. parti eguali potremo trasportarla ne' punti 90. 90. ouero ne' 60. 60. &c. che l'interuallo fra 30. 30. o fra 20. 20. &c. sarà l'apertura del compasso per la diuisione, che si cerca. Similmente per diuiderla in 7. la porremo tra 70. 70. o tra 56. 56. &c. che l'interuallo tra 10. 10. o tra 8. 8. &c. sarà la settima parte della proposta linea.

2. Et se ne sieno proposte due rette ineguali G, & H, e vorremo immaginarci, che la G sia, come diuisa, per esempio, in 86. parti; sapremo così quante parti sia la H di quelle ottantaseiesime della G. Presa essa G col compasso, la porteremo ne' punti 86. 86. Et, lasciato l'Istrumento così aperto, come è; torremo la H, & la trasferiremo in due medesimi numeri L, M, o in due punti da due numeri medesimi distanti egualmente: che da que' medesimi numeri haueremo le parti, che la H contiene di quelle, delle quali è 86. la G, che nel nostro esempio sono 45. Poiche per l'istessa ragione del num. 1. sicome la AL comprende 45. parti delle 86. della AI:

così la LM, cioè la H, conterrà 45. particole di quelle, delle quali è la IK, cioè la G., 86.

Il medesimo, se al contrario volessimo sapere, intendendo diuisa la H, per esempio, in 45. parti, quante di tai parti se ne comprendano nella G. Poſcia, che, poſta la H ne' numeri 45. 45. ſe traſporteremo col compaſſo la G. in due medefimi numeri, o in due punti da due numeri medefimi diſtanti ad vn modo: troueremo, che eſſa G. farà 86. di quelle, delle quali ſi fa 45. la H.

3 E quando fuſſe tanto grãde il numero delle parti della data retta, che non capiſſe nell'Iſtrumento, come ſe intendeffimo la retta H diuiſa in 450. particelle; e volessimo ſapere quante di tai particelle ſia la G: c'imagineremo, che ogni cẽteſima parte dell'Iſtrumento ſia diuiſa in 10. particole: che così 1000. verrà a eſſere tutta la diuiſione. Onde, poſta eſſa H tra' numeri 45. 45. cioè tra' 450. 450. troueremo, come di ſopra, la G. eſſere 860. di tai particelle. Così potremo intendere, che la diuiſione dell'Iſtrumẽto ſia 10000. 100000. &c. ſecondo, che'l biſogno richiederà.

4 Di qui segue, che, se di vna retta faccia bisogno di segarne, per esempio, questa parte  $\frac{20}{47}$ . trasferiremo essa retta tra' punti 45. 45. che l'interuallo tra 20. 20. farà i  $\frac{20}{47}$ . che si desiderano della linea proposta: come è manifesto per le medesime dimostrationi.

5 Se poi fussero proposte due rette P, & NQ, & s'intendesse la P diuisa, per esempio, in 20. parti eguali, & si voglia sapere quante parti sia tutta la NQ di quelle ventefime della P; perche, posta essa P tra' suoi numeri 20. 20. l'apertura BC non basta, per riceuere la NQ: si lieui di essa NQ, quante volte si può, cioè due, da Q in O, l'interuallo BC 100. Haueremo 200. per la QQ. Si scādagli l'auanzo ON, come di sopra nel Num. 2. Troueremo essere 45. Diremo dunque, che in tutta la NQ si cōprendano 245. parti di quelle, delle quali è 20. la P. E quest'operatione si dimostrerà al medesimo modo, che quelle de' Num. 1. e 2. Poiche la QR è 100. Altrettanto la RO: & 45. la ON, che insieme compongono tutta la NQ 245.

6 E perche ciò accaderà spesso nella 14. Propositione del sesto libro, hab-

bianfi a trouare due rette , c'habbian tra loro qual si voglia proportione di vn numero 45. a 20. Aperto l'Istrumento o molto , o poco , secondo che vogliamo grandi le rette, che si cercano : se col compasso piglieremo gl'interualli 45. 45. & 20. 20. essi interualli , cioè le rette LM, EF haueran fra loro la desiderata proportione . Et , se se ne volessero tre. nella proportione di 45. 20. 86. oltre alle due di dianzi , torrèmo anche l'interuallo 86. 86. e così di quante ne faccia bisogno. Ilche è chiaro per le ragioni passate.

7 Se poi ne sieno proposte due rette Y , Z , perche trouiam' Joro la terza proportionale , preso l'interuallo AL eguale alla Y , aperto l'Istrumento , porremo la Z tra l'estremo L , e'l numero , o punto medesimo nell'altra gamba , che sarà in 45. 45. poi porteremo la medesima Z da A fino in R : che l'interuallo RS tra l'estremo R , & il numero medesimo , o punto rispondente , sarà la terza proportionale, che si cerca . Poiche, tirate le LM, RS, & per essere equi-  
angoli i triangoli ALM , ARS : e sarà ,  
come la AL. alla LM , cioè , come la Y

d 6. sexti.

e 4. sexti.

alla Z ; così la AR, cioè la Z, alla RS.

8 Et se alle tre Y, Z, RS vorremo trouare la quarta ; trasporteremo la RS da A fino in T ; che la TV fra l'estremo T, &c. sarà la quarta proportionale , per la ragione stessa . Imperoche , lasciando la Y, o la LM, è, come se cercassimo alle due Z, o AR, & RS la terza TV.

9 Habbiasi anche a segare vna retta Y, come vn'altra retta D è segata in X. Posta la retta D negli estremi 100. 100. se trasferiremo il segamento DX in due numeri medesimi 70. 70. hauremo la diuisione, che cerchiamo . Onde posta la Y negli stessi estremi 100. 100. e preso l'intervallo 70. 70. e portato da Y fino in A : sarà la Y diuisa in A, come la D è diuisa in X; com'è chiaro per le ragioni addotte.

10 Hora se ne' passati precetti ne venga per le mani vna, o più rette tanto grandi , o tanto piccole ; che non possano nell'Istrumento maneggiarsi: si pigli di tutte la metà, la quarta, l'ottaua parte , &c. o , se sieno molto piccole , il doppio , il quadruplo , l'ottuplo, &c. che, operando con queste par-

ti ,



ti, o con questi molteplici; s'consegui-remo il medesimo, che se con le istesse proposte rette operassimo.

f 12. & 15.  
quinti.

11. Nell'altra parte dell'Istrumento sapremo prima quãti Gradi si comprendano in vna proposta periferia di circolo. Come se la periferia proposta sia la AD, presa col compasso il semidiametro BA; lo porteremo tra' Gr. 60. 60. poi tolto il segmento AD, lo trasferiremo tra due medesimi numeri di Gr. 37. 37. che questi cioè 37. Gr. faranno quanti se ne comprendono nella periferia AD. La ragione è questa, che la Dc è la corda di 60. Gr. & cioè l semidiametro di quell'arco, del cui quadrante la corda è tutta la DE: che così si è diuiso l'Istrumento. E perche, tirate la e b, e d, i triangoli D e b, D e d sono equiangoli: i sarà, come la D e alla e b, così la D e alla c d. Permutando dunque, come la D e alla D c, così la e b alla c d. Ma la D e è 37. Gr. della circonferenza del semidiametro D c. cioè è la corda, che sottende in tal circonferenza l'arco di Gr. 37. Dunque la e b sarà 37. Gr. della periferia del semidiametro c d: cioè sarà la corda sua. Se poi

g coroll.  
15. quar.

h 6. sexti.  
i 4. sexti.  
j 16. quin.

la periferia proposta superi il quadrante, come è la AFE; si piglierà l'eccesso CE, &, misurato, come qui di sopra, si aggiungerà a Gr. 90. del quadrante AC: che la somma sarà tutta la periferia, che si cerca.

12 Di qui sarà facile a pigliare di vna periferia di circolo vn'arco di quāti Gr. si voglia. Come, se del quadrante AC haueſſimo a torre vn'arco di Gr. 72. posto il semidiametro AB ne' numeri 60.60. l'interuallo 72.72. sarà la corda, che sottende 72. Gr. nel circolo del semidiametro AB. Se poi il numero de' Gr. superasse il quadrante, e volessimo, per esempio, della circonferenza del semidiametro AB vn'arco di Gr. 120. bisognerà di trouare, come si è qui detto la corda CE dell'arco di Gr. 30. eccesso sopra'l quadrante, e di aggiungere a esso quadrante l'arco CE di essa corda: che si hauerà l'arco AFE di 120. Gr. come si desidera.

13 Quindi troueremo i lati de' Poligoni in qual si voglia circolo. Poiche se diuideremo per 3. tutta la periferia del circolo Gr. 360. haueremo nel quoziente Gr. 120. Se dunque troueremo

l'arco

l'arco AFE di 120. Gr. come qui di sopra; la sua corda AE sarà il lato del triangolo equilatero. La AC è il lato del quadrato, come è manifesto. Et se diuideremo Gr. 360. per 5. il quoziente sarà l' numero de' Gr. dell' arco, la cui corda il lato del pentagono, quale è la AF. E così di tutti.

14 Et, se habbiamo a diuidere vn segamento AF di circonferenza, per esemplo, in 3. parti eguali: trouato per lo Num. 11. quanti Gr. 72. si comprendono in tale segamento, se diuideremo 72. per 3. haueremo il quoziente 24. Dimodoche, posto il semidiametro BA tra' punti 60.60.&c. l'interuallo 24.24. diuiderà il segamento AF in tre parti eguali. Tutte queste cose sono chiare per la dimostratione del Num. 11.

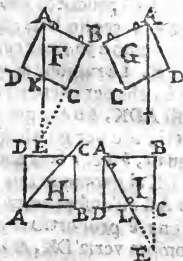
*Del Quadrante Astronomico, e del Quadrato Geometrico . E del modo d'habuere in quello i Minuti , & in questo le parti Millesime, ancorche tai diuisioni non habbiano . Cap. II.*

**I** TANTO il Quadrante, quanto il Quadrato , si possono in due modi adoperare : penduli, o stabili . E ciò quando il lor piano sia perpendicolare all'Orizzonte : che, collocati altramente, non vi cade questa differenza . Pendulo si dice l'istrumento, quando vi si adopera il filo col piombino , che, liberamente pendendo, rende il piano di esso , mirandosi il segno per li pertugi delle alette , che stanno in vno de' lati , che semidiametri , o gnomoni si appellano . Stabile allora s'intende , quando , accommodato sopra dell'asta sua , o altroue , in modo , che vno de' gnomoni sia equidistante all'Orizzonte; fa di mestieri seruirsi della Diottra per cogliere il segno proposto . Nel Quadrante non vi cade alcuna offeruatione . Ma'l Quadrato , secondo la positura, varia le ombre , che sono que' lati , ne' quali è descritta la

scala

scala Altimetre. Perche nel pendulo F, G l'ombra, che chiamano Versa, è quella sempre, che è opposta al lato delle mire, quale è la CD, & l'altra BC è la retta. Ma nello stabile l'ombra versa è sempre quella, che sta perpendicolare all'Orizzonte: che nel H, I è la BC, & la retta la CD.

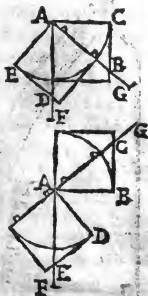
2. E perche molte volte non basta o tutta l'ombra versa, o tutta la retta, perciò si suppliscono scambievolmente, riducendosi l'vna all'altra in questo modo. Sia l'ombra versa DK particolare 434. delle 1000. nelle quali è diuisa tutta l'ombra. Intendiamo la scala Altimetre alla moderna di 10. parti, e ciascuna di queste di 100. particole. Ora habbiasi a ridurre essa ombra versa DK alla retta. Si moltiplichi il gnomone AD 1000. nel gnomone AB pur



1000. e'l prodotto 1000000. si diuida per 434. taglio DK: che nel quoziente haueremo 2304. per tutta l'ombra retta BE. La ragione di questa operatione è, che per essere equiangoli i triangoli ADK, EBA, per gli angoli D, B retti, & e per gli alterni DAK, BEA eguali, &c. & sarà come l'ombra versa DK al gnomone DA; così'l gnomone AB all'ombra retta BE. Cioè'l gnomone è proportionale di mezo fra l'ombra versa DK, & la retta BE; alla quale quella è stata ridotta. Et così per la medesima ragione si ridurrà l'ombra retta DL del Quadrato stabile I alla versa BE: diuidendo cioè'l quadrato del gnomone per le parti del taglio DL: che'l quoziente sarà la BE.

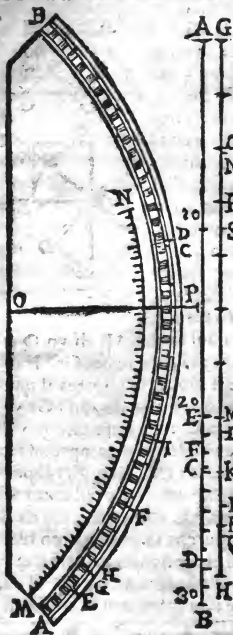
3 Et siasi pendulo, o stabile l'istrumento, sempre l'angolo fatto dal filo sarà eguale all'angolo fatto dalla Diottra. Come nella presente figura l'angolo preso dal filo AF è eguale all'angolo tolto dalla Diottra AG: cioè i Gr. o le parti Millesime, segate dal filo nel pendulo, sono eguali ai Gr. o alle Millesime, leuate dalla Diottra nello stabile. Poiche, se dagli angoli retti EAB,

DAC te ne lieu il commune DAB : è chiaro, che i rimanenti BAC, DAE faranno eguali. E qui si vede anche, che nel Quadrato restano legate l'ombre medesime e dal filo, e dalla Diottra, come è chiaro per lo Num. passato.



4 Ma per venire alla seconda cosa, che in questo Cap. si propone, sia il limbo AB di vn Quadrante diuiso al solito in 90. Gr. Habbia battuto il filo, o la Diottra il punto D immediatamente doppo'l Gr. 55. segnato con la C : e faccia bisogno di trouare quanti Minuti si comprendano in esso segmento CD. Si pigli tal particola CD diligentemente col compasso, & si rimeni 10. volte con cura da A ino in H. E perche in questo arco trascorso AH si contengono 8. Gr. interi; ormeremo questa frattione  $\frac{8}{10}$ . il cui numeratore il numero de' Gr. trascorsi,

e'l de-



c'l deno-  
minatore  
tate vni-  
tà, quãte  
volte si è  
la parti-  
cella CD  
replicata.  
Perche  
poi oltre  
agli 8.Gr.  
interi so  
prauanza  
la parti-  
cola GH;  
piglisi co  
compasse  
anche el-  
sa, & si re-  
plici 6  
volte da  
A fino in  
E. nel que-  
le inter-  
uallo AE  
perche 5.  
Gr. interi  
si conten-

gono



gono; risulterà questa minutia  $\frac{5}{6}$ , il numeratore della quale il numero de' Gr. trascorsi, e'l denominatore tante unità, quante volte u è rimenata essa particella GH. Scriueremo dunque queste due minutie così,  $\frac{3}{10}$ , e  $\frac{5}{6}$ . Cioè  $\frac{5}{10}$  di 1. Gr. e  $\frac{5}{6}$  di vna di quelle decime parti. Se dunque infilzeremo esse due minutie; haueremo questa frattione  $\frac{5}{6}$  di 1. Gr. cioè 53. Minuti. E tanti diremo, che se ne comprendano nella particella CD. Tale sarà la dimostratione di questo fatto. Come l'arco AH alla particola CD, così è l'arco di 10. Gr. a 1. Gr. che tanto la, quanto qua la proportionione è decupla. Sarà dunque, & permutando, come l'arco AH all'arco di 10 Gr. così la particella CD a 1. Gr. Ma l'arco AH, in cui si contano (il soprananzo lo vedrem' poi) 8. Gr. è  $\frac{8}{10}$  di Gr. 10. Adunque anche la particella CD sarà  $\frac{8}{10}$  di 1. Gr. La medesima dimostratione cade nell'auanzo GH. Poſciache, come l'arco AE alla particola GH, così è l'arco di 6. Gr. a 1. Gr. & permutando, come l'arco AE all'arco di 6. Gr. così sarà la particella GH a 1. Gr. Ma 5. Gr. compresi

di 16. quin.

B

nell'

nell'arco AE, sono  $\frac{1}{6}$ . dell'arco di 6. Gr. Anche la particella CH farà dunque  $\frac{1}{6}$ . di 1. Gr. cioè di vna di quelle decime parti dette di sopra : che per tale passa 1. Gr. in questa seconda operatione, come è manifesto. Et è questo nostro modo assai spedito, & ingegnoso. Poiche, essendo vna decima parte di 1. Gr. Min. 6. se tai decime fussier 9. cioè, che nell'arco trascorso 10. volte si contasse 9. Gr. e se ne formasse questa minutia  $\frac{9}{10}$ . farieno 54. Min. & quel, che di più vi fusse oltre a 9. Gr. interi, non può esser mai tanto, come è chiaro; che, rimenato sei volte, comprenda più di 5. Gr. interi, e se ne faccia maggior fractione di questo  $\frac{1}{6}$ . di vna cioè di quelle decime parti : che per esser ciascuua 6. Min. come è detto : 5. Min. verrà a esser la minutia  $\frac{1}{6}$ . di vna di quelle parti dette. Dimodoche tal parte di 1. Gr. quale noi qui diuisiuamo, sarebbe in tutto 59. Min. ne più oltre può passare; che altramente faria 1. Gr. intero.

5. Ma queste particelle sono alle volte tanto piccole, che non si può all'apertura di esse maneggiare il compasso: In tal caso si pigli tal particella,

per

per esempio CD, insieme col Gr. precedente, o con due Gr. & si replichi fu per lo Quadrante questo tale intervallo 10. volte da A fino ad F, o I: che, leuando poi dall'arco AF, o AI 10. Gr. o 20. tolti in presto; rimarranno pure 8. Gr. come dianzi. Così nella seconda operatione si leueranno vna volta, o due 6. Gr. secondo che con vno, o con due si sarà presa la particella.

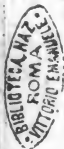
6 Se poi vna particola rimediata tre, quattro, sei volte, &c. s'abbatterà a dare nel fine del Gr. precisamente, il che speffissimo auuiene; non accaderà di arriuare al numero di 10. ma con vna sola operatione haueremo l'intèto. Batta vna tal particella rimediata 7. volte, per esempio, nell'estremo del Gr. 5. Tal particola, senza passar più oltre, farà di 1. Gr.  $\frac{7}{2}$ . minutia, il cui numeratore il numero de' Gr. contenuti nell'arco trascorso, e'l denominatore tante vnirà, quante volte è stata replicata la particola detta. Dimodochè, se moltiplicheremo il numeratore 5. per 60. quanti Min. cioè si contengono in 1. Gr. e partiremo il prodotto 300. per lo denominatore 7. il quotien-

te  $42\frac{6}{7}$ . farà'l numero de' Min. compresi nella particola proposta. Percioche, come nel Num. 4. essendo, come l'arco della particella 7. volte rimenata ad essa particella; così l'arco di 7. Gr. a 1. Gr. per la medesima settupla proportion: sarà, & permutando, come l'arco settuplo della particella a 7. Gr. così la particola detta ad 1. Gr. Perche dunque tale arco trascorso 7. volte è 5. Gr. & 5. Gr. sono i  $\frac{5}{7}$  di 7. Gr. anche coral particella farà  $\frac{5}{7}$ . di vn Gr. Il medesimo s'intenda, se essa particella si farà presa con 1. Gr. o con 2. Posciache, se, tolta così, & replicata 7. volte, batterà nell'estremo del Gr. 12. ouero 19. se ne leueranno 7. Gr. o 14. tolti in presto: il rimanente 5. sarà pure il numeratore della minutia, e'l denominatore il medesimo 7. Et sappiasi, che, quando in fine di simili operationi rimangono minutie maggiori di  $\frac{1}{2}$ . togliamo pigliare tal minutia per 1. Min. intero; quando sieno minori di  $\frac{1}{2}$ . non te ne fa conto, anzi si lasciano, come se non vi fussero: & quando sieno per appunto  $\frac{1}{2}$ . si può per esse aggiugnere 1. Min. o lasciarle del tutto, come ne pare. Siche,

perche

perche  $\frac{6}{7}$ . è più di  $\frac{1}{2}$ . diremo, che nel nostro esempio  $\frac{5}{7}$ . di 1.Gr. sieno Min. 43.

7 E perche accade alle volte di douer togliere di 1.Gr. vn tal numero di Min. ilche, per l'ordinario, si suol fare a occhio: non sarà senon bene di mostrare il modo, come ciò eseguir si possa Geometricamente. Si descriua dentro al Quadrante dal centro medesimo vn'arco MN di Gr. 61. & si diuida in 60. parti eguali: che col mezo di questo haueremo l'intento. Perciòche, se oltre vn qualche numero di Gr. vogliamo, per esempio, 46. Min. tireremo il filo, o la linea della fiducia OP, per la parte 46. dell'arco MN; che quella parte di Gr. che resta leuata doppo l'intero Gr. 46. nel limbo del Quadrante, saranno i 46. Min. d'aggiugnerfi ai Gr. c'habbiamo per le mani. Peròche, essendo vna parte dell'arco MN all'arco MN tutto, come 1.Gr. all'arco di 60. Gr. per la medesima subsecutiva proportion; sarà, d'aggiugando, vna di quelle parti ad 1.Gr. come l'arco MN all'arco di 60. Gr. Ma l'arco MN è vna volta tutto l'arco di 60. Gr. & vna sua sessantesima parte di



• schol.  
22. tertij.

più. Dunque anche vna parte dell'arco MN conterrà vna volta 1 Gr. & di più vna sua sessantesima parte, cioè 1. Min. Per conseguenza 2. 20. 46. parti abbracceranno 2. 20. 46. Gr. con altrettanti Min. & c. • Onde anche l'arco compreso tra A, e'l filo, o fiducia OP sarà Gr. 46. Min. 46. & c.

8 Ma, per venire ormai al Quadrato Geometrico, perche l'vso moderno, come si è detto, è di diuidere la scala Altimetra in 10. parti, o pure in 100. haueremo in essa anche le parti millesime, benchè ella in 10. o in 100. sia solamente diuisa. Sia la retta AB parte dell'ombra diuisa prima in 100. parti: & sia passato il filo, o la fiducia per F estremo della parte 22. E manifesto, che, perche 22. parti centesime diuentino parti millesime; basta d'aggiungere vn zero dalla banda destra, cioè moltiplicarle per 10. perche in tal caso ciascuna parte centesima s'intende diuisa in 10. particelle. Ma se la set-  
tione sia fatta in C, prima, perche da A fino in F habbiamo 22. parti delle 100. di tutta l'ombra: formeremo questa minutia  $\frac{22}{100}$ . Si replichi col com-

passo

passo la FC su per la scala 10. volte, per esempio, da E fino in D. E perchè nella ED si comprendono 7. parti intere; haueremo quest'altra frattione  $\frac{7}{10}$ . il cui numeratore (di quel, che resta non sene fa conto) il numero delle parti intere contenute nella retta ED, trascorsa con 10. volte la FC; & il denominatore esso numero 10. di tate vnità, quante volte si è essa FC replicata. Habbiam dunque  $\frac{2}{100}$ . &  $\frac{7}{10}$  di vna decima parte della EB, cioè di vna di esse centesime di tutta l'ombra. S'infilzino esse minutie. Ne nasce questa  $\frac{227}{1000}$ . Cioè la AC è 227. delle 1000. di tutta la diuisione della scala Altimetra. Quest'operatione si dimostrerà, come quella del Num. 4. Poiche, essendo la proportionione della ED alla FC la medesima, che quella della EB a vna delle sue parti, per esser sempre decupla: s'permutando, la proportionione della ED alla EB, & della FC a vna parte della EB sarà la medesima pure. Perche dunque nella ED si truouano 7. parti delle 10. della EB; e però essa ED sarà  $\frac{7}{10}$ . della EB; anche la FC sarà  $\frac{7}{10}$ . di vna decima parte della EB, &c.

f 16. quin.

9 Sia ora nella retta GH la diuisione della scala Altimetra in 10. parti solamente : & faccia bisogno d'investigare quante parti delle 1000. di tutta essa GH sia il segamento GI. Prima, perche habbiamo in tale interuallo la GK di 8 parti decime intere di tutta la GH : formeremo questa fractione  $\frac{8}{10}$ . Poi, preso il segamento KI col compasso, lo replicheremo, cominciando da G. 10. volte fino in L. E perche nell'interuallo GL si contano 7. parti intere ; faremo quest'altra minutia  $\frac{7}{10}$ . da scriuerli appresso all'altra. Si pigli di nuovo il soprauanzo ML, & si rimeni al medesimo modo 10. volte da G fino in S. Nel quale interuallo GS perche si contengono 3. parti; haueremo questa minutia  $\frac{3}{10}$ . & la metteremo appresso alle altre in questo modo :  $\frac{8}{10}$ .  $\frac{7}{10}$ . e  $\frac{3}{10}$ . Cioè  $\frac{8}{10}$ . di tutta la retta GH,  $\frac{7}{10}$ . di 1. di quelle 8. decime, &  $\frac{3}{10}$ . di vna delle  $\frac{7}{10}$ . che inestate, ne risulta questa minutia  $\frac{873}{1000}$ . Cioè il segamento GI è 873. parti delle 1000. nelle quali si considera diuisa la GH. Poiche le prime  $\frac{8}{10}$ . cioè la GK son o 800. parti delle 1000. della GH, considerandosi, cia-

scuna



scuna delle sue 10. parti esser diuisa in 100. particole . la KI è  $\frac{7}{10}$ . di vna parte KR della GH, cioè 70. di tutta la GH 1000. & la ML contiene  $\frac{1}{10}$ . di 1. di quelle  $\frac{7}{10}$ . cioè viene a essere 3. particelle delle 100. di vna parte MK di essa GH ; che sommate insieme fanno, come di sopra 873. Et quest' operatione così si dimostrerà . Perche la proportion della GL alla KI è la medesima , che quella della GH tutta ad vna delle sue parti ; per essere tanto quella , quanto questa , decupla : sarà , *s*permutando , la proportion della GL alla GH la stessa , che quella della KI ad vna parte della GH. Per la qual cosa, siccome nella GL si contengono  $\frac{7}{10}$ . della GH , & in oltre la parte ML di vna decima della GH ; così nella KI si conterranno  $\frac{7}{10}$ . di vna parte decima della GH , & di più tal particella di vna decima parte di vna delle 10. parti della GH ; qual parte è la ML di vna di esse decime parti della GH . Al medesimo modo si dimostrerà, la ML essere  $\frac{1}{10}$ . di vna delle parti della GH, cioè di vna di queste seconde decime : che per tale ora si piglia vna di esse parti .

10 Quando poi la detta particella fusse tanto piccola, che non si potesse col compasso caminare, qual'è l'aria la ON; si pigli il compimento FN, & si replichi similmente 10. volte fino in Q; che l'rimanente HQ sarà il decuplo di essa particella ON. La ragione è, che i due segmenti ON, FN presi insieme, & rimenati 10. volte nella GH; la de-  
 quono, come è manifesto, riempier tutta perfettamente. Nel quale esempio, perche la HQ è minore di vna parte della GH; così scriueremo la prima minuria  $\frac{1}{10}$  e poi la decupleremo, &c. come di sopra.

11 Facilissima cosa è poi in questa operatione il ridurre ad vna li fatte minutie. Poiche nelle due del'8. Num.  $\frac{22}{100}$  e  $\frac{7}{10}$  messi insieme per ordine i numeratori, come stanno: si hauerà l'numeratore 227. della minugia, che cerchiamo. al quale se sottoporremo 1000. vna vnità cioè con tanti zeri appresso, quanti sotto a esse minucie si contengono: haueremo questa frattione  $\frac{227}{1000}$  che è l'ineftamento, o infilzamento di quelle due. Al medesimo modo delle tre  $\frac{3}{10}$ ,  $\frac{7}{10}$  e  $\frac{1}{10}$  del Num. 9.

faremo

faremo  $\frac{27}{1000}$ . E di queste  $\frac{2}{10}$ ,  $\frac{8}{10}$ ,  $\frac{0}{10}$  nascerà la minutia  $\frac{2}{1000}$ , e di  $\frac{8}{10}$ ,  $\frac{7}{10}$ ,  $\frac{0}{10}$  quest'altra  $\frac{70}{1000}$ , e così di tutte.

12 Se poi al contrario ne bisogna-  
se di leuare, per esempio  $\frac{7}{10}$  di vna  
decima parte della GH, piglieremo  
l'interuallo GM di 7. parti, & lo diui-  
deremo in 10. eguali: che vna di que-  
ste sarà  $\frac{7}{10}$  di vna parte della GH. Pe-  
roche essendo la proportion della GM  
a vna sua parte decima l'istessa, che  
quella della GH a vna delle decime  
sue, per esser tanto la, quanto qua de-  
cupla: sarà, permutando, la propor-  
tione della GM alla GH, & di vna de-  
cima parte di quella a vna decima par-  
te di questa la medesima parimente.  
Ma la GM è  $\frac{7}{10}$  della GH: Adunque  
vna decima parte della GM sarà  $\frac{7}{100}$  di  
vna parte decima della GH. Ma tai di-  
uisioni, o altre, quali vogliamo, mol-  
to commodamente si faranno per lo  
Num. 4. del Cap. 1. seruendoci ne bi-  
sogni anche del 10.

Per fine di questo Cap aggiugnerò,  
che loderei assai, che tanto i semidia-  
metri del Quadrante, quanto i gno-  
moni del Quadrato fussero diuisi in

1000 in 1000. parti eguali; & che nelle parti medesime, cioè eguali a quelle, fusse diuisa anche la linea della fiducia tutta. Poiche con si fatta partititione, si abbreuieranno molte operationi, come vederemo nel 3. Libro.

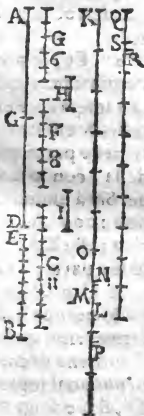
*Come di vna retta diuisa in parti assai piccole si possano hauere le frattioni d'ogni sorte. Del modo di trouare qual parte, o parti sia vna data retta di vn'altra retta proposta: Et quante volte vna retta maggiore contenga vna minore, senza adoperarui l'Istrumento del 1. Cap. Et come in ogni scala si possano trouare Geometricamente le frattioni, che occorrono. Cap. III.*

**Q**VESTE cose occorrono spesso nel descriuer le piante. E se bene ti tuole operare a vista, senza commettere error notabile; per eseguire il medesimo Geometricamente, sia, per esemplo, la retta AB vna scala diuisa in 30. parti: e faccia bisogno di pigliarne  $23\frac{7}{10}$ . Si habbia la retta C di 11. parti della AB, & si diuida in 10.

eguali

eguali : che , se torre no 7. parti di ef-  
fa C, & le porteremo col compasso nel-  
la BD; haueremo nell'ottaua parte vna  
portione, che sarà l'e  $\frac{7}{10}$ . che si cercano  
d'agguugnarsi alle parti 23.

Similmente , se si  
voleffero le quarte ,  
le quinte parti, le se-  
ste &c. sarà necessa-  
rio d'hauere in vna  
piastra di ottonne , o  
lista di legno duro , e  
ben liscio , oltre la  
scala AB , altre linee  
di 5. parti della BD ,  
diuisa in 4. eguali, di  
6. diuisa in 5. di 7. &c.  
diuisa in 6. &c. Come  
se si voleffero  $\frac{4}{7}$  di  
vna parte della BD;  
torremo 4. parti del-  
la F, che è 8. diuisa in  
7. che , trasportato  
tale intervallo col  
compasso nella BD ; haueremo nella  
quinta parte i  $\frac{4}{7}$ . che si desiderano. Pa-  
rimente , se voleffimo li  $\frac{3}{7}$ . di vna delle  
medesime parti, torremo 3. parti della



G di 6. segata in 5. che , portate nella BD, ci si mostreranno nella parte quarta i  $\frac{1}{5}$ . ch'andiam cercando . E così di tutte . Le quai cose si dimostreranno , come l'operatione del Num. 7. del 2. Cap. mutando solamente il numero di 60. in 10. in 7. in 5. &c. come è manifesto .

2 Et , se proposte due rette H , I si voglia sapere, quante parti sia la H della I intesa, per esempio, di 1000. particelle, & ciò senza l'aiuto dell'istrumento delle parti; piglisi la retta K decupla della I con le sue diuisioni , come si vede, Sarà dunque tutta la K 10000. facendosi 1000 la I . Perche dunque la H, portata nella K, si truoua minore d'vna delle sue parti ; si decupli, come nel Num. 9. de' Cap 2. fino in L . Nel quale intervallo perche habbiamo 7. parti intere, formeremo questa minuta  $\frac{7000}{10000}$ . cioè  $\frac{7}{10}$ . di vna decima della K . Si decupli di nuouo il soprauanzo ML da K fino in N , dove sono 6. parti intere . Hauerem dunque quest'altra minutia  $\frac{6000}{10000}$ . cioè  $\frac{6}{10}$ . Piglisi il decuplo del segamento N al medesimo modo fino in P . Haueremo quest'altra  $\frac{8000}{10000}$ . ouero  $\frac{8}{10}$ .

Sicche

Siche infilzando le dette minutie , secondo'l Num. 11. del 2. Cap. risulterà questa frattione  $\frac{768}{1000}$ . di vna decima parte cioè della K. Cioè la H sarà 768. particelle di quelle delle quali la I si fa 1000.

3 Ma facciasì essa I di 835. per esēpio . Piglia la K decupla, &c. Sarà essa K tutta 8350. E perche la H è minore di vna delle sue parti , decupli si fino in L, &c. Haueremo per le 7. parti intere 5845. e però questa frattione  $\frac{5845}{8350}$ . cioè  $\frac{7}{10}$ . di vna decima della K. Si decupli il rimanente ML fino in N : che per le 6. parti intere troueremo 5010. onde haueremo quest'altra  $\frac{5010}{8350}$ . ouero  $\frac{6}{10}$ . e per la K<sup>p</sup> decuplo del legamento ON quest'altra  $\frac{6680}{8350}$ . cioè  $\frac{8}{10}$ . S'infilzino, &c. queste decime. Troueremo, come di sopra  $\frac{768}{1000}$ . La qual minutia traslatata in ottocentotrentacinquesime , cioè diuisa per 835. parti della I : il quoziente  $643\frac{7}{835}$ . faran le parti della H a rispetto della I posta 835. Doue si vede, che , posta la I , per esempio 835. se noi la statuiremo 1000. haueremo, come nel Num. passato le parti millesime della H : e poi, trasla-

tandole,

tandole, troueremo senz'altra operatione anche le ottocentotrentacinquesime.

4 Pongasi ora la H 1000. & habbiasi a sapere quante di si fatte parti sia la I. Si pigli la retta Q decupla della H, &c. E perche, portata la I nella Q, occupa l'intervallo QR maggiore di vna sua decima, cioè della H: diremo prima, che in essa I si contiene vna volta la H, cioè 1000. & inoltre il soprauanzo SR. Si cerchino le parti millesime del detto segmento SR, come di sopra. Troueremo essere particelle 276. che, aggiunte alla QS, haueremo per tutta la QR, cioè per la I, 1276. particole di quelle, delle quali è la H 1000.

5 Et, se traslateremo  $\frac{1276}{1000}$ . in ottocentotrentacinquesime, haueremo nella I  $1065\frac{2}{5}$  parti di quelle della H, se ella si ponesse 835. E così sempre in ogni denominatione. I e quai cose si dimostreranno, come l'operatione del Num. 9. del 2. Cap. & ci seruiremo, bisognando, del Num. 10. del Cap. 1.

6 Finalmente, se bisognasse di trouare che parte, o parti sia la DE di vna

parte

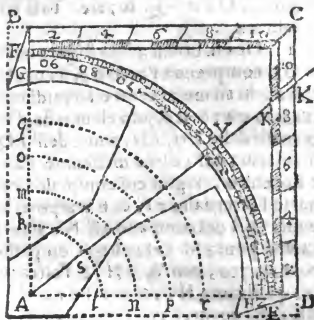


parte della scala AB ; presa col compasso , & rimenata accuratamente su per la DB, tante volte, finche vna punta del compasso venga a battere nell'estremo di vna parte di essa DB , che in questo caso sarà nel fine della 4. parte, rimenata 5. volte: si formerà questa minutia  $\frac{4}{5}$ . il cui numeratore il numero delle parti trascorse, & il denominatore tante vnità, quante volte si è la detta particola repligata ; come si disse nel Num.6. del Cap. 2. la cui dimostratione conferma anche questo modo. Se, poi cominciando da D, non ci abbattessimo a dare nell'estremo di vna parte ; faremo il principio da G , o da A , &c. Et se la particola fusse souerchiamente piccola , si piglierà insieme con vna , o con due parti , &c. come in altra occasione si è fatto di sopra .

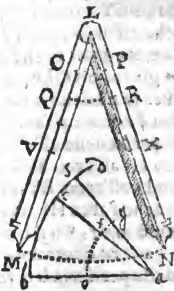
*Fabrica, & vso di vno Iſtrumento da  
miſurare archi, o angoli tanto in Gr.  
& Min. del Quadrante quanto nel-  
le parti milleſime del Quadrato. Et  
come con eſſo ſi poſſan formare gli an-  
goli in vn dato numero di Gr. o di  
parti. Cap. IV.*

**S**I faccia ſu vna tauoletta ben liſcia,  
o ſu vna piaſtra d'ottone l'angolo  
retto BAD, & dal centro A ſi deſcriua  
il quadrante EF, il quale, quanto ſarà  
maggiore, tanto ſarà meglio, & ſi di-  
uida in 90. Gr. Poi, dal' punti E, F ri-  
zate due perpendicolari, haueremo  
formato, con la giunta dell'orlo, che  
attorno ſi vede, il quadrato ABCD.  
Nel quale ſi diuideranno le ombre BC,  
DC in 10. o in 100. parti eguali, come  
più piacerà, & ciò con rette dal centro  
A, dal quale douerà uſcire vn ſottiliſ-  
ſimo filo. Inoltre ſi deſcriuerà dal me-  
deſimo centro vn'altro quadrante GH,  
ſu'l quale diuiſeremo le quantità degli  
angoli, per non ſeruirci dell'altro im-  
pedido dalle diuiſioni. Di più ſi farà  
vn Compaſſo, in forma di Squadra zop-  
pa, MLN, in modo, che le rette tirate

dal



al centro L fino  
 agli estremi delle  
 punte M, N sieno  
 uguali al semidia-  
 metro AH, o AG  
 del quadrato GH.  
 Finalmente nelle  
 rette LM, LN si  
 acciano più pun-  
 ti, egualmente di-  
 stanti a due per  
 due dal centro L:  
 sieno quanti si



C 2

voglia-

vogliano O, P, Q, R; &c. Tale sarà la fabbrica.

1 Ora habbiasi a inuestigare quanti Gr. comprenda l'arco bc, il cui centro a. Si tirino al centro i semidiametri ba, ca; & secondo alcuno degl'intervalli delle LM, LN, come dell' LQ, si descriua dal centro medesimo l'arco e f occulto. Piglisi col compasso ordinario l'intervallo e f, & si trasporti ne' punti Q, R del compasso MLN. Si metta vna punta M del nostro Compasso, così aperto, com'è, in H, & l'altra in I su'l quadrante HG, & per I si tiri il filo AK: che quanti Gr. si contengono nell'arco EY, tanto sarà l'arco bc. Poscia che, essendo eguali i semidiametri LQ, a e, & eguali anche le periferie QR, e f: gli angoli QLR, e a f faranno eguali. Per la medesima ragione l'angolo IAH sarà eguale all'angolo MLN, o QLR, e però anche all'e a f, o al b a c: & l'arco HI all'arco MN. Ma l'arco HI è simile all'arco EY di Gr. 38. Dunque anche l'arco HI, cioè lo MN, o QR, cioè lo e f, o il bc sarà Gr. 38.

2 Al contrario habbiasi a segare della periferia b d vn'arco per esempio

27. ter.

26. ter.

e schol.

22. tertij.

di 38. Gr. Tirato il filo AK per lo Gr. 38. & preso col nostro Compasso l'arco HI, se in esso Compasso vi sia alcuno interuallo eguale all'a b, come è lo LV; poste le punte del compasso ordinario in V, X, e trasportato tale interuallo nell'arco b d da b fino in c: haueremo l'arco b c, e il quale sarà 38. Gr. Ma se niuno interuallo si trouasse nel Compasso nostro eguale all'a b, se ne pigli vn'altro LQ; &, descritto con esso dal centro a l'arco e g, si toglia l'interuallo QR, & si porti nell'arco e g da e fino in f: che, tirata la a c per la intersezione f, e haueremo pure l'arco b c di Gr. 38. Se poi oltre i Gr. interi si desero anche i Min. si potran torre a occhio, cioè per 20.0 per 22. Min. vn terzo d'vn Gr. o poco più; per 30. la metà, per 45. o 46. i tre quarti, &c. Ouero si potrà descriuere l'arco Z di 61. Gr. e diuiderlo in 60. &c. come si disse nel Num. 7. del 2. Cap.

3 Habbiassi ora a cercare la quantità di vn'angolo b a c. Dal centro a descriuasi vn'arco e f, secondo alcuno degl'interualli del nostro Compasso, come dell' LQ. Poi preso l'arco e f, e

trasportato tale intervallo ne' punti Q, R; se metteremo le punte M, N nel quadrante HG: haueremo l'arco HI, per l'estremo punto I del quale se tireremo il filo AK: & ci si mostrerà nel quadrante EF, da E fino all'interseguimento del filo, il numero de' Gr. cioè la quantità dell'angolo b a c.

4 Si debba finalmente costituire nel punto a della retta a b vn'angolo di vn dato numero di Gr. come di 38. Descritto dal punto dato a, come centro l'arco occulto e g; secondo alcuno intervallo LQ del nostro Compasso: si tiri il filo AK per l'estremo del Gr. 38. Se dunque metteremo vi a punta MI in H, e distenderemo l'altra fino all'intersezione I; e torrem poi col compasso ordinario l'intervallo QR, & lo porteremo nell'arco e g da e fino in f; & per f tireremo dal centro a la retta a c: & haueremo formato l'angolo b a c, che si desidera, di 38. Gr.

5 Il medesimo modo offerueremo negli angoli del Quadrato, col mezzo del Compasso medesimo, e del quadrante HG. Come se sia l'angolo b a c, e vogliamo sapere la quantità sua, o co-

stituirne

stituirne vno, secondo vn dato numero di parti del Quadrato ; descriueremo il medesimo arco e f, e faremo il resto, come di sopra : che'l filo AK ci mostrerà le parti DK dell'ombra DC, le quali troueremo per li precetti del Num. 8. o 9. del 2. Cap. O, messo esso filo nell'estremo delle parti date, le quali troueremo nell'ombra per lo Num. 12. del Cap. 2. o per lo Num. 4. del 1. ci additerà l'angolo, che cerchiamo di formare, dal quale faremo il b a c col mezzo dell'arco e g, &c. come qui di sopra. Solamente questo fa qui di mestieri offeruar di più, che, quando l'angolo proposto sia maggiore del semiretto, bisognerà, per rappresentar le sue parti, fare la riduzione delle ombre, come si è insegnato nel Cap. 2. Num. 2.

6 Ma, se, date per esempio 1273. parti di vn tale angolo del Quadrato, bisognasse di formare quest'angolo in carta : sarà necessario di far la riduzione dell'ombra al contrario, per sapere per qual parte habbia a passare il filo AK. Cioè faremo, come l'ombra data 1273. al gnomone 1000. così'l gnomone 1000. a 785. Se dunque per

li Num. 4. e 3. del Cap. 1. torremo 785. parti delle 1000. dell'ombra DC da D fino in K, & per K tireremo il filo AK, e toglieremo con le punte del nostro Compasso l'arco GI, e formeremo come di sopra vn'angolo bas: questo farà di particelle 1273. Le quali operationi sono chiarissime per le dimostrazioni passate.

7 Se poi l'arco, o l'angolo superasse'l quadrante, o l'angolo retto; si torrà l'eccesso del quadrante, o dell'angolo retto, & si aggiugnerà a tutto'l quadrante, o all'angolo retto tanto a ragione di gradi, quanto di parti millissime, come è manifesto.

Se si farãno le gambe LM, LN eguali al semidiametro AE, si potrà fare senza'l quadrante GH. perche le punte del Compasso nostro mostreranno subito nell'arco EF il numero de' Gr. per lo quale si tirerà poi il filo, &c. Ma'l primo modo è tenuto da noi per più sicuro. poiche le diuisioni di esso quadrante EF potranno ageuolmente cagionare abbaglio.

8 Ma non ogn'vno potrà farsi fabricare questo strumento. Adunque,

per



per lo medesimo fine, si descriua su vna tauoletta ben piana vna figura quadrata ABCD col Quadrante, e con le ombre del Quadrato con le lor diuisioni, come si vede: e dal centro A si descriuano più quadranti senza diuisione alcuna kl, mn, op, qr, & quanti vogliamo; & esca da esso centro vn sottilissimo filo. Habbiassi a trouare il numero de' Gr. compresi nell'arco bc, il cui centro a. Se nella nostra figura vi sia alcun quadrante di semidiametro eguale al semidiametro ab, di questo ci seruiremo. Quando no, dal centro a si descriua l'arco e g all'intervallo del semidiametro di qual quadrante A l vogliamo della nostra figura. Si tiri dal centro a al punto c la retta ac; e che segherà l'arco e f simile all'arco bc. Dunque se piglieremo col compasso ordinario l'arco ef, & lo trasporteremo nel suo quadrante lk da l fino ad f, e per lo punto f tireremo il filo AK: e haueremo nell'arco EY il numero de' Gr. che nell'arco bc si comprendono.

Et se si debba segare della periferia bd vn'arco, per esempio di 38. Gr. ne alcun quadrante sia nella figura di se.

midia-

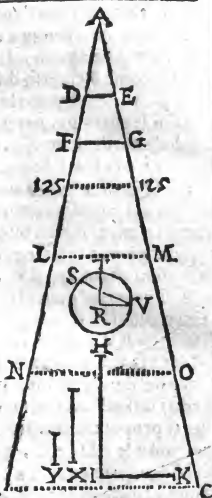
midiametro eguale all'a b; descriuere-  
mo dal centro a l'arco e g all'interual-  
lo di qual si sia se nidiometro A l. Poi,  
tirato il filo per lo Gr. 38. & preso l'in-  
teruallo l f; & portato nell'arco e g da e  
fino in f; & tirata per f da a la a e, che  
seghi l'arco b d in c: haueremo l'arco  
b c di Gr. 38. &c. Di qui è manifesto il  
modo, che si de' tenere nel misurare, o  
formare gli angoli nelle parti del Qua-  
drato.

*Fabrica, & uso di vn Compasso da rap-  
presentare in linea retta tutta la pe-  
riferia del circolo, o qual si voglia ar-  
co del medesimo, con altre utilità.  
Cap. V:*

**S**i descriua, come si ha nel fine del 6.  
Lib. de!!'Euclide del Clauiò, vna  
Quadratrice con esquisita diligenza, la  
cui bafe, per ora, sia la IK, & la IH il la-  
to; il quale douerà essere la quarta par-  
te dell'istrumento, cioè di vn buon pal-  
mo, che tanto suole essere quello delle  
parti: al quale quello si douerà fare in-  
tutto simile, con le sue linee AB, AC  
dal centro A agli estremi B, C delle

gambe:

gambe:oue  
così si farã-  
no le diui-  
sioni. Si pi-  
gli dal cen-  
tro A nella  
AB la AD  
alla IKequa-  
le, & si tra-  
sporti nella  
AC da A fi-  
no in E : e  
quiui nell'  
vno, e nell'  
altro luogo  
si facciano  
tegni sensi-  
bili. Poi si  
togliano le  
AF, AG e-  
guale alla  
IH. Si pi-  
glino nella B  
AB le FL,



LN, NB; & nella AC le GM, MO, OC  
tutte eguali allà AF, o AG; e ciascuna  
di queste quattro parti, cominciando  
dal centro A, si diuida in 90. particelle

eguali,

eguali, talmente che l'vna, & l'altra retta AB, AC venga a esser diuisa in 360. particole eguali. Il riuerso poi si diuida, come il riuerso dell'Istrumento delle parti: cioè tanto la AB, quanto la AC si seghi in 90. parti ineguali, secondo le corde de' 90. Gr. del quadrante. Tale è la sua fabbrica.

I Quanto all'vso siane proposto vn circolo del semidiametro RV, alla cui circonferenza faccia bisogno di rappresentare vna retta eguale. Piglisi il detto semidiametro RV, & col compasso si porti ne' punti D, E, accioche l'interuallo DE sia eguale ad esso semidiametro RV. Dico, che l'interuallo BC sarà la retta eguale alla circonferenza del dato circolo. Percioche, essendo i lati AF, AG del triangolo AFG segati proportionalmente in D, E; perche tanto le AD, AE, quanto le AF, AG si son fatte eguali: & equiangoli faranno, tirate le DE, FG, i triangoli ADE, AFG. *b* E però, come la AD alla DE, così la AF alla FG. Et, *c* permutando, come la AD alla AF, così la DE alla FG. Ma come la AD alla AF, così è la IK alla IH, essendo quini pro-

portione

\* 6. sexti.

\* 4. sexti.

\* 16. quin

ti.

porzione di egualità. Dunque, come la IK alla IH, così la DE alla FG. Per la qual cosa, per lo 2. Coroll. della Prop. 4. della Quadratrice nel fine del 6. Lib. d'Euclide, la FG sarà eguale al quadrante del circolo del semidiametro DE, cioè RV. E perche, per le medesime ragioni, è, come la AF alla AB, così la FG alla BC; & la AF è la quarta parte della AB: anche la FG sarà la quarta parte della BC. e però essa BC sarà eguale a tutta la periferia del circolo del semidiametro DE, cioè RV. Così con le medesime dimostrazioni haueremo la LM eguale alla semicirconferenza del medesimo, & la NO a tre quarte parti, come è manifestato.

2. Habbiassi ora a rappresentare in linea retta vn dato arco STV di 125. Gr. del medesimo circolo. Messo, come di sopra il semidiametro RV ne' punti D, E; l'intervallo tra' numeri 125. 125. sarà la retta eguale all'arco STV di 125. Gr. che si desidera. Percioche, per le ragioni medesime, come la A 125. alla AB, così l'intervallo 125. 125. all'intervallo BC. Ma la A 125. è 125. particelle delle 360. di tutta la AB.

Dunque



ferenza di circolo di qual si voglia semidiametro Y vn'arco eguale a tal retta ; porremo esso semidiametro Y ne' punti D, E : che, posta la data retta X tra due numeri medesimi 125. 125. o tra due punti da due numeri medesimi distanti egualmente; haueremo ne' detti numeri quanti Gr. sia , cioè 125. la proposta retta X della circonferenza del circolo del semidiametro Y . Se dunque nel riuerso dell' Istrumento torremo , per lo Num. 12. del Cap. 1. dal circolo STV del semidiametro Y vn'arco STV di 125.Gr. quanto cioè si sarà trouato, essere la data retta X : quel tale arco STV sarà eguale alla proposta retta. Il che , col precetto anche del Num. passato , è chiaro per le sopraposte demonstrationi . E molti altri vfi di questo Istrumento trouerà ciascuno da se stesso: che io tralascio a bello studio , per non essere più lungo di quello, ch'io mi son proposto.

*Il fine del Primo Libro.*

DELLA

# DELLA GEOMETRIA

Di  
PIERO DIONIGIO VEGLIA  
Perugino.

*Parte Prima, Libro Secondo.*

De' Seni, e delle linee Tangenti, e Secanti con la lor tauola. E de' Triangoli rettilinei.

*Di alcune definitioni pertinenti alla dottrina de' Triangoli rettilinei, con la loro dichiarazione. Cap. I.*

I.



Arco di vn circolo è parte della periferia di esso circolo.

II.

Il Compimento di alcun arco è la differenza fra esso arco, e'l quadrante.

III.

La Corda è vna linea retta, condotta dall'vna all'altra estremità dell'arco.

IV.

Il Seno retto è la metà della corda, sortesa al doppio di quell'arco, del quale ella si dice

esser



esser Seno retto . *Ouero* . Il Seno retto è la linea perpendicolare, cadente da vna delle estremità dell'arco, del quale ella si dice Seno retto, nel diametro del circolo, che va a battere nell'altro estremo dell'arco detto .

## V.

Il Seno verso è vna parte del diametro del circolo fra'l Seno retto, & vn'estremo dell'arco, del quale ei si dice Seno verso . Si chiama altramente Saetta .

## VI.

Il Seno del compimento, è'l Seno retto del compimento di quell'arco, del quale si dice Seno del compimento .

## VII.

Il Seno tutto è il semidiametro del circolo .

## VIII.

Il Seno tanto retto, quanto verso, & del compimento di alcun'angolo è il Seno di quell'arco, che nel circolo, da quel tale angolo, come centro, descritto togliono le rette, che quell'angolo costituiscono .

## IX.

La Grandezza dell'angolo è la quantità dell'arco, che, descritto da esso angolo, come centro viene fra le due rette, che quell'angolo formano, compreso .

## X.

Il Compimento di alcuno angolo è la differenza, che fra quel tale angolo, e'l retto si ritruoua .

## XI.

La Tangente di alcun'angolo è vno de' due lati attorno all'angolo retto nel triangolo .

## XII.

La Secante di alcun'angolo è nel triangolo il lato opposto all'angolo retto.

schol.  
27. tertij.

**N**EL circolo ACDE seghinfi nel centro I i due diametri AD, CE ad angoli retti, & che tutta la circonferenza diuidano in quattro quadranti AC, CD, DE, EA. Piglinfi gli archi AB, AF eguali, & si tirila retta BF, che seghi il diametro AD in K. Si meni la AG alla DA perpendicolare, che s'incontri con la IB tirata, & prolungata in G: & da B si faccia cadere la BH alla EC perpendicolarmente.

1 Quanto alla prima definizione



ogni parte di tutta la circonferenza, come la AB, BC, CD, &c. si domanda arco.

2 Preso dunque l'arco AB, l'arco BC sarà'l compimento di esso arco AB, essendo esso BC la differenza tra l'arco AB, e'l quadrante AC. Scambievolmente l'arco AB sarà'l compimêto dell'arco CB, per la medesima ragione. Intendasi il

mede

medesimo dell'arco EB, cioè che l'arco AB sia il compimento dell'arco EB. poiche la differenza, che fra'l quadrante EA, & l'arco EB si truoua, è esso arco AB.

3 Et la retta FB si nomina Corda. perche a somiglianza di vna corda è sottesa all'arco FAB.

4 Il quale arco essendo diuiso in A dal diametro DA in due parti eguali; b anche la corda BF sarà da esso diametro diuisa in K egualmente in due parti. Adunque la retta BK è'l Seno retto dell'arco AB, cioè della metà di tutto l'arco FB. Ouero. La retta BK è'l Seno retto dell'arco AB, perche dal punto B, vna delle estremità di esso arco, cade perpendicolarmente su'l diametro AD, che batte l'altro estremo A dello stesso arco AB.

5 Ma la AK, parte del diametro AD fra'l Seno retto BK, & A, vno degli estremi dell'arco AB, sarà'l Seno verso del medesimo arco AB, ouero la Saetta, per la somiglianza dell'a vera saetta nel doppio di esso arco AB, che è l'arco FB.

6 E perche dicemmo, che l'arco

b schol.  
27. tertij.

BC è'l compimento dell'arco AB, la retta BH, che per la 4. Def. è'l Seno retto di esso arco BC: sarà'l Seno del compimento pure dell'arco AB.

7 Et la IA, IC, o quale altra si sia dal centro alla circonferenza, essendo semidiametro del circolo; sarà tutto'l Seno.

8 Come il Seno retto, verso, & del compimento dell'angolo AIB è'l medesimo, che'l Seno retto, verso, & del compimento dell'arco AB. Posciache nel circolo AC, descritto sopra esso angolo AIB, viene dalle rette IA, IB, che esso angolo contengono, abbracciato il medesimo arco AB. Et per ciò le BK, AK, BH sono i Seni predetti tanto dell'arco AB, quanto dell'angolo AIB.

9 Onde diremo, che l'angolo BID sia maggiore dell'angolo BIF. perche le rette IB, ID, che comprendono quello, abbracciano la periferia BD maggiore della BE, periferia dell'angolo BIF.

10 L'angolo poi BIC si dirà compimento dell'angolo AIB, & dell'angolo BID. percioche la differenza, che

è fra

è fra l'angolo retto AIC , & l'angolo AIB , & fra'l retto CID , e'l retto BID è esso angolo BIC.

11 La retta AG è la Tangente dell'angolo AIG del triangolo AIG rettangolo. perche descritto dal centro I all'intervallo dell'altro lato IA circa l'angolo retto la periferia AC: e la detta AG tocca essa periferia in A , essendosi ella tirata perpendicolare all'estremo A del diametro.

e coroll  
16.tertij.

12 Et la IG , che è opposta all'angolo retto IAG è la Secante del medesimo angolo AIG . Chiamasi Secante ; perche , come si vede , sega in B la periferia AC sopradetta.

*Di alcuni avvertimenti necessarij per la cognitione de' Seni . Cap. II.*

1 **S**APVTO dalle definitioni ciò che sia Seno; resta, che insegniamo intorno a ciò alcune appartenenze. E prima , due archi, i quali insieme facciano il semicircolo , & due angoli , che pure insieme sieno eguali a due retti ; hanno il medesimo Seno retto , & del compimento. Di modo

che'l Seno dell'arco BD, o dell'angolo BID è quello stesso dell'arco AB, o dell'angolo AIB. perche e gli archi AB, BD costituiscono il semicircolo ABCD, e gli angoli AIB, BID sono, eguali a



13. pri-  
mi.

due retti. Siche la BK e'l Seno retto dell'vno, & dell'altro arco, o angolo; & la BH il Seno del compimento pure d'ambedue. Non e però'l Seno verso il medesimo dell'vno, e dell'altro: ma dell'arco AB, o angolo AIB, il Seno verso e, come si e detto la AK; & dell'arco BD, o angolo BID e la DK. Tutto questo e chiaro per le loro definitioni, se si saran bene intese.

3. Hatti appresso a saper di più, che in vn medesimo circolo, o in circoli eguali, gli archi, o angoli eguali hanno i Seni eguali: & al contrario i Seni eguali hanno archi, o angoli eguali. In oltre si conuiene maggior'arco, o angolo a maggior Seno, & minore a vn minore; & al contrario il Seno maggiore si riferisce al maggior'arco, o

angolo;

angolo; e'l minore al minore. Le quai cose così si dimostreranno. Nel semicircolo EAC piglinsi gli archi EF, CB eguali, e da' punti estremi F, B si faccian cadere al diametro le perpendicolari FL, BH, che per la 4. Def. faranno i Seni degli archi presi EF, CB. Dico, che essi Seni sono eguali. Tirate dal centro I agli estremi di essi Seni le rette IF, IB, perche ne' due triangoli FLI, BHI gli angoli L, H sono retti, e però eguali; <sup>b</sup> & eguali son parimente gli angoli FIE, BIC, & i lati IF, IB semidiametri pure eguali: & anche le FL, BH Seni degli archi EF, CB, o degli angoli FIE, BIC eguali, faranno eguali fra loro.

b 27. tertij.

c 26. primi.

Ma sieno eguali i Seni FL, BH. Dico, che gli archi EF, CB, o gli angoli EIF, CIB sono eguali. Fatte le medesime cose, <sup>d</sup> perche i quadrati delle FL, LI sono eguali al quadrato della IF, <sup>d</sup> & i quadrati delle BH, HI sono al quadrato della IB pure eguali; & eguali sono fra loro i quadrati delle IF, IB, per esser rette eguali, come semidiametri: eguali faranno i due quadrati delle FL, LI a' due quadrati delle BH, HI

d 47. primi.

e 8. pri-  
mi.  
f 27. ter-  
tij.

Et tenuti dall'vna, e dall'altra somma i quadrati eguali delle eguali FL, BH; rimarranno i quadrati delle IL, IH eguali: e però eguali saranno esse IL, IH. Dunque gli angoli FIE, BIC saranno eguali: se per ciò eguali anche gli archi EF, CB. Che è 'l primo proposito.

e 47. pri-  
mi.

3 Or sia l'arco CM, o, tirata la IM, l'angolo CIM, minore dell'arco EF, o dell'angolo EIF. Dico, douersi maggior Seno a questo, che a quello. Caggia dall'estremo M al diametro la perpendicolare MN, che per la 4. Def. farà 'l Seno di esso arco, o angolo CM, CIM. Preso l'arco CB eguale all'arco EF, & tirata al diametro la perpendicolare BH per lo Seno di esso arco CB, o dell'angolo CIB, tirata la IB: essi Seni FL, BH, per quel, che si è qui sopra dimostrato, saranno eguali. 8 Perche dunque, menata la IB, i quadrati delle IN, NM sono eguali a' quadrati delle IH, HB, per essere tãto quegli, quanto questi eguali al quadrato della IM, o IB eguali, come semidiametri; & il quadrato della IN maggiore è maggiore del quadrato della IH minore,

come



come parte di quella : segue, che'l quadrato della NM sarà minore del quadrato della HB. E però la retta NM sarà minore della HB, cioè della LF. Onde il Seno LF dell'arco, o angolo EF, EIF, cioè CB, CIB tutto sarà maggiore del Seno NM dell'arco, o angolo CM, CIM parte, &c.

Ma sia ormai il Seno LF maggiore del Seno NM. Dico, l'arco, o angolo EF, EIF, al quale quello si riferisce, esser maggiore dell'arco, o dell'angolo CM, CIM, al quale appartiene il Seno NM. Fatte le medesime cose, è chiaro, che l'arco CB, o l'angolo CIB, cioè l'arco EF, o l'angolo EIF, dimostrato nel fine del 2. Num. eguale all'angolo CIB, è maggiore dell'arco, o angolo CM, CIM parte di quello. Che è'l secondo.

4 Auvertasi oltre a ciò, che'l Seno retto KB di qual si voglia arco, od angolo AB, AIB è eguale alla IH, che nel semidiametro IC è la distanza dal centro al Seno del compimento di quel tale arco, o angolo. Appresso che la BH Seno del compimento del detto arco, o angolo è eguale alla KI, che nel se- ni-

diametro

diametro.  $IA$  è la distanza fra'l centro, e'l Seno retto, di che parliamo. Percioche, essendosi dimostrarò sopra la 4. Def. la retta  $BE$  esser segata egualmente in  $K$  dal diametro  $DA$ ; & l'angolo  $IKB$  sarà retto. Ma anche gli angoli  $KIH$ ,  $BHL$  sono retti: che quello si fece tale, & la  $BH$  cade a perpendicolo sopra la  $IC$ . Per la qual cosa anche l'angolo  $KBH$  sarà retto; & il quadrilatero  $KBHI$  per ciò parallelogrammo. *Due* que eguali saranno tanto le  $KB$ ,  $HI$ , quanto le  $BH$ ,  $KI$ .

h 3. tertij

i schol.

32. pri.

i schol.

34. pri.

m 34. pri.

mi.

*Di alcune cose da saperfi intorno alle linee Tangenti, & Secanti. Cap. III.*

**A**NCHE le linee Tangenti, & Secanti si possono considerare in due modi, come i Seni, o proprie cioè, o del compimento. Se nel triangolo  $ABC$  poniamo il lato  $AC$  tutto'l Seno, il lato  $BC$  si dirà Tangente dell'angolo  $BAC$ , & la  $AB$  Secante del medesimo. Et nel triangolo  $ADE$  il lato  $DE$  sarà Tangente, & la  $AE$  Secante



del

del cōpimento dello stesso angolo BAC: perche l'angolo DAE è'l compimento dell'angolo BAC, per la 10. Def.

2 Et sebene cotai linee, cioè Tangente CB, & Secante AB non possono conuenire in vn punto B comune, se l'angolo BAC, che fa la Secante AB con la base AC (base si chiama in questo caso il lato, che si pone tutto'l Seno) non è minore di vn retto DAC; <sup>a</sup> perche altramente le rette AD, CB farien parallele, &c. con tutto ciò l'angolo ottuso ha la sua Tangente, & la sua Secante, e son quelle di quell'angolo, che a compire due retti si richiede, come si disse de' Seni nel Num. 1. del Cap. passato. Onde le CB, AB sono Tangente, & Secante anche dell'angolo ottuso FAG.

a 28. primi.

Sappiasi in oltre, che, quando nominiamo qualche Tangente, o Secante senz'altra giunta; sempre s'intende della Tangente, e Secante di quell'angolo proprio, che si mentoua: siccome, quando nominiamo il Seno senz'altra parola s'intende sempre del Seno retto.

*In quante parti s'intenda diuiso tutto'l Seno. Et come, secondo le parti di quello, s'hanno le parti nell'altre due linee: con la tauola per ritrouare parti si fatte. Cap. IV.*

**I**L semidiametro del circolo, o vogliamo dire tutto'l Seno, è stato diuersamente diuiso da' Matematici. Tolomeo nel Lib. 1. dell'Almagesto al 9. Cap. l'intende diuiso in 60. Parti, e ciascuna di queste in 60. Min. & ogni Min. in 60. Sec. Arzaello Arabo l'intese di 150. Parti, ciascuna delle quali vuole, che s'intenda di 60. Min. &c. come Tolomeo. Altri l'han fatto di 6000000. ouero di 60000. Di si fatta maniera sono calcolate le Tauole di Giouanni di Montereigio. Tutte queste tai diuisioni si rendono assai incommode, massimamente quelle di Tolomeo, e di Arzaello, per cagione delle multiplicationi; e delle diuisioni, che bisogna di fare, cosa noiosissima, e di tedio incredibile nelle supputationi lunghe. Per la qual cosa l'istesso Montereigio, il Purbachio, & l'Appiano pensarono vn'altra diuisione del detto semidiametro, o

tutto'l

tutto'l Seno , cioè in parti 10000000  
o pure in 100000. La qual partitione,  
per esser commodissima per le multi-  
plicationi , e per le diuisioni ; l'hanno  
abbracciata , & seguita di poi tutti gli  
altri : tanto che delle Tauole diuise al-  
tramente poco , o nulla se ne seruono  
gli Studiosi della professione . Ma , la-  
sciata la diuisione di 10000000. noi ci  
seruiamo qui di quella di 100000. par-  
ticelle , commodissima , & sufficientis-  
sima , massime nelle operationi Geome-  
triche . E per maggior commodità de  
gli Studiosi habbiamo voluto, che que-  
sta Tauola sia quella , nella quale Bar-  
tolomeo Pitisco ha vnite insieme co'Se-  
ni le Tangenti , & le Secanti : la quale,  
doue l'ha richieduto il bisogno , hab-  
biamo diligentemente corretta . In-  
tendiamo dunque diuiso tutto'l Seno ,  
o'l semidiametro di qual si voglia cir-  
colo in 100000. particole . Et secondo  
queste tai parti s'intendono diuisi an-  
che non solo i Seni di qualunque arco,  
o angolo si sia; ma le Tangenti ancora,  
& le Secanti tutte . Dimanierache con  
tale artificio hanno i nostri Maggiori  
inuestigate queste cose; che in ogni tri-  
angolo

angolo, conosciuta la quantità dell'angolo, habbiamo, per la seguente tauola, la quantità del Seno, opposto a quell'angolo: e per li triangoli rettangoli, oltre a' Seni, la quantità delle Tangenti, e delle Secanti in quelle parti medesime di tutto'l Seno, o del semidiametro, c'habbiam dette. E tutto questo con proportioni tanto accurata, che la differenza, che può in si fatti calcoli accadere, non si riduce a cosa sensibile. In questa tauola ciascuna facciata cùtiene quattro ordini di numeri. Nel primo sono i Gradi, e i Minuti della quantità degli archi, od angoli: nel secondo i lor Seni retti: nel terzo le Tangenti: & le Secanti nel quarto. I Gr. nella facciata sinistra sono scritti da capo, con carattere alquanto grossetto; & scendono per ordine i Min. Nella destra stanno i Gr. da piè col carattere medesimo, & sagliono ordinatamente i Min. all'in sù. Così habbiamo in pronto per diretto i complementi di qualunque arco, o angolo si voglia con molta speditione, come vedremo. Nella prima, & seconda facciata dalla banda sinistra non si pongono i

Gr.

Gr. perche in queste due prime si rappresentano gli archi, o angoli de' Min. i quali giunti a 60. si mette da capo della facciata terza 1. Gr. &c. Fino al Gr. 45. ci seruiamo della facciata sinistra. Dal Gr. 45. si comincia nell'ultima facciata alla banda destra, & si torna indietro fino al fine del quadrante, che è nel principio di essa tauola nel destro lato.

*Segue la Tauola de' Seni, e delle linee  
Tangenti, e Secanti.*

o	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	29	29	100000
2	58	58	100000
3	87	87	100000
4	1 6	116	100000
5	145	145	100000
6	175	175	100000
7	204	204	100000
8	233	233	100000
9	262	262	100000
10	191	291	100000
11	320	320	100001
12	349	349	100001
13	378	378	100001
14	407	407	100001
15	436	43	100001
16	465	465	100001
17	494	494	100001
18	524	524	100001
19	553	553	100002
20	482	582	100002
21	611	611	100002
22	640	640	100002
23	669	669	100002
24	698	698	100002
25	727	727	100003
26	756	756	100003
27	785	785	100003
28	815	815	100003
29	844	844	100004
30	873	873	100004

*Seno*



# S E C O N D O. 65

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99999	343774568	343774682
58	99999	171887319	171887348
57	99999	114591530	114591574
56	99999	85943631	85943689
55	99999	68754887	68754960
54	99999	57295721	57295809
53	99999	49110600	49110762
52	99999	42971757	42971873
51	99999	38197099	38197230
50	99999	34377371	34377516
49	99999	31252137	31252297
48	99999	28647773	28647948
47	99999	26444080	26444269
46	99999	24555198	24555402
45	99999	22918166	22918385
44	99999	21485762	21485995
43	99999	20221375	20221522
42	99999	19098419	19098680
41	99998	18093220	18093490
40	99998	17188540	17188831
39	99998	16370019	16370325
38	99998	15625908	15626228
37	99998	14946502	14946837
36	99998	14323712	14324061
35	99997	13750745	13751108
34	99997	13221851	13222229
33	99997	12732134	12732526
32	99997	12277396	12277803
31	99996	11854018	11854440
30	99996	11458865	11459302

O	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	902	902	100004
32	931	931	100004
33	960	960	100005
34	989	989	100005
35	1018	1018	100005
36	1047	1047	100005
37	1076	1076	100006
38	1105	1105	100006
39	1134	1134	100006
40	1164	1164	100007
41	1193	1193	100007
42	1222	1222	100007
43	1251	1251	100008
44	1280	1280	100008
45	1309	1309	100009
46	1338	1338	100009
47	1367	1367	100009
48	1396	1396	100010
49	1425	1425	100010
50	1454	1454	100011
51	1483	1484	100011
52	1513	1513	100012
53	1542	1542	100012
54	1571	1571	100012
55	1600	1600	100013
56	1629	1629	100013
57	1658	1658	100014
58	1687	1687	100014
59	1716	1716	100015
60	1745	1745	100015

*Seno*

# S E C O N D O. 67

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99996	11089205	11089655
28	99996	10742548	10743114
27	99996	10417094	10417574
26	99995	10110690	10111185
25	99995	9821794	9822303
24	99995	9548948	9549471
23	99994	9290819	9291387
22	99994	9046334	9046886
21	99994	8814357	8814924
20	99993	8593979	8594561
19	99993	8384351	8384947
18	99993	8184704	8185315
17	99992	7994343	7994968
16	99992	7812634	7813274
15	99991	7639001	7639655
14	99991	7472917	7473586
13	99991	7313899	7314583
12	99991	7161507	7162205
11	99990	7015335	7016047
10	99990	6875008	6875736
9	99989	6740185	6740927
8	99989	6610547	6611303
7	99989	6485801	6486572
6	99988	6365674	6366460
5	99988	6249915	6250715
4	99987	6138291	6139105
3	99987	6030582	6031411
2	99986	5926587	5927431
1	99986	5826117	5826975
0	99985	5728996	5729869

89

E 2

*Seno*

I	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	1774	1774	100016
2	1803	1803	100019
3	1832	1832	100017
4	1862	1862	100017
5	1891	1891	100018
6	1920	1920	100018
7	1949	1949	100019
8	1978	1978	100020
9	2007	2007	100020
10	2036	2036	100021
11	2065	2066	100021
12	2094	2095	100022
13	2123	2124	100023
14	2152	2153	100023
15	2181	2181	100024
16	2211	2211	100024
17	2240	2240	100025
18	2269	2269	100026
19	2298	2298	100026
20	2327	2328	100027
21	2356	2357	100028
22	2385	2386	100028
23	2414	2415	100029
24	2443	2444	100030
25	2472	2473	100031
26	2501	2502	100031
27	2530	2531	100032
28	2560	2560	100033
29	2589	2589	100034
30	2618	2619	100034

*Seno*

# S E C O N D O. 69

	<i>Seco</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
9	99985	5635059	5635946
8	99984	5544152	5545053
7	69984	5355130	5457046
6	99983	5370859	5371790
5	99983	5288111	5289156
4	99982	5208067	5209027
3	99982	5130316	5131290
2	99980	5054851	5055840
1	99980	4981573	4982576
0	99979	4910388	4911408
9	99979	4841208	4842241
8	99978	4773950	4774997
7	99977	4708534	4709596
6	99977	4644886	4645963
5	99976	4582935	4584026
4	99976	4522914	4523719
3	99975	4463860	4464980
2	99974	4406611	4407746
1	99974	4350812	4351961
0	99973	4296408	4297471
9	99972	4243346	4244525
8	99972	4191579	4192772
7	99971	4141059	4142266
6	99970	4091741	4092963
5	99969	4043584	4044810
4	99969	3996546	3997797
3	99968	3950589	3951855
2	99967	3905677	3906957
1	99966	3861774	3863068
0	99966	3818346	4820155

1	<i>Senó</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	2647	2648	100035
32	2676	2677	100036
33	2705	2706	100037
34	2734	2735	100037
35	2763	2764	100038
36	2792	2793	100039
37	2821	2822	100040
38	2850	2851	100041
39	2879	2881	100041
40	2908	2910	100042
41	2937	2939	100043
42	2967	2968	100044
43	2996	2997	100045
44	3025	3026	100046
45	3054	3055	100047
46	3083	3084	100048
47	3112	3113	100048
48	3141	3143	100049
49	3170	3172	100050
50	3199	3201	100051
51	3228	3230	100052
52	3257	3259	100053
53	3286	3288	100054
54	3316	3317	100055
55	3345	3346	100056
56	3374	3376	100057
57	3403	3405	100058
58	3432	3434	100059
59	3461	3453	100060
60	3490	3492	100061

*Senó*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99965	3776861	3778185
28	99964	3735789	3737127
27	99963	3695600	3696653
26	99962	3656266	3657633
25	99962	3617760	3619141
24	99961	3580055	3581452
23	99960	3543128	3544539
22	99959	3506955	3508380
21	99959	3471511	3472951
20	99958	3436777	3438232
19	99957	3402730	3404199
18	99956	4364351	3370835
17	99955	3336619	3338118
16	99954	3304517	3206030
15	99953	3273026	3274554
14	99952	3242129	3243571
13	99952	3211810	3213366
12	99951	3182052	3183623
11	99950	3152839	3154425
10	99949	3124158	3125758
9	99948	3095993	3097607
8	99947	3068331	3069960
7	99946	4041158	3042802
6	99945	3014452	3016120
5	99944	2988230	2989993
4	99943	2962450	2964137
3	99942	2937111	2938812
2	99941	2912200	2913917
1	99940	2887709	2889440
0	99939	2863625	2865375

2	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	3519	3521	100062
2	3548	3550	100063
3	3577	3579	100064
4	3606	3609	100065
5	3635	3638	100066
6	3664	3667	100067
7	3693	3696	100068
8	3722	3725	100069
9	3752	3754	100070
10	3781	3783	100072
11	3809	3812	100073
12	3839	3842	100074
13	3868	3871	100075
14	3897	3900	100076
15	3926	3929	100077
16	3955	3958	100078
17	3984	3987	100079
18	4013	4016	100081
19	4042	4046	100082
20	4071	4075	100083
21	4100	4104	100084
22	4129	4133	100085
23	4159	4162	100087
24	4188	4191	100088
25	4217	4220	100089
26	4246	4250	100090
27	4275	4279	100091
28	4304	4308	100093
29	4333	4337	100094
30	4362	4366	100095

*Seno*



# S. E. C. O. N. D. O. 73

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99938	2839940	2841700
58	99937	2816641	2818417
57	99936	2792723	2795512
56	99935	2771174	2772978
55	99934	2748985	2750804
54	99913	2727149	2728981
53	99932	2705656	2707503
52	99931	2684198	2685360
51	99930	2662669	2663545
50	99928	2643160	2643051
49	99927	2622964	2624869
48	99926	2602074	2604994
47	99925	2583482	2585417
46	99924	2564183	2566132
45	99923	2545179	2547134
44	99922	2526436	2528414
43	99921	250796	2509969
42	99919	2489783	2491790
41	99918	2471851	2473873
40	99917	2454176	2456212
39	99916	2436751	2438802
38	99915	2419571	2421637
37	99913	2402632	2404712
36	99912	2385928	2388022
35	99911	2369454	2371563
34	99910	2353205	2355329
33	99909	2337478	2339316
32	99907	2321367	2323520
31	99906	2305768	2307935
30	99905	2290377	2292559

2	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	4391	4395	100067
32	4420	4424	100098
33	4449	4454	100099
34	4478	4483	100100
35	4507	4512	100102
36	4535	4541	100103
37	4565	4570	100104
38	4594	4599	100106
39	4623	4628	100107
40	4653	4658	100108
41	4682	4687	100110
42	4711	4716	100111
43	4740	4745	100113
44	4769	4774	100114
45	4798	4803	100115
46	4827	4832	100117
47	4856	4862	100118
48	4885	4891	100120
49	4914	4920	100121
50	4943	4948	100122
51	4972	4978	100124
52	5001	5007	100125
53	5030	5037	100127
54	5059	5066	100128
55	5088	5095	100130
56	5117	5124	100131
57	5145	5153	100133
58	5175	5182	100134
59	5205	5212	100136
60	5233	5240	100137

*Seno*

# S E C O N D O. 75

	<i>Seo</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99904	2275189	2277386
28	99902	1260201	2262413
27	69901	2245410	2247635
26	99900	2230810	2233050
25	99898	2216398	2218653
24	99897	2202171	2204440
23	99896	2188125	2190409
22	99894	2174257	2176555
21	99893	2160563	2162876
20	99892	2147040	2149368
19	99890	2133685	2135027
18	99889	2120495	2122251
17	99888	2107466	2109838
16	99886	2094597	2096982
15	99885	2081883	2084283
14	99883	2069322	2071737
13	99882	2056911	2059341
12	99881	2044649	2047093
11	99879	2032531	2034989
10	99878	2020555	2023028
9	99876	2008720	2011207
8	99875	1997022	1999524
7	99873	1985459	1987976
6	99872	1974029	1976560
5	99870	1962730	1965275
4	99869	1951558	1954119
3	99867	1940513	1943088
2	99866	1929592	1932182
1	99864	1918793	1921397
0	99863	1908114	1910732

3	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	5263	5270	100139
2	5292	5299	100140
3	5321	5328	100141
4	5350	5357	100143
5	5379	5387	100145
6	5408	5416	100147
7	5437	5445	100148
8	5466	5474	100150
9	5495	5503	100151
10	5524	5533	100153
11	5553	5562	100155
12	5582	5591	100156
13	5611	5620	100158
14	5640	5649	100159
15	5669	5678	100161
16	5698	5708	100163
17	5727	5737	100164
18	5756	5766	100166
19	5785	5795	100168
20	5814	5824	100169
21	5844	5854	100171
22	5873	5883	100173
23	5902	5912	100175
24	5931	5941	100176
25	5960	5970	100178
26	5989	5999	100180
27	6018	6029	102182
28	6047	6058	100183
29	6076	6087	100185
30	6105	6116	100187

*Seno*

# S E C O N D O 77

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99861	1897552	1900185
58	99860	1887107	1889754
57	99858	1876775	1879438
56	99857	1866556	1869233
55	99855	1856447	1859139
54	99854	1846447	1849153
53	99852	1836554	1839274
52	99850	1826765	1829500
51	99849	1817981	1819830
50	99847	1807492	1810262
49	99846	1798015	1800794
48	99844	1788631	1791424
47	99842	1779344	1782152
46	99841	1770153	1772975
45	99839	1761056	1763893
44	99838	1752052	1754903
43	99836	1743139	1746005
42	99834	1734315	1737196
41	99832	1725581	1728476
40	99831	1716934	1719843
39	99829	1708372	1711297
38	99837	1699895	1702835
37	99826	1691503	1694456
36	99824	1683191	1686159
35	99822	1674961	1677914
34	99821	1666811	1669808
33	99819	1658740	1661751
32	99817	1650746	1653772
31	99815	1642828	1645869
31	99813	1634986	1638041
86	<i>Seno</i>		

3	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	6134	6145	100189
32	6163	6175	100190
33	6192	6204	100192
34	6221	9233	100194
35	6250	6262	100196
36	6279	6291	100193
37	6308	6321	100200
38	6337	6350	100201
39	6366	6379	100203
40	6395	6408	100205
41	6424	6437	100207
42	6453	6467	100209
43	6482	6496	100211
44	6511	6525	100213
45	6540	6554	100215
46	6569	6584	100216
47	6598	6613	100218
48	6627	6542	100220
49	6656	6571	100222
50	6685	6700	100224
51	6714	6730	100226
52	6743	6759	100228
53	6773	6788	100230
54	6802	6817	100232
55	6831	6847	100234
56	6860	6876	100236
57	6889	6905	100238
58	6918	6934	100240
59	6947	6963	100242
60	6676	6993	100244

*Seno*

# S E C O N D O 79

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99812	1627217	1630287
28	99810	1619523	1622607
27	99808	1611900	1614999
26	99806	1604348	1607452
25	99804	1596867	1599995
24	99803	1589454	1592597
23	99801	1582110	1585268
22	99799	1574834	1578005
21	99797	1567623	1570810
20	99795	1560478	1563679
19	99793	1553398	1556513
18	99792	1546381	1549511
17	99790	1539428	1542672
16	99788	1532536	1535795
15	99786	1525705	1528979
14	99784	1518935	1522223
13	99782	1512224	1515527
12	99780	1505572	1508890
11	99778	1498978	1502410
10	99776	1492442	1495788
9	99774	1485962	1489323
8	99772	1479537	1482913
7	99770	1473168	1476558
6	99768	1466853	1470258
5	99766	1460592	1464011
4	99764	1454383	1457817
3	99762	1448227	1451676
2	99760	1442123	1445586
1	99758	1436070	1439547
0	99756	1430067	1433559

4	<i>seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	7005	7022	100246
2	7034	7051	100248
3	6063	7080	100250
4	7092	7110	100252
5	7121	7139	100254
6	7150	7168	100257
7	7179	7197	100259
8	7208	7227	100261
9	7237	7256	100263
10	7266	7285	100265
11	7295	7314	100267
12	7324	7344	100269
13	7353	7373	100271
14	7382	7402	100274
15	7411	7431	100276
16	7440	7461	100278
17	7469	7490	100280
18	7498	7519	100282
19	7527	7548	100284
20	7556	7578	100287
21	7585	7607	100289
22	7614	7636	100291
23	7643	7665	100293
24	7672	7695	100296
25	7701	7724	100298
26	7730	7753	100300
27	7759	7782	100302
28	7788	7812	100305
29	7847	7841	100307
30	7846	7870	100309

*Senno*



# S E C O N D O. 81

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99754	14424113	1427620
58	99752	1418209	1421730
57	99750	1412354	1415889
56	99748	1406546	1410096
55	99746	1400786	1404350
54	99744	1395072	1398651
53	99742	1389404	1392999
52	99740	1383783	1387391
51	99738	1378206	1381829
50	99736	1372674	1376311
49	99734	1367186	1370838
48	99731	1361711	1365408
47	99729	1356339	1460021
46	99727	1350980	1354676
45	99725	1345663	1349373
44	99723	1340387	1344112
43	99721	1335152	1338891
42	99719	1329957	1333712
41	99716	1324803	1328572
40	99714	1319688	1323472
39	99712	1314613	1318411
38	99710	1309576	1313388
37	99707	1304577	1308404
36	99705	1299616	1203458
25	99703	1294692	1298549
34	99800	1289806	1293677
33	99699	1284956	1288841
32	99696	1280042	1284042
31	99694	1275363	1279178
30	99692	1270620	1274549

35

F

*Seno*

4	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	7875	7899	100312
32	7904	7929	100314
33	7933	7958	100316
34	7962	7987	100318
35	7991	8017	100321
36	8020	8046	100323
37	8049	8075	100325
38	8078	8104	100328
39	8107	8134	100330
40	8136	8163	100333
41	8165	8192	100335
42	8194	8221	100337
43	8223	8251	100340
44	8252	8280	100342
45	8281	8209	100345
46	8310	8339	100347
47	8339	8368	100349
48	8358	8397	100352
49	8397	8427	100354
50	8425	8456	100357
51	8455	8485	100359
52	8484	8514	100362
53	8513	8544	100364
54	8542	8573	100367
55	8571	8602	100369
56	8600	8631	100372
57	8629	8661	100374
58	8658	8690	100377
59	8687	8720	100379
60	8716	8749	100382

*Seno*

# SECONDO 83

Seno	Tangente	Secante
99689	1195912	1269857
99587	1261239	1265198
99685	1256600	1260572
99683	1251994	1255981
99580	1247422	1251424
99678	1242383	1246899
99576	1238377	1242408
99673	1233903	1237948
99571	1229451	1233521
99663	1225051	1229125
99666	1220672	1224761
99664	1216324	1220427
99651	1212006	1215125
99659	1207719	1211852
99657	1203462	1207610
99654	1199235	1203397
99652	1195037	1199214
99649	1190768	1195059
99647	1186728	1190934
99644	1182617	1186837
99642	1178533	1182768
99639	1174478	1178717
99637	1170450	1174714
99635	1166450	1170728
99632	1162476	1166769
99630	1158529	1162837
99627	1154609	1158932
99625	1150715	1155052
99622	1146847	1151199
99619	1143005	1147371

5	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	8745	8778	100385
2	8774	8807	100387
3	8802	8837	100390
4	8831	8866	100392
5	8860	8895	100395
6	8889	8925	100397
7	8918	8954	100400
8	8947	8983	100403
9	8976	9013	100405
10	9005	9042	100408
11	9034	9071	100411
12	9063	9100	100413
13	9092	9130	100416
14	9121	9159	100419
15	9150	9189	100421
16	9179	9218	100424
17	9208	9247	100427
18	9237	9277	100429
19	9266	9306	100432
20	9295	9335	100435
21	9324	9365	100438
22	9353	9394	100440
23	9382	9423	100443
24	9411	9453	100446
25	9440	9482	100449
26	9469	9511	100451
27	9498	9541	100454
28	9527	9570	100457
29	9556	9600	100460
30	9585	9629	100463

*Seno*

# SECONDO. 85

	Seno	Tangente	Secante
59	99617	1139188	1143569
58	99514	1135397	1139792
57	99612	1131630	1136040
56	99609	1127889	1132313
55	99607	1124171	1128610
54	99604	1120478	1124932
53	99602	1116809	1121277
52	99598	1113163	1117646
51	99596	1109542	1114039
50	99594	1105943	1110455
49	99591	1102368	1106894
48	99588	1098815	1103356
47	99586	1095285	1099841
46	99583	1091777	1096348
45	99580	1088292	1092877
44	99578	1084829	1089428
43	99575	1081387	1086001
42	99572	1077967	1082596
41	99570	1074569	1079212
40	99567	1071191	1075849
39	99564	1067835	1072507
38	99562	1064499	1069185
37	99559	1061184	1065885
36	99556	1057889	1062605
35	99553	1054615	1059346
34	99551	1051351	1056106
33	99548	1048126	1052886
32	99545	1044911	1049685
31	99542	1041716	1046505
30	99540	1038540	1043343

84

F 3

Seno

5	<i>Senò</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	9614	9659	100465
32	9642	9688	100468
33	9671	9717	100471
34	9700	9746	100474
35	9729	9776	100477
36	9758	9805	100480
37	9787	9834	100482
38	9816	9854	100485
39	9845	9893	100488
40	9874	9923	100491
41	9903	9952	100494
42	9932	9981	100497
43	9951	10011	100500
44	9990	10040	100503
45	10019	10059	100506
46	10048	10099	100509
47	10077	10128	100512
48	10106	10158	100515
49	10135	10187	100518
50	10164	10216	100521
51	10192	10246	100524
52	10221	10275	100527
53	10250	10305	100530
54	10279	10334	100533
55	10308	10353	100536
56	10337	10393	100539
57	10366	10422	100542
58	10395	10452	100545
59	10424	10481	100548
60	10452	10510	100551

*Senò*

# S E C O N D O. 87

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99537	1035383	1040201
28	99534	1032245	1037077
27	99531	1029126	1033973
16	99523	1026025	1030887
25	99526	1022943	1027819
24	99523	1019879	1024770
23	99520	1016833	1021739
22	99517	1013805	1018725
21	99514	1010795	1015730
20	99511	1007803	1012752
19	99508	1004828	1009792
18	99506	1001871	1006849
17	99503	998930	1003923
16	99500	999007	1001015
15	99497	993101	998123
14	99494	990111	995248
13	99491	987338	992389
12	99488	984482	989548
11	99485	981541	986722
10	99482	978817	983912
9	99479	976009	981119
8	99476	973217	978341
7	99473	970441	985579
6	99470	967680	972833
5	99467	964935	970103
4	99464	962205	967387
3	99461	959490	964687
2	99458	955781	961902
1	99455	954106	959222
0	99452	951436	956627

6	Seno	Tangente	Secante
1	10482	10540	100554
2	10511	10569	100557
3	10540	10599	100560
4	10569	10628	100563
5	10597	10658	100565
6	10626	10687	100569
7	10655	10716	100573
8	10684	10746	100576
9	10713	10775	100579
10	10742	10805	100582
11	10771	10834	100585
12	10800	10863	100588
13	10829	10893	100592
14	10858	10922	100595
15	10887	10952	100598
16	10916	10981	100601
17	10945	11011	100604
18	10974	11040	100608
19	11002	11070	100611
20	11031	11099	100614
21	11060	11128	100617
22	11089	11158	100621
23	11118	11187	100624
24	11147	11217	100627
25	11176	11246	100630
26	11205	11276	100634
27	11234	11305	100637
28	11263	11335	100640
29	11291	11364	100644
30	11320	11394	100647

Seno



# S E C O N D O. 89

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99449	948,81	954037
58	99446	946141	951411
57	99443	943515	948800
56	99440	940904	946203
55	99437	938307	943620
54	99434	935724	941052
53	99431	933154	938497
52	99428	930599	935957
51	99424	928058	933410
50	99421	925530	930917
49	99418	923016	928417
48	99415	920516	925931
47	99412	918028	923459
46	99409	915554	920999
45	99406	913093	918553
44	99402	910646	916120
43	99399	908211	913699
42	99396	905789	911292
41	99393	903379	908897
40	99390	900983	906515
39	99386	898598	904146
38	99383	896227	901788
37	99380	893857	899444
36	99377	891520	897111
35	99374	889185	894791
34	99370	886862	892482
33	99367	884551	890185
32	99364	882252	887901
31	99360	879964	885628
30	99357	877689	883367
83	<i>Seno</i>		

6	emo	1. 2. 3. 4. 5. 6.	Summe
31	1 49	11423	100650
32	1 78	11452	100654
33	1 07	11482	100957
34	11436	11511	100660
35	11465	11541	100664
36	11494	11570	100667
37	11523	11600	100671
38	11552	11629	100674
39	11580	11659	100577
40	11609	11688	100681
41	11638	11718	100684
42	11657	11747	100688
43	11696	11777	100691
44	11725	11806	100695
45	11754	11836	100698
46	11783	11865	100701
47	11812	11895	100705
48	11840	11924	100708
49	11869	11954	100712
50	11899	11983	100715
51	11927	12013	100719
52	11956	12042	100722
53	11985	12072	100726
54	12014	12101	100730
55	12043	12131	100733
56	12071	12160	100737
57	12100	12190	100740
58	12129	12219	100744
59	12158	12249	100847
60	12186	12279	100451

Seno

# S E C O N D O. 91

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99354	875425	881118
28	99351	873172	878880
27	99347	870931	876553
26	99344	868701	874438
25	99341	866482	872234
24	99337	864275	870041
23	99334	862078	867859
22	99331	859893	865688
21	99327	857718	863528
20	99324	855555	861379
19	99320	853402	859241
18	99317	851259	857113
17	99314	849127	854996
16	99310	847007	852889
15	99307	844896	850793
14	99303	842795	848707
13	99300	840705	846632
12	99297	838525	844566
11	99293	836355	842511
10	99290	834196	840466
9	99287	832446	838431
8	99283	830406	836405
7	99279	828476	834490
6	99276	826355	832384
5	99272	824345	830388
4	99269	822344	828402
3	99265	820352	826425
2	99262	818370	824457
1	99258	816398	822509
0	99255	814435	820551

83

*Seno*

7	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	12216	12308	100755
2	12245	12338	100758
3	12274	12367	100762
4	12302	12397	100765
5	12331	12426	100769
6	12360	12456	100773
7	12389	12485	100776
8	12418	12515	100780
9	12447	12544	100784
10	12476	12574	100787
11	12504	12603	100791
12	12533	12632	100795
13	12562	12662	100799
14	12591	12693	100802
15	12620	12722	100806
16	12649	12751	100810
17	12678	12781	100813
18	12706	12810	100817
19	12735	12840	100821
20	12764	12869	100825
21	12793	12899	100828
22	12822	12929	100832
23	12851	12958	100836
24	12880	12988	100840
25	12908	13017	100844
26	12937	13047	100848
27	12966	13076	100851
28	12995	13106	100855
29	13024	13136	100859
30	13053	13165	100863

*Seno*

# S E C O N D O. 93

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99251	812481	818612
58	99247	810536	816681
57	99244	808600	814760
56	99240	806674	812849
55	99237	804756	810946
54	99233	802848	809052
53	99230	800948	807167
52	99226	799058	805291
51	99222	797176	803423
50	99219	795302	801564
49	99215	793438	799714
48	99211	791582	797873
47	99208	789734	796040
46	99204	787895	794216
45	99200	786064	792399
44	99197	784242	790591
43	99193	782428	788792
42	99189	780622	787001
41	99186	778825	785218
40	99182	777035	783443
39	99178	775254	781677
38	99175	773480	779918
37	99171	771715	778167
36	99167	769957	776424
35	99163	768208	774689
34	99160	766466	772962
33	99156	764732	771242
32	99152	763005	769530
31	99148	761287	767826
30	99144	759575	766130

7	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	13081	13195	100857
32	13110	13224	100871
33	13139	13254	100875
34	13168	13284	100878
35	13197	13313	100882
36	13226	13342	100886
37	13254	13372	100890
38	13283	13402	100894
39	13312	13432	100898
40	13341	13461	100902
41	13370	13491	100906
42	13399	13521	100910
43	13427	13550	100914
44	13456	13580	100918
45	13485	13509	100922
46	13514	13639	100926
47	13543	13669	100930
48	13572	13698	100934
49	13600	13728	100938
50	13629	13758	100942
51	13658	13787	100946
52	13687	13817	100950
53	13716	13846	100954
54	13744	13876	100958
55	13773	13906	100962
56	13802	13935	100966
57	13831	13965	100970
58	13860	13995	100975
59	13889	14024	100979
60	13917	14054	100983

*Seno*

# S E C O N D O. 95

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	99141	757872	764441
28	99137	756176	762759
27	99133	754487	761085
26	99129	752806	759418
25	99125	751132	757759
24	99122	749465	756107
23	99118	747806	754492
22	99114	745154	752825
21	99110	744509	751194
20	99106	742871	749571
19	99102	741240	747955
18	99098	739616	746346
17	99094	737999	744743
16	99090	736389	743148
15	99087	734786	741560
14	99083	733190	739978
13	99079	731600	738403
12	99075	730018	736835
11	99071	728442	735274
10	99067	726873	733719
9	99063	725310	732171
8	99059	723754	730630
7	99055	722204	729095
6	99051	720661	727566
5	99047	719125	726044
4	99043	717594	724529
3	99039	716071	723019
2	99035	714553	721517
1	99031	713042	720020
0	99027	711537	718530

8	<i>Senò</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	13946	14084	100987
2	13975	14113	100991
3	13404	14143	100995
4	14033	14173	100999
5	14061	14202	101004
6	14090	14232	101008
7	14119	14262	101012
8	14148	14291	101016
9	14177	14321	101020
10	14205	14351	101024
11	14234	14381	101029
12	14263	14410	101033
13	14292	14440	101037
14	14320	14470	101041
15	14349	14499	101046
16	14378	14529	101050
17	14407	14559	101054
18	14436	14588	101059
19	14464	14618	101063
20	14493	14648	101067
21	14522	14678	101071
22	14551	14707	101076
23	14580	14737	101080
24	14608	14767	101084
25	14637	14796	101089
26	14666	14826	101093
27	14695	14856	101097
28	14723	14886	101102
29	14752	14915	101106
30	14781	14945	101111

*Senò*



# S E C O N D O 97

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	99023	710038	0.2717046
58	99019	708546	0.2715568
57	99015	707059	0.2714096
56	99011	705579	0.2712630
55	99006	704105	0.2711171
54	99002	802637	0.2709717
53	98998	701174	0.2708269
52	98994	699718	0.2706828
51	98990	698268	0.2705392
50	98986	666823	0.2703962
49	98982	695385	0.2702538
48	98978	693952	0.2701120
47	98973	692525	0.2709798
46	98969	691104	0.2708301
45	98965	689686	0.2706900
44	98961	688278	0.2705505
43	98957	686874	0.2704115
42	98953	685475	0.2702731
41	98948	684082	0.2701352
40	97944	682694	0.2709979
39	98940	681312	0.2708612
38	98936	679936	0.2707250
37	98931	678564	0.2705893
36	98927	677199	0.2704542
35	98923	645838	0.2703196
34	98919	674483	0.2701856
33	98914	673133	0.2700521
32	98910	671789	0.2699191
31	98906	670450	0.2697866
30	98902	669116	0.2696547

81 G *Seno*

8	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	14810	14975	101115
32	14838	15005	101119
33	14867	15034	101124
34	14896	15064	101128
35	14925	15094	101133
36	14954	15124	101137
37	14982	15153	101142
38	15011	15183	101146
39	15040	15213	101151
40	15069	15243	101155
41	15097	15272	101159
42	15126	15302	101164
43	15155	15332	101169
44	15184	15362	101173
45	15212	15391	101178
46	15241	15421	101182
47	15270	15451	101187
48	15299	15481	101191
49	15327	15511	101196
50	15356	15540	101200
51	15385	15570	101205
52	15414	15600	101209
53	15442	15630	101214
54	15471	15660	101219
55	15500	15689	101223
56	15529	15719	101228
57	15557	15749	101233
58	15586	15779	101237
59	15615	15809	101242
60	15643	15838	101247

*Seno*

# S E C O N D O. 99

	Seno	Tangente	Secante
29	98897	667787	675233
28	98893	665463	673924
27	98889	665144	672620
26	98884	663831	671321
25	98880	662523	670027
24	98876	661219	668738
23	98871	659921	667454
22	98867	658627	666176
21	98863	657339	664902
20	98858	656055	663733
19	98854	654776	662569
18	98849	653503	661410
17	98845	652233	660255
16	98841	650970	659106
15	98836	649710	657961
14	98832	648456	656821
13	98827	647206	655686
12	98823	645961	654555
11	98818	644720	653429
10	98814	643484	652308
9	98809	642253	651191
8	98805	641025	650079
7	98800	639804	648972
6	98796	638587	647871
5	98791	637374	646776
4	98787	636165	645687
3	98782	634961	644602
2	98778	633761	643522
1	98773	632566	642448
0	68769	631375	641379

9	Seno	Tangente	Secante
1	15672	15868	70101251
2	15701	15898	70101256
3	15730	15928	70101261
4	15758	15958	70101265
5	15787	15988	70101270
6	15816	16017	70101275
7	15845	16047	70101279
8	15873	16077	70101284
9	15902	16107	70101289
10	15931	16137	70101294
11	15959	16167	70101298
12	15988	16196	70101303
13	16017	16226	70101308
14	16046	16256	70101313
15	16074	16286	70101317
16	16103	16316	70101322
17	16132	16346	70101327
18	16160	16376	70101332
19	16189	16405	70101337
20	16218	16435	70101342
21	16246	16465	70101346
22	16275	16495	70101351
23	16304	16525	70101356
24	16333	16555	70101361
25	16361	16585	70101366
26	16390	16615	70101371
27	16419	16645	70101376
28	16447	16674	70101381
29	16476	16704	70101386
30	16505	16734	70101391

# S E C O N D O. 101

	Seno	Tangente	Secante
59	98764	630189	638073
58	98760	629007	636906
57	98755	627828	635743
56	98751	626655	634584
55	98741	625486	633429
54	98746	624321	632279
53	98737	623160	631133
52	98732	622003	629991
51	98728	620851	628853
50	98723	619703	627719
49	98718	618559	626590
48	98714	617419	625464
47	98709	616283	624343
46	98704	615151	623226
45	98700	614023	622113
44	98695	612899	621004
43	98690	611779	619898
42	98686	610664	618797
41	98681	609552	617700
40	98676	608444	616607
39	98671	607430	615517
38	98667	606420	614432
37	98662	605413	613350
36	98657	604405	612273
35	98662	602962	611199
34	98648	601878	610128
33	98643	600797	609062
32	98638	599720	608000
31	98633	598646	606941
30	98629	497576	605886

80

G 3

Seno

9	Sen o	Tangente	Secante
31	16533	16764	101395
32	16562	16794	101400
33	16591	16824	101405
34	16620	16854	101410
35	16648	16884	101415
36	16677	16914	101420
37	16706	16944	101425
38	16734	16974	101430
39	16763	17004	101435
40	16792	17033	101440
41	16820	17063	101445
42	16849	17093	101450
43	16878	17123	101455
44	16906	17153	101460
45	16935	17183	101466
46	16964	17213	101471
47	16992	17243	101476
48	17021	17273	101481
49	17050	17303	101486
50	17078	17333	101491
51	17107	17363	101496
52	17136	17393	101501
53	17164	17423	101506
54	17193	17453	101512
55	17222	17483	101517
56	17250	17513	101522
57	17279	17543	101527
58	17308	17573	101532
59	17336	17603	101537
60	17365	17633	101543

Sen o

# S E C O N D O 103

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	98624	596510	604834
28	98619	595448	603787
27	98614	594390	602743
26	98609	593335	601702
25	98604	592283	600666
24	98600	591235	599633
23	98595	590191	598603
22	98590	589150	597477
21	98585	588114	596555
20	98580	587080	595536
19	98575	586050	594521
18	98570	585024	593509
17	98565	584001	592501
16	98561	582982	591496
15	98556	581966	590495
14	98551	580953	589497
13	98546	579944	588502
12	98541	578938	587511
11	98536	577936	586524
10	98531	576937	585539
9	98526	575941	584558
8	98521	574949	583581
7	98516	573960	582606
6	98511	572974	581635
5	98506	571992	580667
4	98501	571013	579703
3	98496	570037	578742
2	98491	569064	577783
1	98486	568094	576829
0	98481	567128	575877

IO	Seno	Tangente	Secante
1	17393	17663	101548
2	17422	17693	101553
3	17451	17723	101558
4	17479	17753	101564
5	17508	17783	101569
6	17537	17813	101574
7	17565	17843	101579
8	17594	17873	101585
9	17623	17903	101590
10	17651	17933	101595
11	17680	17963	101600
12	17708	17993	101606
13	17737	18023	101611
14	17766	18053	101616
15	17794	18083	101622
16	17823	18113	101627
17	17852	18143	101633
18	17880	18173	101638
19	17909	18203	101643
20	17937	18233	101649
21	17966	18263	101654
22	17995	18293	101659
23	18023	18323	101665
24	18052	18353	101670
25	18081	18383	101676
26	18109	18414	101681
27	18138	18444	101687
28	18166	18474	101692
29	18195	18504	101698
30	18224	18535	101703

Seno



	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	98476	566165	574929
58	98471	565205	573683
57	98466	564248	572041
56	98460	562344	572102
55	98455	562395	571166
54	98450	561397	570234
53	98445	560452	569304
52	98440	559511	568377
51	98435	558573	567454
50	98430	557638	566533
49	98425	556706	565616
48	98420	555777	564701
47	98414	554851	563790
46	98409	553927	562881
45	98404	553007	561976
44	98399	552090	561073
43	98394	551176	560174
42	98388	550264	559277
41	98383	549356	558383
40	98378	548451	557493
39	98373	547548	556605
38	98368	546648	555719
37	98362	545751	554837
36	98357	544857	553958
35	98352	543966	553081
34	98347	543077	552208
33	98341	542192	551337
32	98336	541309	550468
31	98331	540429	549603
30	98325	539552	548740

IO	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	18252	18564	101709
32	18281	18594	101714
33	18309	18624	101720
34	18338	18654	101725
35	18367	18684	101731
36	18395	18714	101736
37	18424	18745	101742
38	18452	18775	101747
39	18481	18805	101753
40	18509	18835	101758
41	18538	18865	101764
42	18567	18895	101769
43	18595	18925	101775
44	18624	18955	101781
45	18652	18986	101786
46	18681	19016	101792
47	18710	19046	101798
48	18738	19076	101803
49	18767	19106	101809
50	18795	19136	101815
51	18824	19166	101820
52	18852	19197	101826
53	18881	19226	101832
54	18910	19257	101837
55	18938	19287	101843
56	18967	19317	101849
57	18995	19347	101854
58	19024	19378	101860
59	19052	19408	101896
60	19081	19438	101872

*Seno*

# SECONDO. 107

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	98320	538677	547881
28	97315	537805	547023
27	98310	536936	546169
26	98304	536070	545317
25	98299	535206	544458
24	98294	534345	543622
23	98288	533487	542778
22	98283	532631	541937
21	98277	531778	541099
20	98272	530928	540263
19	98267	530080	539430
18	98261	529235	538600
17	97256	528393	537772
16	98250	527553	536947
15	98245	526715	536124
14	98240	525881	535304
13	98234	525048	534486
12	98229	524218	533671
11	98223	523391	532859
10	98218	522566	532049
9	98212	521744	531241
8	98207	520925	530436
7	98201	520107	529634
6	98195	519293	528833
5	98190	518480	528036
4	98185	517671	527241
3	98179	516863	526448
2	98174	516058	525658
1	98168	515256	524870
0	98163	514455	524084

11	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	16109	19463	101877
2	19148	19498	101883
3	19167	19529	101889
4	19195	19559	101895
5	19224	19589	101901
6	19252	19619	101906
7	19281	19649	101912
8	19309	19680	101918
9	19338	19710	101924
10	19366	19740	101930
11	19395	19770	101936
12	19423	19801	101941
13	19452	19831	101947
14	19481	19861	101953
15	19509	19891	101959
16	19538	19921	101965
17	19566	19952	101971
18	19595	19982	101977
19	19623	20012	101983
20	19652	20042	101989
21	19680	20073	101995
22	19709	20103	102001
23	19737	20133	102007
24	19765	20164	102013
25	19794	20194	102019
26	19823	20224	102025
27	19851	20254	102031
28	19880	20285	102037
29	19908	20315	102043
30	19937	20345	102049

# S E C O N D O 109

	Seno	Tangente	Secante
39	98157	513658	523301
38	98152	512862	522521
37	98146	512069	521742
36	98140	511279	520967
35	98135	510490	520192
34	98129	509704	519411
33	98124	508921	518652
32	98118	508139	517885
31	98112	507360	517121
30	98107	506584	516359
29	98101	505809	515600
28	98096	505037	514842
27	98090	504267	514087
26	98084	503499	513334
25	98079	502734	512583
24	98073	501971	511834
23	98067	501210	511088
22	98061	500451	510344
21	98056	499694	509603
20	98050	498940	508863
19	98044	498188	508126
18	98039	497438	507390
17	98033	496690	506657
16	98027	495945	505926
15	98021	495201	505197
14	98016	494460	504471
13	98010	493721	503746
12	98004	492984	503024
11	97998	492249	502303
10	97992	491515	501585

# NO. CLIVBRO 2

II	Seno	Tangente	Secante
31	19965	20376	102055
32	19994	20406	102061
33	20022	20436	102067
34	20051	20466	102073
35	20079	20497	102079
36	20108	20527	102085
37	20136	20557	102091
38	20165	20588	102097
39	20193	20618	102103
40	20222	20648	102110
41	20250	20679	102116
42	20279	20709	102122
43	20307	20739	102128
44	20336	20770	102134
45	20364	20800	102140
46	20393	20830	102146
47	20421	20861	102153
48	20450	20891	102159
49	20478	20921	102165
50	20507	20952	102171
51	20535	20982	102178
52	20563	21013	102184
53	20592	21043	102190
54	20620	21073	102196
55	20649	21104	102203
56	20677	21134	102209
57	20706	21164	102215
58	20734	21195	102221
59	20762	21225	102228
60	20791	21256	102234

Seno

# S E C O N D O      I I I

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	97987	490785	500769
28	97981	490056	500155
27	97975	489330	499443
26	97969	488605	498733
25	97963	487882	498025
24	97958	487162	497320
23	97952	486444	496616
22	97946	485727	495914
21	97940	485013	495215
20	97934	484300	494517
19	97928	483590	493821
18	97922	482882	493128
17	97916	482175	492436
16	97910	481471	491746
15	97905	480769	491058
14	97899	480068	490373
13	97893	479370	489689
12	97887	478673	489007
11	97881	477978	488327
10	97875	477286	487649
9	97869	476595	486973
8	97863	475905	486300
7	97857	475219	485627
6	97851	474534	484956
5	97845	473851	484288
4	97839	473170	483621
3	97833	472490	482956
2	97827	471813	482294
1	97821	471137	481633
0	87815	470463	480973

12	<i>Senos</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	20280	21286	102240
2	20848	21316	102247
3	20876	21347	102253
4	20905	21377	102259
5	20933	21408	102266
6	20962	21438	102272
7	20990	21469	102279
8	21019	21499	102285
9	21047	21529	102291
10	21076	21560	102298
11	21104	21590	102304
12	22132	21621	102311
13	21161	21651	102317
14	21189	21682	102323
15	21218	21712	102330
16	21246	21743	102336
17	21275	21773	102343
18	21303	21804	102349
19	21331	21834	102356
20	21360	21864	102362
21	21388	21895	102369
22	21417	21925	102375
23	21445	21956	102382
24	21474	21986	102388
25	21502	22017	102395
26	21530	22047	102402
27	21559	22078	102408
28	21587	22108	102415
29	21616	22139	102421
30	21644	22169	102428

*Senos*



# SECONDO. 113

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	97809	469791	480316
58	97803	469121	479661
57	97797	468452	479009
56	97790	567786	478355
55	97784	467121	477705
54	97778	466458	477057
53	97772	465797	476411
52	97766	465138	475766
51	97760	464480	475123
50	97754	463825	474482
49	97748	463171	473843
48	97742	462518	473205
47	97735	461868	472569
46	97729	461219	471935
45	97723	460572	471303
44	97717	459927	470673
43	97711	459283	470044
42	97705	458641	469417
41	97698	458001	468791
40	97692	457363	468167
39	97686	456726	467545
38	97680	456091	466825
37	97673	455458	466307
36	87667	454825	465690
35	97661	554196	455074
34	97655	453568	464461
33	97648	452941	463849
32	97644	452316	463238
31	97636	451693	462630
30	97630	451071	452023

12	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	21672	22200	102435
32	21700	22231	102441
33	21729	22261	102448
34	21759	22292	102454
35	21786	22322	102461
36	21814	22353	102468
37	21843	22383	102474
38	21871	22414	102481
39	21899	22444	102488
40	21928	22475	102494
41	21956	22505	102501
42	21985	22536	102508
43	22013	22567	102515
44	22041	22597	102521
45	22070	22628	102528
46	22098	22658	102535
47	22126	22689	102542
48	22155	22719	102548
49	22183	22750	102555
50	22212	22781	102562
51	22240	22811	102569
52	22268	22842	102576
53	22297	22872	102582
54	22325	22903	102589
55	22353	22934	102595
56	22382	22964	102603
57	22410	22995	102610
58	22438	23026	102617
59	22467	23056	102624
60	22495	23086	102630

*Seno*

# S E C O N D O. 115

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	97623	450451	451417
28	97917	449832	460813
27	97611	449215	460211
26	97604	448600	459611
25	97598	447986	459012
24	97592	447374	458414
23	97585	446764	457819
22	97579	446155	457224
21	97573	445548	456632
20	97566	444942	456041
19	97560	444338	455451
18	97553	443735	454863
17	97547	443134	454277
16	97541	442534	453692
15	97534	441936	453109
14	97528	441340	452527
13	97521	440745	451947
12	97515	440152	451368
11	97508	439560	450791
10	97502	438969	450216
9	97496	438381	449642
8	97489	437793	449069
7	97483	437207	448498
6	97476	436623	447928
5	67470	436040	447360
4	97463	435459	446793
3	97457	434879	446228
2	97450	434300	445664
1	97444	433723	445102
0	97437	433148	444541

13	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	22523	23117	102637
2	22552	23148	102644
3	22580	23179	102651
4	22608	23209	102658
5	22637	23240	102665
6	22665	23371	102672
7	22693	23301	102679
8	22722	23332	102686
9	22750	23363	102693
10	22778	23393	102700
11	22807	23424	102607
12	22835	23455	102714
13	22863	23485	102721
14	22892	23516	102728
15	22920	23547	102735
16	22948	23578	102742
17	22977	23608	102749
18	23005	23639	102756
19	23033	23670	102763
20	23062	23700	102770
21	23090	23731	102777
22	23118	23762	102784
23	23146	23793	102791
24	23175	23823	102799
25	23203	23854	102806
26	23231	23885	102813
27	23260	23916	102820
28	23288	23946	102817
29	23316	23977	102834
30	23345	24008	102842

*Seno*

# S E C O N D O. 117

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	97430	432573	443982
58	97424	432000	443424
57	97417	431430	442867
56	97411	430860	442312
55	97404	430291	441759
54	97398	429724	441206
53	97391	429159	440656
52	97384	428595	440106
51	97378	428032	449558
50	97371	427471	439012
49	97365	426911	438466
48	97358	426352	437923
47	97351	425796	437380
46	97345	425239	436839
45	97338	424685	436299
44	97331	424132	435761
43	97325	423580	435224
42	97318	423030	434689
41	97311	422481	434154
40	97204	421933	433621
39	97298	421387	433090
38	97291	420842	432560
37	97284	420298	432031
36	97278	419756	431503
35	97271	419215	430977
34	97264	418675	430452
33	97257	418137	429929
32	97251	417600	429406
31	97244	417064	428885
30	97237	416530	428366

13	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	23373	24039	102849
32	23401	24069	102856
33	23429	24100	102863
34	23458	24131	102870
35	23486	24152	102878
36	23514	24193	102885
37	23542	24223	102892
38	23571	24254	102899
39	23599	24285	102907
40	23527	24316	102914
41	23656	24347	102921
42	23684	24377	102928
43	23712	24408	102936
44	23740	24439	102943
45	23769	24470	102950
46	23797	24501	102958
47	23825	24532	102965
48	23853	24562	102972
49	23882	24593	102980
50	23910	24614	102987
51	23938	24655	102994
52	23966	24686	103002
53	23995	24717	103009
54	24023	24747	103017
55	24051	24778	103024
56	24079	24809	103032
57	24108	24840	103039
58	24136	24871	103046
59	24164	24902	103054
60	24192	24933	103061

*Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	97230	415997	427847
28	97223	415465	427330
27	97217	414934	426814
26	97210	414405	426300
25	97203	413877	425789
24	97196	413350	425275
23	97189	412825	424764
22	97182	412301	424255
21	97176	411778	423746
20	97169	411256	423239
19	97162	410736	422734
18	97155	410216	422229
17	97148	409699	421826
16	97141	409182	421224
15	97134	408665	420723
14	97127	408152	420224
13	97120	407639	419725
12	97113	407127	419228
11	97106	406616	418733
10	97100	406107	418238
9	97093	405599	417744
8	97086	405092	417252
7	97079	404586	416761
6	97072	404081	416271
5	97065	403578	415782
4	97058	403075	415295
3	97051	402574	414809
2	97044	402074	414323
1	97037	401576	413839
0	97030	401078	413357

14	<i>Senò</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	24220	24964	103069
2	24249	24995	103076
3	24277	24926	103084
4	24305	25056	103091
5	24333	25087	103099
6	24361	25118	103106
7	24390	25149	103114
8	24418	25180	103121
9	24446	25211	103129
10	24474	25242	103137
11	24503	25273	103144
12	24531	25304	103152
13	24559	25335	103159
14	24587	25366	103167
15	24615	25397	103175
16	24644	25428	103182
17	24672	25459	103190
18	24700	25490	103197
19	24728	25521	103205
20	24756	25552	103213
21	24784	25583	103220
22	24813	25614	103228
23	24841	25645	103236
24	24869	25676	103244
25	24897	25707	103251
26	24925	35738	103259
27	24953	25769	103267
28	24982	35800	103275
29	25010	25831	103282
30	25038	25862	103290

*Send*



# S E C O N D O 121

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	97023	400582	412875
58	97015	400086	412394
57	97008	399592	411915
56	97001	399099	411437
55	96994	398607	410960
54	96987	398117	410484
53	96980	397627	410009
52	96973	397139	409535
51	96966	396651	409063
50	96959	396165	408591
49	96952	395680	408121
48	96945	395196	407652
47	96937	394713	407184
46	96930	394232	406717
45	96923	393751	406251
44	96916	393271	405786
43	96909	392793	405322
42	96902	392316	404850
41	96894	391839	404398
40	96887	391364	403938
39	96880	390890	403479
38	96873	390417	403020
37	96866	389945	402563
36	96858	389474	402107
35	96851	389004	401652
34	96844	388536	401198
33	96837	388068	400745
32	86829	387601	400293
31	96822	387136	399843
30	96815	386671	399393

14	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	25066	25893	103298
32	25094	25924	103305
33	25122	25955	103313
34	25151	25986	103321
35	25179	26017	103329
36	25207	26048	103337
37	25235	26079	103345
38	25263	26110	103353
39	25291	26141	103360
40	25320	26172	103368
41	25348	26203	103376
42	25376	26235	103384
43	25404	26266	103392
44	25432	26297	103400
45	25460	26328	103408
46	25488	26359	103416
47	25516	26390	103424
48	25545	26421	103531
49	25573	26452	103439
50	25601	26483	103447
51	25629	26516	103455
52	25657	26545	103463
53	25685	26577	103471
54	25713	26608	103479
55	25741	26639	103487
56	25769	26670	103495
57	25798	26701	103503
58	25826	26733	103511
59	25854	26764	103520
60	25882	26795	103528

*Seno*

# S E C O N D O

123

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	96807	386208	398944
28	96800	385745	398497
27	96793	385284	398050
26	96786	384824	397604
25	96778	384364	397160
24	96771	383906	396716
23	96763	383449	396274
22	96756	382992	395832
21	96749	382537	395392
20	96742	382083	394952
19	96734	381630	394514
18	96727	381177	394076
17	96719	380726	393640
16	96712	380276	393204
15	96705	379827	392770
14	96697	379378	392337
13	96690	378931	391904
12	96682	378485	391473
11	96675	378040	391042
10	96667	377595	390612
9	96660	377152	390184
8	96653	376709	389756
7	96645	376268	389330
6	96638	375828	388904
5	96630	375388	388479
4	96623	374950	388056
3	96615	374512	387633
2	96608	374075	387211
1	96600	373640	386790
0	96593	373205	386370

15	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	25910	26826	103536
2	25938	26857	103541
3	25956	26888	103551
4	25994	26910	103560
5	25022	26951	103568
6	26050	26982	103576
7	26079	27013	103584
8	26107	27044	103592
9	26135	27176	103601
10	26163	27107	103609
11	26191	27138	103617
12	26219	27169	103625
13	26247	27201	103633
14	26275	27231	103642
15	26303	27263	103650
16	26331	27394	103658
17	26359	27326	103666
18	26387	27357	103674
19	16415	27388	103683
20	26443	27419	103691
21	26471	27451	103699
22	26500	27482	103708
23	26528	27513	103716
24	26556	27545	103724
25	26584	27576	103732
26	26612	27607	103741
27	26640	27638	103749
28	26668	27670	103757
29	26696	27701	103766
30	26724	27732	103774

*Seno*

# SECONDO

125

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	96585	372771	385951
58	96577	372338	385533
57	96570	371907	385116
56	96562	371476	384700
55	96555	371046	384285
54	96547	370616	383871
53	96540	370188	383457
52	96532	369761	383045
51	96524	369335	382633
50	96517	368906	382223
49	96509	368485	381813
48	96502	368061	381404
47	96494	367638	380995
46	96486	367217	380589
45	96479	366796	380183
44	96471	366376	379778
43	96463	365957	379374
42	96456	365538	378970
41	96448	365121	378568
40	96440	364705	378166
39	96433	364289	377765
38	96425	363874	377365
37	96417	363461	376966
36	96410	363048	376568
35	96402	362636	376171
34	96394	362224	375775
33	96386	361814	375379
32	96379	361405	374984
31	96371	360996	374591
30	96363	360588	374198

74

*Seno*

15	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	26752	27764	103783
32	26780	27795	103791
33	26808	27826	103799
34	26836	27858	103808
35	26864	27889	103816
36	26892	27920	103825
37	26920	27952	103833
38	26948	27985	103842
39	26976	28015	103850
40	17004	28046	103858
41	27032	28077	103867
42	27060	28109	103875
43	27088	28140	103884
44	27116	28172	103892
45	27144	28103	103901
46	27172	28234	103909
47	27200	28266	103918
48	27228	28297	103927
49	27256	28329	103935
50	27284	28360	103944
51	27312	28391	103952
52	27340	28423	103961
53	27368	28454	103969
54	27396	28486	103978
55	27424	28517	103987
56	27452	28549	103995
57	27480	28580	104004
58	27508	28612	104013
59	27536	28643	104021
60	27564	28675	104030

*Seno*

# S E C O N D O. 127

	<i>Senò</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	96355	360181	373806
28	96347	359775	373414
27	96340	359370	373024
26	96332	358966	372635
25	96324	358562	372246
24	96316	358160	371858
23	96308	357758	371471
22	96310	357357	371085
21	96293	356957	370700
20	96285	356557	370315
19	96277	356159	369931
18	96269	355761	369549
17	96261	355364	369167
16	96253	354963	368785
15	96246	354573	368405
14	96238	354179	368015
13	96230	353785	367647
12	95222	353393	367269
11	95214	353001	366892
10	96206	352609	366515
9	96198	352219	366140
8	96190	351829	365765
7	96182	351441	365391
6	96174	351053	365018
5	96166	350666	364645
4	96158	350279	364274
3	96150	349894	363903
2	96142	349509	363533
1	96134	349125	363164
0	96126	348741	362796

16	Senó	Tangente	Secante
1	27592	28705	104039
2	27620	28738	104047
3	27548	28769	104056
4	27676	28800	104065
5	27704	28832	104073
6	27731	28864	104082
7	27759	28895	104091
8	27787	28927	104100
9	27815	28958	104108
10	27843	28990	104117
11	27871	29021	104126
12	27899	29053	104135
13	27927	29084	104144
14	27955	29116	104152
15	27983	29147	104161
16	28011	29179	104170
17	28039	29210	104179
18	28067	29242	104188
19	28095	29274	104197
20	28122	29305	104206
21	28150	29337	104214
22	28178	29368	104223
23	28206	29400	104232
24	28234	29432	104241
25	28262	29463	104250
26	28290	29495	104259
27	28318	29526	104268
28	28346	29558	104277
29	28374	29590	104286
30	28402	29621	104295

Senó



# S E C O N D O. 129

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	96118	348359	362428
58	96110	347977	362061
57	96102	347596	361695
56	96094	347216	361330
55	96086	346837	360965
54	96078	346458	360601
53	96070	346080	360238
52	96062	345703	359876
51	96054	345327	359514
50	96046	344951	359154
49	96037	344576	358794
48	96029	344202	358434
47	96021	343829	358076
46	96013	343456	357718
45	96005	343084	357361
44	95997	342713	357005
43	95989	342343	356649
42	95981	341973	356294
41	95972	341604	355940
40	95964	341236	355587
39	95956	340869	355234
38	95948	340502	354883
37	95940	340136	354531
36	95931	339771	354181
35	95923	339406	353831
34	95915	339042	353482
33	95907	338679	353134
32	95898	338317	352787
31	95890	337955	352440
30	95882	337594	352094

73

I

*Seno*

16	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	28429	29653	104304
32	28457	29685	104313
33	28485	29716	104322
34	28513	29748	104331
35	28541	29780	104340
36	28569	29811	104349
37	28597	29843	104358
38	28625	29875	104367
39	28652	29906	104376
40	28680	29938	104385
41	28708	29970	104394
42	28736	30001	104403
43	28764	30033	104413
44	28792	30065	104422
45	28820	30097	104431
46	28847	30128	104440
47	28875	30160	104449
48	28903	30192	104458
49	28931	30224	104468
50	28959	30255	104477
51	28987	30287	104486
52	29015	30319	104495
53	29042	30351	104504
54	29070	30382	104514
55	29098	30414	104523
56	29126	30446	104532
57	29154	30478	104541
58	29182	30509	104551
59	29209	30541	104560
60	29237	30573	104569

*Seno*

# S E C O N D O. 131

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	95874	337234	351748
28	95865	336375	351404
27	95857	336515	351060
26	95849	336158	350716
25	95841	335800	350374
24	95832	335443	350032
23	95824	335087	349691
22	95816	334732	349350
21	95807	334377	349010
20	95799	334023	348671
19	95791	333670	348333
18	95782	333317	347995
17	95774	332965	347658
16	95766	332614	347321
15	95757	332264	346986
14	95749	331914	346651
13	95740	331565	346316
12	85732	331216	345983
11	95724	330868	345650
10	95715	330521	345317
9	95707	330174	344986
8	95698	329829	344655
7	95690	329483	344324
6	95681	329139	343995
5	95673	328795	343666
4	95664	328452	343337
3	95656	328109	343010
2	95647	327767	342683
1	95639	327426	342356
0	95630	327085	342030

17	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	29265	30605	104578
2	29293	30637	104588
3	29321	30669	104597
4	29348	30700	104606
5	29376	30732	104616
6	29404	30764	104625
7	29432	30795	104635
8	29460	30828	104644
9	29487	30860	104653
10	29515	30891	104663
11	29543	30923	104672
12	29571	30955	104682
13	29599	30987	104691
14	29626	31019	104700
15	29654	31051	104710
16	29682	31083	104719
17	29710	31115	104729
18	29737	31147	104738
19	29765	31178	104748
20	29793	31210	104757
21	29821	31242	104767
22	29849	31274	104776
23	29876	31306	104786
24	29904	31338	104795
25	29932	31370	104805
26	29960	31402	104815
27	29987	31434	104824
28	30015	31466	104834
29	30043	31498	104843
30	30071	31520	104853

*Seno*

# S E C O N D O 133

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	95622	326745	341705
58	95613	326406	341381
57	95605	326067	341057
56	95596	325729	340734
55	95588	325392	340411
54	95579	325055	340089
53	95571	324719	339768
52	95562	324383	339448
51	95554	324049	339128
50	95545	323714	338808
49	95536	323381	338489
48	95528	323048	338171
47	95519	322715	337854
46	95511	322384	337537
45	95502	322053	337221
44	95493	321722	336905
43	95485	321392	336590
42	95476	321063	336276
41	95467	320734	335962
40	95459	320406	335649
39	95450	320079	335336
38	95441	319752	335025
37	95433	319426	334713
36	95424	319100	334403
35	95415	318775	334092
34	95407	318451	333783
33	95398	318127	333474
32	95389	317804	333166
31	95380	317481	332858
30	95372	317159	332551

72 1 3 *Seno*

17	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	30098	31562	104863
32	30126	31594	104872
33	30154	31626	104882
34	30182	31658	104891
35	30209	31690	104901
36	30237	31722	104911
37	30265	31754	104620
38	30292	31786	104930
39	30320	31818	104940
40	30348	31850	104950
41	30376	31882	104959
42	30403	31914	104969
43	30431	31945	104979
44	30459	31978	104989
45	30486	32010	104998
46	30514	32042	105008
47	30542	42074	105018
48	30570	32105	105028
49	30597	32139	105038
50	30625	32171	105047
51	30653	32203	105057
52	30680	32235	105067
53	30708	32267	105077
54	30736	32299	105087
55	30763	32331	105097
56	30791	32363	105106
57	30819	32396	105116
58	30846	32428	105126
59	30874	32460	105136
60	30902	32492	105146

*Seno*

# S E C O N D O. 135

	<i>Senò</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	95363	316838	332244
28	95354	316517	331939
27	95345	316197	331633
26	95337	315877	331328
25	95328	315558	331024
24	95319	315240	330721
23	95310	314922	330418
22	95301	314605	330115
21	95293	314288	329814
20	95284	313972	329512
19	95275	313656	329212
18	95266	313341	328912
17	95257	313027	328612
16	95248	312713	328313
15	95240	312400	328015
14	95231	312087	327717
13	95222	311776	327420
12	95213	311464	327123
11	95204	311153	326827
10	95195	310842	326531
9	95186	310532	326237
8	95177	310223	325942
7	95168	309914	325648
6	95159	309606	325355
5	95150	309298	325062
4	95142	308991	324770
3	95133	308685	324478
2	95124	308378	324187
1	95115	308072	323897
0	95106	307768	323607

18	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	30929	32524	105156
2	30957	32556	105166
3	30985	32588	105176
4	31012	32621	105186
5	31040	32653	105196
6	31068	32685	105206
7	31095	32717	105216
8	31123	32749	105226
9	31151	32782	105236
10	31178	32814	105246
11	31206	32846	105256
12	31233	32878	105266
13	31261	32911	105276
14	31289	32943	105286
15	31316	32975	105296
16	31344	33007	105307
17	31372	33040	105317
18	31399	33072	105327
19	31427	33104	105337
20	31454	33136	105347
21	31482	33169	105357
22	31510	33201	105367
23	31537	33233	105378
24	31565	33266	105388
25	31592	33298	105398
26	31620	33330	105408
27	31648	33363	105418
28	31675	33395	105429
29	31703	33427	105439
30	31730	33460	105449

*Seno*



	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	95097	307464	323317
58	95088	307160	323028
57	95079	306857	322740
56	95070	306554	322452
55	95061	306252	322165
54	95052	305950	321878
53	95043	305649	321592
52	95033	305349	321306
51	95024	305049	321021
50	95015	304749	320737
49	95006	304450	320453
48	94997	304152	320169
47	94988	303854	319886
46	94979	303556	319604
45	94970	303260	319322
44	94961	302963	319040
43	94952	302667	318759
42	94943	302372	318479
41	94933	302077	318199
40	94924	301783	317920
39	94915	301489	317641
38	94906	301196	317363
37	94897	300903	317085
36	94888	300611	316808
35	94878	300319	316531
34	94869	300028	316255
33	94860	299738	315979
32	94851	299447	315704
31	94842	299158	315429
30	94832	298868	315155

18	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	31758	33492	105459
32	31786	33524	105470
33	31813	33557	105480
34	31841	33589	105490
35	31768	33621	105501
36	31896	33654	105511
37	31923	33686	105521
38	31951	33718	105532
39	31979	33751	105542
40	22006	33783	105552
41	32034	33816	105563
42	32061	33848	105573
43	32089	33881	105584
44	32116	33913	105594
45	32144	33945	105604
46	32171	33978	105615
47	32199	34010	105625
48	32227	34043	105636
49	32254	34075	105646
50	32282	34108	105657
51	32309	34140	105667
52	32337	34173	105678
53	32364	34205	105688
54	32392	34238	105699
55	32419	34270	105709
56	32447	34303	105720
57	32474	34335	105730
58	32502	34368	105741
59	32529	34400	105751
60	32557	34433	105762

*Seno*

# S E C O N D O. 139

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	94823	263580	314881
28	94814	298292	314608
27	94805	298004	314335
26	94795	297717	314063
25	94786	297430	313791
24	94777	297144	313520
23	94768	296858	313249
22	94758	296573	312979
21	94749	296288	312709
20	94740	296004	312440
19	94730	295720	312171
18	94721	295437	311903
17	94712	295155	311635
16	94702	294872	311367
15	94693	294590	311101
14	94684	294309	310834
13	94674	294028	310568
12	94665	293748	310303
11	94656	293468	310038
10	94646	293189	309774
9	94637	292910	309510
8	94627	292632	309246
7	94618	292354	308983
6	94609	292076	308721
5	94599	291799	308459
4	94590	291523	308197
3	94580	291246	307936
2	94571	290971	307675
1	94561	290696	307415
0	94552	290421	307155

71 *Seno*

19	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	32584	34453	105773
2	32612	34498	105783
3	32619	34530	105794
4	32667	34563	105805
5	32691	34596	105815
6	32722	34618	105826
7	32749	34661	105836
8	32777	34693	105847
9	32804	34726	105858
10	32832	34758	105869
11	32859	34791	105879
12	32887	34824	106890
13	32914	34856	105901
14	32942	34889	105912
15	32969	34922	105922
16	32997	34954	105933
17	33014	34987	105944
18	33051	35019	105955
19	33079	35052	105966
20	33106	35085	105976
21	33134	35117	105987
22	33161	35150	105998
23	33189	35183	106009
24	33216	35216	106019
25	33244	35248	106030
26	33271	35281	106041
27	33298	35314	106052
28	33326	35346	106063
29	33363	35379	106074
30	33381	35412	106085

*Seno*

# S E C O N D O. 141

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	94542	290147	306895
58	94533	289873	306637
57	94523	289600	306379
56	94514	289327	306121
55	94504	289055	305864
54	94495	288783	305607
53	94485	288511	305350
52	94476	288240	305094
51	94466	287970	304839
50	94457	287700	304584
49	94447	287430	304329
48	94438	287161	304075
47	94428	286892	303821
46	94418	286624	303568
45	94409	286356	303315
44	94399	286089	303062
43	94399	285822	302810
42	94380	285555	302559
41	94370	285289	302308
40	94361	285023	302057
39	94351	284758	301807
38	94342	284494	301557
37	94332	284229	301308
36	94322	283965	301059
35	94313	283702	300810
34	94303	283439	300562
33	94293	283176	300315
32	94284	282914	300067
31	94274	282653	299821
30	94264	282391	299574

70

*Seno*

19	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	33408	35445	106096
32	33436	35477	106107
33	33463	35510	106118
34	33490	35543	106129
35	33518	35576	106140
36	33545	35608	106151
37	33573	35641	106162
38	33600	35674	106173
39	33627	35707	106184
40	33655	35740	106195
41	33682	35772	106206
42	33710	35805	106217
43	33737	35838	106228
44	33764	35871	106239
45	33792	35904	106250
46	33819	35937	106261
47	33846	35969	106272
48	33874	36002	106283
49	33901	36035	106295
50	33929	36068	106306
51	33956	36101	106317
52	33983	36134	106328
53	34011	36167	106339
54	34038	36199	106350
55	34065	36232	106362
56	34093	36265	106373
57	34120	36298	106384
58	34147	36331	106395
59	34175	36364	106407
60	34202	36397	106418

*Seno*

# SECONDO. 143

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	94254	282130	299329
28	94245	281870	299083
27	94235	281610	298838
26	94225	281350	298594
25	94215	281091	298349
24	94206	180833	298106
23	94196	280574	297862
22	94186	280316	297619
21	94176	280059	297377
20	94167	279802	297135
19	94157	279545	296893
18	94147	279289	296652
17	94137	279033	296411
16	94127	278778	296171
15	94118	278523	295931
14	94108	278269	295691
13	94098	278014	295452
12	94088	277761	295213
11	94078	277507	294975
10	94068	277254	294737
9	94058	277002	294500
8	94049	276750	294263
7	94039	276498	294026
6	94029	276247	293790
5	94019	275996	293554
4	94009	275746	293318
3	93999	275496	293083
2	93989	275246	292849
1	93979	274997	292614
0	93969	274748	292380

20	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	34229	36430	106429
2	34257	36453	106440
3	34284	36496	106452
4	34311	36529	106463
5	34339	36562	106474
6	34365	36595	106486
7	34393	36628	106497
8	34421	36661	106508
9	34448	36694	106520
10	34475	36727	106531
11	34503	36760	106542
12	34530	36793	106554
13	34557	36826	106565
14	34584	36859	106577
15	34912	36892	106588
16	34639	36925	106600
17	34666	36958	106611
18	34694	36991	106622
19	34721	37024	106634
20	34748	37057	106645
21	34775	37090	106657
22	34803	37123	106668
23	34830	37157	106680
24	34857	37199	106691
25	34884	37223	106703
26	34912	37256	106715
27	34939	37289	106726
28	34966	37322	106738
29	34993	37355	106749
30	35021	37388	106761

*Seno*



# S E C O N D O. 145

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	93919	274499	292147
58	93949	274251	291914
57	93939	274004	291681
56	93929	273756	291449
55	93919	273509	291217
54	93909	273263	290986
53	93899	273017	290754
52	93889	272772	290524
51	93879	272526	290293
50	93869	272281	290063
49	93859	272036	289834
48	93849	271792	289605
47	93839	271548	289376
46	93829	271305	289148
45	93819	271062	288920
44	93809	270819	288692
43	93799	270577	288465
42	93789	270335	288238
41	93779	270094	288011
40	93769	269853	287785
39	93759	269612	287560
38	93748	269371	287334
37	93738	269231	287109
36	93728	268892	286885
35	93718	268653	286661
34	93708	268414	286437
33	93698	268175	286213
32	93688	267937	285990
31	93677	267700	285767
30	93667	267462	285545

96

K *Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
20			
31	35048	37422	106773
32	35075	37455	106784
33	35102	37488	106796
34	35130	37521	106807
35	35157	37554	106819
36	35184	37588	106831
37	35211	37621	106842
38	35239	37654	106854
39	35266	37687	106866
40	35293	37720	106878
41	35320	37754	106889
42	35347	37787	106901
43	35375	37820	106913
44	35402	37853	106925
45	35429	37887	106936
46	35456	37920	106948
47	35483	37953	106960
48	35511	37986	106972
49	35538	38010	106984
50	35565	38053	106995
51	35592	38086	107007
52	35619	38120	107019
53	35647	38153	107031
54	35674	38186	107043
55	35701	38220	107055
56	35728	38253	107067
57	35755	38286	107079
58	35782	38320	107091
59	35810	38353	107103
60	35837	38386	107114

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	93657	267225	285323
28	93647	266989	285102
27	93637	266752	284880
26	93626	266516	284659
25	93616	266281	284439
24	93606	266046	284219
23	93596	265811	283999
22	93585	265576	283780
21	93575	265342	283561
20	93565	265109	283342
19	93555	264875	283123
18	93544	264642	282906
17	93534	264410	282688
16	93524	264177	282471
15	93514	263945	282254
14	93503	263714	282037
13	93493	263483	281821
12	93483	263252	281605
11	93472	263021	281390
10	93462	262791	281175
9	93452	262561	280960
8	93441	262332	280746
7	93431	262103	280531
6	93420	261874	280318
5	93410	261646	280104
4	93400	261418	279891
3	93389	261190	279679
2	93379	260963	279466
1	93368	260736	279254
0	93359	260509	279043

21	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	35864	38420	107126
2	35891	38453	107138
3	35918	38487	107150
4	35945	38520	107162
5	35973	38553	107174
6	36000	38587	107186
7	36027	38620	107199
8	36054	38654	107211
9	36081	38687	107223
10	36108	38721	107235
11	36135	38754	107247
12	36162	38787	107259
13	36190	38821	107271
14	36217	38854	107283
15	36244	38888	107295
16	36271	38921	107307
17	36298	38955	107320
18	36325	38988	107332
19	36352	39022	107344
20	36379	39055	107356
21	36406	39089	107368
22	36434	39122	107380
23	36461	39156	107393
24	36488	39190	107405
25	36515	39223	107417
26	36542	39257	107429
27	36569	39290	107442
28	36596	39324	107454
29	36623	39357	107466
30	36650	39391	107479

*Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	93348	260233	278812
58	93337	260057	278621
57	93327	259831	278410
66	93316	259606	278200
55	93306	259381	277990
54	93295	259156	277780
53	93285	258932	277571
52	93274	258708	277362
51	93264	258484	277154
50	93253	258261	276945
49	93243	258038	276737
48	93232	257815	276530
47	93222	257593	276323
46	93211	257371	276116
45	93200	257150	275909
44	93190	256928	275703
43	93180	256707	275497
42	93169	256487	275292
41	93159	256266	275086
40	93148	256046	274881
39	93137	255827	274677
38	93127	255608	274473
37	93116	255389	274269
36	93106	255170	274065
35	93095	254952	273862
34	93084	254734	273659
33	93074	254516	273456
32	93063	254299	273254
31	93052	254082	273052
30	93042	253865	272850

21	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	36677	39425	107491
32	36704	39458	107503
33	36731	39492	107516
34	36758	39526	107528
35	36785	39559	107540
36	36812	39593	107553
37	36839	39626	107565
38	36867	39660	107578
39	36894	39694	107590
40	36921	39727	107602
41	36948	39761	107615
42	36975	39795	107627
43	37002	39829	107640
44	37029	39862	107652
45	37056	39896	107665
46	37083	39930	107677
47	37110	39963	107690
48	37137	39997	107702
49	37164	40031	107715
50	37191	40055	107727
51	37218	40098	107740
52	37245	40132	107752
53	37272	40166	107765
54	37299	40200	107778
55	37326	40234	107790
56	37353	40267	107803
57	37380	40301	107815
58	37407	40335	107828
59	37434	40369	107841
60	37461	40403	107853

*Seno*

# S E C O N D O. 151

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	93031	253648	272649
28	93020	253432	272448
27	93010	253217	272247
26	92999	253001	272047
25	92988	252786	271847
24	92978	252571	271647
23	92967	252357	271448
22	92956	252142	271249
21	92945	251929	271050
20	92935	251715	270851
19	92924	251502	270653
18	92913	251289	270455
17	92902	251076	270258
16	92892	250864	270061
15	92881	250652	269864
14	92870	250441	269667
13	92859	250229	269471
12	92849	250018	269275
11	92838	249807	269079
10	92827	249597	268884
9	92816	249386	268689
8	92805	249177	268494
7	92794	248967	268299
6	92784	248758	268105
5	92773	248549	267911
4	92762	248340	267718
3	92751	248132	267525
2	92740	247924	267332
1	92729	247716	267139
0	92718	247509	266947

22	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	37488	40436	107866
2	37515	40470	107879
3	37542	40504	107892
4	37569	40538	107904
5	37595	40572	107917
6	37622	40606	107930
7	37649	40640	107942
8	37676	40674	107955
9	37703	40707	107968
10	37730	40741	107981
11	37757	40775	107994
12	37784	40809	108006
13	37811	40843	108019
14	37838	40877	108032
15	37865	40911	108045
16	37892	40945	108058
17	37819	40679	108071
18	37946	41013	108084
19	37973	41047	108096
20	37999	41081	108109
21	38026	41115	108122
22	3805	41149	108135
23	38080	41183	108148
24	38107	41217	108161
25	38134	41251	108174
26	38161	41285	108187
27	38188	41319	108200
28	38215	41353	108213
29	38241	41387	108226
30	38268	41421	108239

*Sino*



# S E C O N D O. 153

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	92707	247302	266755
58	92697	247095	266563
57	92686	246888	266371
56	92675	246682	266180
55	92654	246476	265989
54	92653	246270	265799
53	92642	246065	265609
52	92631	245860	265419
51	92620	245655	265229
50	92609	245451	265040
49	92598	245246	264851
48	92587	245043	264662
47	92576	244839	264473
46	92565	244636	264285
45	92554	244433	264097
44	92543	244230	263909
43	92532	244027	263722
42	92521	243825	263535
41	92510	243623	263348
40	92499	243422	263162
39	92488	243220	262976
38	92477	243019	262790
37	92466	242819	262604
36	92455	242618	262419
35	92444	242418	262234
34	92432	242218	262049
33	92421	242019	261864
32	92410	241819	261680
31	92399	241620	261496
30	92388	241421	261313

22	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	38295	41455	108252
32	38322	41490	108265
33	38349	41524	108278
34	38376	41558	108291
35	38403	41592	108306
36	38430	41626	108318
37	38456	41660	108331
38	38483	41694	108344
39	38510	41728	108357
40	38537	41763	108370
41	38564	41767	108383
42	38591	41831	108397
43	38617	41865	109410
44	38644	41899	108423
45	38671	41933	108436
46	38698	41968	108449
47	38725	42002	108463
48	38752	42036	108476
49	38778	42070	108489
50	38805	42105	108503
51	38832	42139	108516
52	38859	42173	108529
53	38886	42207	108542
54	38912	42242	108556
55	38939	42276	108569
56	38966	42310	108582
57	38993	42345	108596
58	39020	42379	108609
59	39046	42413	108623
60	39073	42447	108636

*Seno*

# S E C O N D O. 155

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	92377	241223	261129
28	92366	241025	260946
27	92355	240827	260763
26	92343	240629	260581
25	92332	240432	260399
24	92321	240635	260217
23	92310	240038	260035
22	92299	239841	259853
21	92287	239645	259672
20	92276	239449	259491
19	92365	239253	259311
18	92254	239058	259130
17	92243	238862	258950
16	92231	238668	258771
15	92220	238473	258591
14	92209	238279	258412
13	92197	238084	258233
12	92186	237891	258054
11	92175	237697	257876
10	92164	237504	257698
9	92152	237311	257520
8	92141	237118	257342
7	92130	236925	257165
6	92119	236733	256988
5	92107	236541	256811
4	92096	236349	256634
3	92085	236158	256458
2	92073	235967	256282
1	92062	235776	256106
0	92050	235585	255930

23	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	39099	42482	108649
2	39127	42516	108663
3	39153	42551	108676
4	39180	42585	108690
5	39207	42619	108703
6	39234	42654	108717
7	39260	42688	108730
8	39287	42722	108744
9	39314	42757	108757
10	39341	42791	108771
11	39367	42826	108784
12	39394	42860	108798
13	39421	42894	108811
14	39448	42929	108825
15	39474	42963	108839
16	39501	42998	108852
17	39528	43032	108866
18	39555	43067	108880
19	39581	43101	108893
20	39608	43136	108907
21	39635	43170	108920
22	39661	43205	108934
23	39688	43239	108948
24	39715	43274	108962
25	39741	43308	108975
26	39768	43343	108989
27	39795	43378	109003
28	39822	43412	109017
29	39848	43447	109030
30	39875	43481	109044

*Seno*

# S E C O N D O. 157

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	92039	235395	255755
58	92028	235205	255580
57	92016	235015	255405
56	92005	234825	255231
55	91994	234636	255057
54	91982	234447	254883
53	91971	234258	254709
52	91959	234069	254536
51	91948	233881	254363
50	91936	233693	254190
49	91925	233505	254017
48	91914	233317	253845
47	91902	233130	253672
46	91891	232943	253500
45	91879	232756	253329
44	91868	232570	253157
43	91856	232383	252986
42	91845	232197	252815
41	91833	232012	252645
40	91822	231826	252474
39	91810	231640	252304
38	91799	231456	252134
37	91787	231271	251965
36	91775	231086	251795
35	91764	230902	251626
34	91752	230718	251457
33	91741	230534	251289
32	91729	230351	251120
31	91718	230167	250952
30	91706	229984	250784

23	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	39902	43516	109058
32	39928	43550	109072
33	39955	43585	109086
34	39982	43620	109099
35	40008	43654	109113
36	40035	43689	109127
37	40062	43724	109141
38	40088	43758	109155
39	40115	43793	109169
40	40141	43828	109183
41	40168	43862	109197
42	40195	43897	109211
43	40221	43932	109224
44	40248	43966	109238
45	40275	44001	109252
46	40301	44035	109266
47	40328	44071	109280
48	40355	44105	109294
49	40381	44140	109308
50	40408	44175	109322
51	40434	44210	109337
52	40461	44244	109351
53	40488	44279	109365
54	40514	44314	109379
55	40541	44349	109393
56	40567	44284	109407
57	40594	44418	109421
58	40621	44453	109435
59	40647	44488	109449
60	40674	44523	109464

*Seno*

# S E C O N D O. 159

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	91694	229801	250617
28	91683	229619	250449
27	91671	229437	250282
26	91660	229254	250115
25	91648	229073	249948
24	91636	228891	249782
23	91623	228710	249616
22	91613	228528	249450
21	91601	228348	249284
20	91590	228167	249119
19	91578	227987	248954
18	91566	227806	248789
17	91555	227626	248624
16	91543	227447	248459
15	91531	227267	248295
14	91519	227088	248131
13	91508	226909	247967
12	91596	226730	247804
11	91484	226552	247640
10	91472	226374	247477
9	91461	226196	247314
8	91449	226018	247152
7	91437	225840	246989
6	91425	225663	246827
5	91414	225486	246665
4	91402	225309	246504
3	91390	225132	246342
2	91378	224956	246181
1	91366	224780	246020
0	91355	224604	245859

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	40700	44558	109478
2	40727	44593	109492
3	40753	44627	109505
4	40780	44662	109520
5	40806	44697	109535
6	40833	44732	109549
7	40860	44767	109563
8	40886	44802	109577
9	40913	44837	109592
10	40939	44872	109606
11	40966	44907	109620
12	40992	44942	109635
13	41019	44977	109649
14	41045	45012	109663
15	41072	45047	109678
16	41098	45082	109692
17	41125	45117	109706
18	41151	45152	109721
19	41178	45187	109735
20	41204	45222	109750
21	41231	45257	109764
22	41257	45292	109779
23	41284	45327	109793
24	41310	45362	109808
25	41337	45397	109822
26	41363	45432	109837
27	41390	45467	109851
28	41416	45502	109866
29	41443	45537	109880
30	41469	45573	109895

*Seno*



# SECONDO. 161

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	91343	224428	245699
58	91331	224252	245539
57	91319	224077	245378
56	91307	223902	245219
55	91395	223727	245059
54	91283	223553	244900
53	91272	223378	244741
52	91260	223204	244582
51	91248	223030	244423
50	91236	222857	244264
49	91224	222683	244106
48	91212	222510	243948
47	91200	222337	243790
46	91188	222164	243633
45	91176	221992	243476
44	91164	221819	243318
43	91152	221647	243162
42	91140	221475	243005
41	91128	221304	242848
40	91116	221132	242692
39	91104	220961	242536
38	91092	220790	242380
37	91080	220619	242225
36	91068	220449	242070
35	91056	220278	241914
34	91044	220108	241760
33	91032	219938	241605
32	91020	219769	241450
31	91008	219599	241296
30	90996	219430	241142

24	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	41496	45608	109909
32	41422	45643	109924
33	41549	45678	109939
34	41575	45713	109953
35	41602	45748	109968
36	41628	45784	109983
37	41655	45819	109997
38	41681	45854	110012
39	41707	45889	110026
40	41734	45924	110041
41	41760	45960	110056
42	41787	45995	110071
43	41813	46030	110085
44	41940	46065	110100
45	41866	46100	110115
46	41892	46136	110130
47	41919	46171	110144
48	41945	46206	110159
49	41972	46242	110174
50	41998	46277	110189
51	42024	46312	110204
52	42051	46348	110218
53	42077	46383	110233
54	42104	46418	110248
55	42130	46454	110263
56	42156	46489	110278
57	42183	46525	110293
58	42209	46560	110308
59	42235	46595	110323
60	42262	36631	110338

*Seno*

# S E C O N D O. 163

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	90984	219261	240988
28	90972	219092	240835
27	90960	218923	240681
26	90948	218755	240528
25	90936	218587	240375
24	90924	218419	240222
23	90911	218251	240070
22	90899	218084	239918
21	90887	217916	239766
20	90875	217749	239614
19	90863	217582	239462
18	90851	217416	239311
17	90839	217249	239159
16	90826	217083	239008
15	90814	216917	238857
14	90802	216751	238707
13	90790	216585	238556
12	90778	216420	238406
11	90766	216255	238256
10	90753	216090	238106
9	90741	215925	237957
8	90729	215760	237808
7	90717	215596	237658
6	90704	215432	237509
5	90692	215268	237361
4	90680	215104	237212
3	90668	214940	237064
2	90655	214777	236916
1	90643	214614	236768
0	90631	214451	236620

25	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	42288	45666	110353
2	42315	46702	110368
3	42341	46737	110383
4	42367	46772	110398
5	42394	46808	110413
6	42420	46843	110428
7	42446	46879	110443
8	42473	46914	110458
9	42499	46950	110473
10	42525	46985	110488
11	42552	47021	110503
12	42578	47056	110518
13	42604	47092	110533
14	42631	47128	110549
15	42657	47163	110564
16	42683	47199	110579
17	42709	47234	110594
18	42736	47270	110609
19	42762	47305	110625
20	42788	47341	110640
21	42715	47377	110655
22	42841	47412	110670
23	42867	47448	110686
24	42894	47483	110701
25	42920	47519	110716
26	42946	47555	110731
27	42972	47590	110747
28	42999	47626	110762
29	43025	47662	110777
30	43051	47698	110793

*Seno*

# S E C O N D O. 165

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	90618	214288	236473
58	90606	214125	236325
57	90594	213963	236178
56	90582	213801	236031
55	90569	213639	236885
54	90557	213477	235738
53	90545	213316	235592
52	90532	213154	235446
51	90520	212993	235300
50	90507	212833	235154
49	90495	212671	235009
48	90482	212511	234863
47	90470	212350	234718
46	90458	212190	234573
45	90446	212030	234429
44	90433	211871	234284
43	90421	211711	234140
42	90408	211552	233996
41	90396	211392	233852
40	90383	211233	233708
39	90371	211075	233565
38	90358	210916	233422
37	90346	210758	233278
36	90334	210600	233135
35	90321	210441	232993
34	90309	210284	232850
33	90296	210126	232708
32	90284	209969	232566
31	90271	209811	232424
30	90259	209654	232282

25	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	43077	47733	110808
32	43104	47769	110824
33	43130	47805	110839
34	43156	47850	110854
25	43182	47876	110870
36	43209	47912	110885
37	43235	47948	110901
38	43261	47984	110916
39	43287	48019	110932
40	43313	48055	110947
41	43340	48091	110963
42	43366	48127	110978
43	43392	48163	110994
44	43418	48198	111009
45	43445	48234	111025
46	43471	48270	111041
47	43497	48306	111056
48	43523	48342	111072
49	43549	48378	111087
50	43575	48414	111103
51	43602	48450	111119
52	43628	48486	111134
53	43654	48521	111150
54	43680	48557	111166
55	43706	48593	111181
56	43733	48629	111197
57	43759	48665	111213
58	43785	48701	111229
59	43811	48737	111244
60	43837	48773	111260

*Seno*

# S E C O N D O. 167

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	90246	209498	232140
28	90233	209341	231929
27	90221	209184	231858
26	90208	209028	231717
25	90195	208872	231576
24	90183	208716	231436
23	90171	208560	231295
22	90158	208405	231155
21	90146	208250	231015
20	90133	208094	230875
19	90120	207939	230735
18	90108	207785	230596
17	90095	207630	230457
16	90082	207476	230318
15	90070	207321	230179
14	90057	207167	230040
13	90045	207014	229901
12	90032	206860	229763
11	90019	206706	229625
10	90007	206553	229487
9	89994	206400	229349
8	89981	206247	229211
7	89968	206094	229074
6	89956	205942	228937
5	89943	205789	228800
4	89930	205637	228663
3	89918	205485	228526
2	89905	205333	228390
1	89892	205182	228253
0	89879	205030	228117

26	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	43863	48809	111276
2	43889	48845	111292
3	43816	48881	111308
4	43942	48917	111323
5	43968	48953	111339
6	43994	48989	111355
7	44020	49026	111371
8	44046	49062	111387
9	44072	49098	111403
10	44098	49134	111419
11	44124	49170	111435
12	44151	49206	111451
13	44177	49242	111467
14	44203	49278	111483
15	44229	49315	111499
16	44155	49351	111515
17	44281	49387	111531
18	44307	49423	111547
19	44333	49459	111563
20	44359	49495	111579
21	44385	49532	111595
22	44411	49568	111611
23	44437	49604	111627
24	44464	49640	111643
25	44490	49677	111659
26	44516	49713	111675
27	44542	49749	111691
28	43568	49786	111708
29	44594	49822	111724
30	44620	49858	111740

*Seno*



# S E C O N D O. 169

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	89857	204879	227981
58	89854	204728	227845
57	89841	204577	227710
56	89828	204426	227574
55	89816	204276	227439
54	89803	204125	227304
53	89790	203975	227169
52	89777	203825	227035
51	89764	203675	226900
50	89751	203525	226766
49	89736	203376	226632
48	89726	203227	226498
47	89713	203078	226364
46	89700	202929	226230
45	89687	202780	226097
44	89674	202631	225963
43	88662	202483	225830
42	89649	202335	225697
41	89636	202187	225565
40	89623	202039	225432
39	89610	201891	225300
38	89597	201743	225167
37	89584	201596	225035
36	89571	20 449	224903
35	86558	201302	224772
34	89545	202155	224640
33	89532	201008	224509
32	89519	200862	224378
31	89506	200715	224247
30	89494	200569	224116

26	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	44646	49894	111756
32	44672	49931	111772
33	44693	49967	111789
34	44724	50004	111805
35	44750	50040	111821
36	44776	50076	111838
37	44802	50113	111854
38	44828	50149	111870
39	44854	50185	111886
40	44880	50222	111903
41	44906	50258	111919
42	44932	50295	111935
43	44958	50331	111952
44	44984	50368	111968
45	45010	50404	111985
46	45036	50441	112001
47	45062	50477	112018
48	45088	50514	112034
49	45114	50550	112051
50	45140	50587	112067
51	45166	50623	112083
52	45192	50660	112100
53	45218	50696	112117
54	45243	50733	112133
55	45269	50769	112150
56	45295	50806	112166
57	45321	50843	112183
58	45347	50879	112199
59	45372	50916	112216
60	45399	50953	112233

*Seno*

# S E C O N D O. 171

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	89480	200423	223985
38	89467	200277	223855
27	89454	200131	223724
26	89441	199985	223594
25	89428	199841	223464
24	89415	199695	223334
23	89402	199550	223205
22	89389	199406	223075
21	89376	199261	222946
20	89363	199116	222817
19	89350	198972	222688
18	89337	198828	222559
17	89324	198684	222430
16	89311	198540	222302
15	89298	198396	222174
14	89285	198253	222045
13	89272	198110	221918
12	89259	197966	221790
11	89245	197823	221662
10	89232	197680	221535
9	89219	197538	221407
8	89206	197395	221280
7	89193	197253	221153
6	89180	197111	221026
5	89167	196969	220900
4	89153	196827	220773
3	89140	196685	220647
2	89127	196544	220521
1	89114	196402	220395
0	89101	196261	220269

27	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	45425	50989	112249
2	45451	51026	112266
3	45477	51063	112283
4	45503	51099	112299
5	45529	51136	112316
6	45554	51173	112333
7	45580	51209	112349
8	45606	51246	112366
9	45631	51283	112383
10	45658	51319	112400
11	45684	51356	112416
12	45710	51393	112433
13	45736	51430	112450
14	45762	51467	112467
15	45787	51503	112484
16	45813	51540	112501
17	45839	51577	112517
18	45865	51614	112534
19	45891	51651	112551
20	45917	51688	112568
21	45942	51724	112585
22	45968	51761	112602
23	45994	51798	112619
24	46020	51835	112636
25	46046	51872	112653
26	46072	51909	112670
27	46097	51946	112687
28	46123	51983	112704
29	46149	52020	112721
30	46175	52057	112738

*Seno*

# S E C O N D O. 173

*Seno      Tangente      Secante*

59	89087	196120	220143
58	89074	195979	220018
57	89061	195838	219892
56	89048	195698	219767
55	89035	195557	219642
54	89021	195417	219517
53	89008	195277	219393
52	88995	195137	219268
51	88981	194997	219144
50	88968	194858	216019
49	88955	194718	218895
48	88942	194579	218771
47	88928	194440	218648
46	88915	194301	218524
45	88902	194162	218401
44	88888	194023	218277
43	88875	193885	218254
42	88862	193746	218031
41	88848	193608	217909
40	88835	193470	217786
39	88822	193332	217663
38	88808	193195	217541
37	88795	193057	217419
36	88782	192920	217297
35	88768	192782	217175
34	88755	192645	217053
33	88741	192508	216932
32	88728	192371	216810
31	88715	192235	216689
30	88701	192098	216568

62 *Seno*

27	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	46201	52094	112755
32	46226	52131	112772
33	46252	52168	112789
34	46278	52205	112807
35	46304	52242	112824
36	46330	52279	112841
37	46355	52316	112858
38	46381	52353	112875
39	46407	52390	112892
40	46433	52427	112910
41	46458	52464	112927
42	46484	52501	112944
43	46510	52538	112961
44	46536	52575	112979
45	46561	52513	112996
46	46587	52650	113013
47	46613	52687	113031
48	46639	52724	113048
49	46664	52761	113065
50	46690	52798	113083
51	46716	52836	113100
52	46742	52873	113117
53	46767	52910	113135
54	46793	52947	113152
55	46819	52985	113170
56	46844	53022	113187
57	46870	53059	113205
58	46896	53096	113222
59	46921	53134	113239
60	46947	53171	113257

*Seno*

# *S E C O N D O.*      175

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	88688	191962	216447
28	88674	191826	216326
27	88661	191690	216206
26	88647	191554	216085
25	88634	191418	215965
24	88620	191282	215845
23	88607	191147	215725
22	88593	191012	215605
21	88580	190876	215485
20	88566	190741	215366
19	88553	190607	215246
18	88539	190472	215127
17	88526	199337	215008
16	88512	190203	214880
15	88499	190069	214770
14	88485	189935	214651
13	88472	189801	214533
12	88459	189667	214414
11	88445	189533	214296
10	88431	189400	214178
9	88417	189266	214060
8	88404	189133	213942
7	88390	189000	213825
6	88377	188867	213707
5	88363	188734	213590
4	88349	188602	213473
3	88335	188469	213356
2	88322	188337	213239
1	88308	188205	213122
0	88295	188073	213005

2      *Seno*

28	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	46973	53108	113275
2	46999	53246	113292
3	47024	53283	113310
4	46050	53320	113327
5	47076	53358	113345
6	47101	53395	113362
7	47127	53432	113380
8	47152	53470	113398
9	47178	53507	113415
10	47204	53545	113433
11	47229	53582	113451
12	47255	53620	113468
13	47281	53657	113486
14	47306	53694	113504
15	47332	53732	113521
16	47358	53769	113539
17	47383	53807	113557
18	47409	53844	113575
19	47434	53882	113593
20	47460	53920	113610
21	47486	53957	113628
22	47511	53995	113646
23	47537	54032	113664
24	47562	54070	113682
25	47588	54107	113700
26	47614	54145	113718
27	47639	54183	113735
28	47665	54220	113753
29	47690	54258	113771
30	47716	54296	113789

*Seno*



# S E C O N D O 177

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	88281	187941	212889
58	88167	187809	212773
57	88254	187677	212657
56	88240	187546	212540
55	88226	187415	212425
54	88213	187283	212309
53	88199	187152	212193
52	88185	187021	212078
51	88172	186892	211963
50	88158	186760	211847
49	88144	186630	211732
48	88130	186499	211617
47	88117	186369	211503
46	88103	186239	211388
45	88039	186109	211274
44	88075	185979	211159
43	88062	185850	211045
42	88048	185720	210931
41	88034	185591	210817
40	88020	185462	210704
39	88006	185333	210590
38	87993	185204	210477
37	87979	185075	210363
36	87965	184946	210250
35	87951	184818	210137
34	87937	184689	210024
33	87923	184561	209911
32	87909	184433	209799
31	87896	184305	209686
30	87883	184177	209574

61 M *Seno*

28	Seeno	Tangente	Secante
31	47741	54333	113807
32	47767	54371	113825
33	47793	54409	113843
34	47818	54446	113861
35	4784	54484	113879
36	47869	54522	113897
37	47895	54560	113915
38	47920	54597	113934
39	47946	54635	113952
40	47971	54673	113970
41	47997	54711	113988
42	48022	54748	114006
43	48048	54786	114024
44	48073	54824	114042
45	48099	54862	114061
46	48124	54900	114079
47	48150	54938	114097
48	48175	54975	114115
49	48201	55013	114134
50	48226	55051	114152
51	48252	55089	114170
52	48277	55127	114188
53	48303	55165	114207
54	48328	55203	114225
55	48354	55241	114243
56	48379	55279	114262
57	48405	55317	114280
58	48430	55355	114299
59	48456	55393	114317
60	48481	55431	114335

Seno

# S E C O N D O. 179

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	87868	184649	209462
28	87854	183922	209350
27	87840	183794	209238
26	87826	183667	209126
25	87812	183540	209014
24	87798	183413	208903
23	87784	183286	208791
22	87770	183159	208680
21	87756	183033	208569
20	87743	182906	208458
19	87729	182780	208347
18	87715	182654	208236
17	87701	182528	208126
16	87687	182402	208015
15	87673	182276	207905
14	87659	182150	207795
13	87645	182025	207685
12	87831	181899	207575
11	87617	181774	207465
10	87603	181649	207356
9	87589	181524	207246
8	87575	181399	207137
7	87560	181274	207021
6	87546	181150	206918
5	87532	181025	206809
4	87518	180901	206701
3	87504	180777	206592
2	87490	180653	206483
1	87476	180529	206375
0	87462	180405	206267

61

M 2

*Seno*

29	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	48506	55469	114354
2	48532	55507	114372
3	48557	55545	114391
4	48583	55583	114409
5	48608	55621	114428
6	48634	55659	114446
7	48559	55697	114465
8	48584	55736	114483
9	48710	55774	114502
10	48735	55812	114521
11	48761	55850	114539
12	48786	55888	114558
13	48811	55926	114576
14	48837	55964	114595
15	48862	59003	114614
16	48887	55041	114632
17	48913	56079	114651
18	48938	56117	114670
19	48964	56156	114689
20	48989	56194	114707
21	49014	56232	114726
22	49040	56270	114745
23	49065	56309	114764
24	49090	56347	114782
25	49116	56385	114801
26	49141	56424	114820
27	49166	56462	114839
28	49192	56500	114358
29	49217	56539	114877
30	49242	56577	114896

*Seno*

# S E C O N D O. 181

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	87448	180281	206158
58	87434	180158	206050
57	87420	180034	205942
56	87405	179911	205835
55	87391	179788	205727
54	87377	179665	205619
53	87363	179542	205512
52	87349	179419	205405
51	87335	179296	205298
50	87321	179174	205191
49	87306	179051	205084
48	87292	179929	204977
47	87278	178807	204870
46	87264	178685	204764
45	87250	178563	204657
44	87235	178441	204551
43	87221	178319	204445
42	87207	178198	204339
41	87193	178077	204233
40	87178	177955	204128
39	87164	177834	204022
38	87150	177713	203916
37	87135	177592	203811
36	87121	177471	203706
35	87107	177351	203601
34	87093	177230	203496
33	87079	177110	203391
32	87064	176990	203286
31	87050	176869	203182
30	87036	176749	203077

60 M 2 Seno

29	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	49268	56616	114914
32	49293	56654	114933
33	49318	56693	114952
34	49344	56731	114971
35	49369	56769	114990
36	49394	56807	115009
37	49419	56846	115028
38	49445	56885	115047
39	49470	56923	115066
40	49495	56962	115085
41	49521	57000	115105
42	49546	58039	115124
43	49571	57078	115143
44	49596	57116	115162
45	49622	57155	115181
46	49647	57193	115200
47	49672	57232	115219
48	49697	57271	115239
49	49723	57309	115258
50	49747	57348	115277
51	49773	57386	115296
52	49798	57425	115315
53	49824	57464	115335
54	49849	57503	115354
55	49874	57541	115373
56	49899	57580	115393
57	49924	57619	115412
58	49950	57657	115431
59	49975	57696	115451
60	50000	57735	115470

*Seno*

# S E C O N D O. 183

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	87021	176629	202974
28	87007	176510	202869
27	86993	176390	202765
26	86978	186271	202661
25	86964	176151	202557
24	86949	176032	202553
23	86935	175913	202349
22	86921	175764	202264
21	86906	175675	202143
20	86892	175556	202039
19	86878	175437	202936
18	86863	175319	201833
17	86849	175200	201730
16	86834	175082	201628
15	86820	174964	201526
14	85805	174845	201422
13	86791	174728	201329
12	86777	174610	201218
11	86762	174492	201116
10	86748	174375	201014
9	86733	174257	200912
8	86719	174140	200810
7	86704	174022	200708
6	86690	173905	200607
5	86675	173788	200505
4	86661	173671	200404
3	86646	173555	200303
2	86632	173438	200101
1	86617	172321	200200
0	86603	173205	200000

30	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	50025	57774	115489
2	50050	57813	115509
3	50076	57851	115528
4	50101	57890	115548
5	50126	57929	115567
6	50151	57968	115587
7	50176	58007	115606
8	50201	58045	115626
9	50227	58084	115645
10	50252	58123	115665
11	50277	58162	115684
12	50302	58201	115704
13	50327	58240	115724
14	50352	58279	115743
15	50377	58318	115763
16	50403	58357	115782
17	50428	58396	115802
18	50453	58435	115822
19	50478	58474	115841
20	50503	58513	115861
21	50528	58552	115881
22	50553	58591	115901
23	50578	58631	115920
24	50603	58670	115940
25	50628	58709	115909
26	50654	58748	115680
27	50679	58787	115999
28	50704	58826	116019
29	50729	58865	116039
30	50754	58905	115059

*Seno*



# SECONDO. 185

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	86588	173089	199899
58	86573	172973	199799
57	86559	172857	199698
56	86544	772741	199598
55	86530	172625	199498
54	86515	172509	199398
53	86501	172393	199298
52	86486	172278	199198
51	86471	172163	199098
50	86457	172047	198998
49	86442	171932	198899
48	86427	171817	198799
47	86413	171702	198700
46	86395	171588	198601
45	86384	171473	198502
44	86369	171358	198403
43	86354	171244	198304
42	86340	171129	198205
41	86325	171015	198107
40	86310	170901	198008
39	86295	170787	197910
38	86281	170673	197811
37	86266	170560	197713
36	86251	170446	197615
35	86237	170332	197517
34	86222	170219	197420
33	86207	170106	197322
32	86192	169992	197224
31	86178	169879	197127
30	86163	169766	197029

30	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	50779	58944	116079
32	50804	58983	116099
33	50829	58922	116119
34	50854	59061	116139
35	50879	59101	116159
36	50904	59140	116179
37	50929	59179	116199
38	50954	59218	116219
39	50979	59258	116239
40	51004	59297	116259
41	51029	59336	116279
42	51054	59376	116299
43	51079	59415	116319
44	51104	59454	116339
45	51129	59494	116359
46	51154	59533	116380
47	51179	59573	116400
48	51204	59612	116420
49	51229	59651	116440
50	51254	59691	116460
51	51279	59730	116481
52	51304	59770	116501
53	51329	59809	116521
54	51354	59849	116541
55	51379	59888	116562
56	51404	59928	116582
57	51429	59967	116602
58	51454	60007	116623
59	51479	60046	116643
60	51504	60086	116663

*Seno*

# S E C O N D O. 187

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	86148	169653	196932
28	85133	169541	196836
27	86119	169428	196738
26	89104	169315	196641
25	86089	169204	196544
24	86074	169091	196448
23	86059	168979	196351
22	86045	168866	196255
21	86030	168754	196158
20	86015	168643	196062
19	86000	168531	195966
18	85985	168416	195870
17	85970	168308	195774
16	85956	168196	195678
15	85941	168085	195583
14	85926	167974	195487
13	85911	167863	195391
12	85896	167752	195296
11	85881	167641	195201
10	85866	167530	195106
9	85851	167419	195011
8	85836	167309	194916
7	85821	167198	194821
6	85806	167088	194725
5	85792	166978	194632
4	85777	166867	194537
3	85762	166757	194443
2	85747	166647	194349
1	85731	166538	194254
0	85717	166428	194160

31	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	51529	60126	116684
2	51554	60165	116704
3	51579	60205	116725
4	51604	60245	116745
5	51628	60284	116766
6	51653	60324	116786
7	51678	60364	116806
8	51703	60403	116827
9	51728	60443	116848
10	51753	60483	116868
11	51778	60522	116889
12	51803	60562	116909
13	51828	60602	116930
14	51852	60642	116950
15	51877	60681	116971
16	51902	60721	116992
17	51927	60761	117012
18	51952	60801	117033
19	51977	60841	117054
20	52002	60881	117075
21	52026	60921	117095
22	52051	60960	117116
23	52076	61000	117137
24	52101	61040	117158
25	52126	61080	117178
26	52151	61120	117199
27	52175	61160	117220
28	52200	61200	117241
29	52225	61240	117262
30	52250	61280	117283

*Seno*

# S E C O N D O. 189

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	85702	166318	194066
58	85687	166209	193973
57	85672	166099	193879
56	85657	165990	193785
55	85642	165881	193692
54	85627	165772	193598
53	85612	165663	193505
52	85597	165554	193412
51	85582	165445	193319
50	85567	165337	193226
49	85551	165228	193133
48	85536	165126	193040
47	85521	165011	192947
46	85506	164903	192855
45	85491	164795	192762
44	85476	164687	192670
43	85461	164579	192578
42	85446	164471	192486
41	85431	164363	192394
40	85416	164256	192302
39	85401	164148	192210
38	85385	164041	192118
37	85370	163934	192027
36	85355	163826	191935
35	85340	163719	191844
34	85325	163612	191752
33	85310	163505	191661
32	85294	163398	191570
31	85279	163292	191479
30	85264	163185	191388

*Seno*

31	<i>Sen</i> o	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	52275	61320	117034
32	52299	61360	117325
33	52324	61400	117346
34	52349	61440	117367
35	52374	61480	117388
36	52399	61520	117409
37	52423	61561	117430
38	52448	61601	117451
39	52473	61641	117472
40	52498	61681	117493
41	52522	61721	117514
42	52547	61761	117535
43	52572	61801	117556
44	52597	61842	117577
45	52621	61882	117598
46	52646	61922	117619
47	52671	61962	117641
48	52696	62003	117662
49	52720	62043	117683
50	52745	62083	117704
51	52770	62124	117726
52	52794	62164	117747
53	52819	62204	117768
54	52844	62245	117790
55	52869	62285	117811
56	52893	62328	117832
57	52918	62366	117854
58	52943	62406	117875
59	52967	62446	117896
60	52992	62487	117918

*Sen*o

# S E C O N D O. 191

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	85219	163079	191297
28	85234	162972	191207
27	85213	162866	191116
26	85203	162760	191026
25	85188	162654	190935
24	85173	162548	190845
23	85157	162244	190755
22	85142	162336	190665
21	85127	162230	190575
20	85112	162125	190485
19	85096	162019	190395
18	85081	161914	190305
17	85056	161808	190216
16	85051	161703	190126
15	85035	161598	190037
14	85020	161493	189947
13	85005	161388	189858
12	84989	161283	189769
11	84974	161179	189680
10	84959	161074	189591
9	84943	160970	189503
8	84928	160865	189414
7	84913	160761	189327
6	84897	160657	189237
5	84882	160553	189148
4	84896	160449	189060
3	84851	160345	188972
2	84836	160241	188884
1	84820	160137	188796
0	84805	160033	188708

8 *Seno*

32	Seeno	Tangrnte	Secante
1	53017	62527	117939
2	53041	62568	117961
3	53066	62608	117982
4	53091	62649	118004
5	53115	62689	118025
6	53140	62730	118047
7	53164	62770	118068
8	53189	62811	118090
9	53214	62852	118111
10	53238	92892	118133
11	53263	62933	118155
12	53288	62973	118176
13	53312	63014	118198
14	53337	63055	118220
15	53361	63095	118241
16	53386	63136	118263
17	53411	63177	118285
18	53435	63217	118307
19	53460	63258	118328
20	53484	92299	118350
21	53509	63340	118372
22	53534	63380	118394
23	53558	63421	118416
24	53583	63462	118437
25	53607	63503	118459
26	53632	63544	118481
27	53656	63584	118503
28	53681	63625	118525
29	53705	23666	118547
30	43730	63707	118569

Seno



# S E C O N D O. 193

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	84789	159930	188620
58	84774	159826	188532
57	84759	159723	188445
56	84743	159620	188357
55	84728	159517	188270
54	84712	159414	188183
53	84697	159311	188095
52	84581	159208	188008
51	84666	159105	187921
50	84550	159002	187834
49	84635	158900	187748
48	84619	158797	187661
47	84604	158695	187574
46	84588	158593	187488
45	84573	158490	187401
44	84557	158388	187315
43	84542	158286	187229
42	84526	158184	187142
41	84511	158083	187056
40	84495	157981	186970
39	84480	157879	186885
38	84464	157778	186799
37	84448	157676	186713
36	84433	157575	186627
35	84417	157474	186542
34	84402	157372	186457
33	84386	157271	186371
32	84370	157170	186286
31	84355	157069	186201
30	84339	156969	186116

57

N *Seno*

33	Seno	Tangente	Secante
1	54488	64982	119259
2	54513	65023	119281
3	54537	65055	119304
4	54561	65106	119327
5	54586	65148	119349
6	54610	65189	119372
7	54635	65231	119394
8	54659	65272	119417
9	54683	65314	116440
10	54708	65355	119462
11	54732	65397	119485
12	54756	65438	119508
13	54781	65480	119531
14	54805	65521	119553
15	54829	65563	119576
16	54854	65604	119599
17	54878	65646	119622
18	54902	65688	119645
19	54927	65729	119668
20	54951	65771	119691
21	54975	65812	119713
22	54999	65854	118736
23	55024	65896	119759
24	55048	65938	119782
25	55072	65980	119805
26	55097	66021	119828
27	55121	66063	119851
28	55145	66105	119874
29	55169	66147	119897
30	55194	66189	119920

Seno

# S E C O N D O. 197

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	83851	153888	183526
58	83835	153791	183444
57	83819	153693	183362
56	83804	153595	183280
55	83788	153497	183198
54	83772	153400	183116
53	83756	153302	183034
52	83740	153205	182953
51	83724	153107	182871
50	83708	153010	182790
49	83692	152913	182709
48	83676	152816	182627
47	83660	152719	182546
46	83645	152622	182465
45	83629	152525	182384
44	83613	152429	182303
43	83597	152332	182222
42	83581	152235	182142
41	83565	152139	182061
40	83549	152043	181981
39	83533	151946	181900
38	83517	151850	181820
37	83501	151754	181740
36	83485	151658	181659
35	83469	151562	181579
34	83453	151466	181499
33	83437	151370	181419
32	83421	151275	181340
31	83405	151179	181260
30	83489	151084	181180

30	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	50779	58944	116079
32	50804	58983	116099
33	50829	58922	116119
34	50854	59061	116139
35	50879	59101	116159
36	50904	59140	116179
37	50929	59179	116199
38	50954	59218	116219
39	50979	59258	116239
40	51004	59297	116259
41	51029	59336	116279
42	51054	59376	116299
43	51079	59415	116319
44	51104	59454	116339
45	51129	59494	116359
46	51154	59533	116380
47	51179	59573	116400
48	51204	59612	116420
49	51229	59651	116440
50	51254	59691	116460
51	51279	59730	116481
52	51304	59770	116501
53	51329	59809	116521
54	51354	59849	116541
55	51379	59888	116562
56	51404	59928	116582
57	51429	59967	116603
58	51454	60007	116623
59	51479	60046	116643
60	51504	60086	116663

*Se-o*

# S E C O N D O. 187

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	86148	169653	196932
28	85133	169541	196835
27	86119	169428	196738
25	89104	169315	196641
25	86089	169204	196544
24	86074	169091	196448
23	86059	168979	196351
22	86045	168866	196255
21	86030	168754	196158
20	86015	168643	196062
19	86000	168531	195966
18	85985	168416	195870
17	85970	168308	195774
16	85956	168196	195678
15	85941	158085	195583
14	85926	167974	195487
13	85911	167863	195391
12	85896	167752	195296
11	85881	167641	195201
10	85866	167530	195106
9	85851	167419	195011
8	85836	167309	194916
7	85821	167198	194821
6	85806	167088	194725
5	85792	165978	194632
4	85777	166867	194537
3	85762	166757	194443
2	85747	166647	194349
1	85731	166538	194254
0	85717	166428	194160

31	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	51529	60126	116684
2	51554	60165	116704
3	51579	60205	116725
4	51604	60245	116745
5	51628	60284	116766
6	51653	60324	116786
7	51678	60364	116806
8	51703	60403	116827
9	51728	60443	116848
10	51753	60483	116868
11	51778	60522	116889
12	51803	60562	116909
13	51828	60602	116930
14	51852	60642	116950
15	51877	60681	116971
16	51902	60721	116992
17	51927	60761	117012
18	51952	60801	117033
19	51977	60841	117054
20	52002	60881	117075
21	52026	60921	117095
22	52051	60960	117116
23	52076	61000	117137
24	52101	61040	117158
25	52126	61080	117178
26	52151	61120	117199
27	52175	61160	117220
28	52200	61200	117241
29	52225	61240	117262
30	52250	61280	117283

*Seno*

# S E C O N D O. 189

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	85702	166318	194066
58	85687	166209	193973
57	85672	166099	193879
56	85657	165990	193785
55	85642	165881	193692
54	85627	165772	193598
53	85612	165663	193505
52	85597	165554	193412
51	85582	165445	193319
50	85567	165337	193226
49	85551	165228	193133
48	85536	165126	193040
47	85521	165011	192947
46	85506	164903	192855
45	85491	164795	192762
44	85476	164687	192670
43	85461	164579	192578
42	85446	164471	192486
41	85431	164363	192394
40	85416	164256	192302
39	85401	164148	192210
38	85385	164041	192118
37	85370	163934	192027
36	85355	163826	191935
35	85340	163719	191844
34	85325	163612	191752
33	85310	163505	191661
32	85294	163398	191570
31	85279	163292	191479
30	85264	163185	191388

	<i>Senò</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	52275	61320	117034
32	52299	61360	117325
33	52324	61400	117346
34	52349	61440	117367
35	52374	61480	117388
36	52399	61520	117409
37	52423	61561	117430
38	52448	61601	117451
39	52473	61641	117472
40	52498	61681	117493
41	52522	61721	117514
42	52547	61761	117535
43	52572	61801	117556
44	52597	61842	117577
45	52621	61882	117598
46	52646	61922	117619
47	52671	61962	117641
48	52696	62003	117662
49	52720	62043	117683
50	52745	62083	117704
51	52770	62124	117726
52	52794	62164	117747
53	52819	62204	117768
54	52844	62245	117790
55	52869	62285	117811
56	52893	62328	117832
57	52918	62366	117854
58	52943	62406	117875
59	52967	62446	117896
60	52992	62487	117918

*Senò*



# SECONDO.

191

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	85219	163079	191297
28	85234	162972	191207
27	85211	162866	191116
26	85203	162760	191026
25	85188	162654	190935
24	85173	162548	190845
23	85157	162244	190755
22	85142	162336	190665
21	85127	162230	190575
20	85112	162125	190485
19	85096	162019	190395
18	85081	161914	190305
17	85056	161808	190216
16	85051	161703	190126
15	85035	161598	190037
14	85020	161493	189947
13	85005	161388	189858
12	84989	161283	189769
11	84974	161179	189680
10	84959	161074	189591
9	84943	160970	189503
8	84928	160865	189414
7	84913	160761	189327
6	84897	160657	189237
5	84882	160553	189148
4	84896	160449	189060
3	84851	160345	188972
2	84836	160241	188884
1	84820	160137	188796
0	84805	160033	188708

32	Seeno	Tangente	Secante
1	53017	62527	117939
2	53041	62568	117961
3	53066	62608	117982
4	53091	62649	118004
5	53115	62689	118025
6	53140	62730	118047
7	53164	62770	118068
8	53189	62811	118090
9	53214	62852	118111
10	53238	92892	118133
11	53263	62933	118155
12	53288	62973	118176
13	53312	63014	118198
14	53337	63055	118220
15	53361	63095	118241
16	53386	63136	118263
17	53411	63177	118285
18	53435	63217	118307
19	53460	63258	118328
20	53484	92299	118350
21	53509	63340	118372
22	53534	63380	118394
23	53558	63421	118416
24	53583	63462	118437
25	53607	63503	118459
26	53632	63544	118481
27	53656	63584	118503
28	53681	63625	118525
29	53705	23666	118547
30	43730	63707	118569

Seno

# SECONDO. 193

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	84789	159930	188620
58	84774	159826	188532
57	84759	159723	188445
56	84743	159620	188357
55	84728	159517	188270
54	84712	159414	188183
53	84697	159311	188095
52	84581	159208	188008
51	84666	159105	187921
50	84550	159002	187834
49	84635	158900	187748
48	84619	158797	187661
47	84604	158695	187574
46	84588	158593	187488
45	84573	158490	187401
44	84557	158388	187315
43	84542	158286	187229
42	84526	158184	187142
41	84511	158083	187056
40	84495	157981	186970
39	84480	157879	186885
38	84464	157778	186799
37	84448	157676	186713
36	84433	157575	186627
35	84417	157474	186542
34	84402	157374	186457
33	84386	157271	186371
32	84370	157170	186286
31	84355	157069	186201
30	84339	156969	186116

57

N *Seno*

32	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	53754	63748	118591
32	53779	63789	118613
33	53804	63830	118635
34	53828	63871	118657
35	53853	63912	118679
36	53877	63953	118701
37	53902	63994	118723
38	53926	64935	118745
39	53950	64076	118767
40	53975	64117	118790
41	54000	64158	118812
42	54024	64199	118834
43	54049	64240	118856
44	54073	64281	118878
45	54097	64322	118901
46	54122	64363	118923
47	54146	64404	118945
48	54171	64446	118967
49	54195	64487	118990
50	54220	64528	119012
51	54244	64569	119034
52	54269	64610	119057
53	54293	64652	119079
54	54317	64693	119102
55	54342	64734	119124
56	54366	64775	119149
57	54391	64817	119169
58	54415	64858	119191
59	54439	64899	119214
60	54464	64941	119236

*Seno*

# S E C O N D O. 195.

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	84324	156868	186031
28	84308	156767	185946
27	84292	156667	185861
26	84277	156566	185777
25	84261	156466	185692
24	84245	156366	185608
23	84230	156265	185523
22	84214	156165	185439
21	84198	156065	185355
20	84182	155966	185271
19	84167	155866	185187
18	84151	155766	185103
17	84135	155666	185019
16	84120	155567	184935
15	84104	155467	184852
14	84088	155368	184768
13	84072	155269	184685
12	84057	155170	184601
11	84041	155071	184518
10	84025	154972	184435
9	84009	154873	184352
8	83994	154774	184269
7	83978	154675	184186
6	83962	154576	184103
5	83946	154478	184020
4	83930	154379	183938
3	83915	154281	183855
2	83899	154183	183773
1	83883	154085	183690
0	83867	153986	183608

33	Seno	Tangente	Secante
1	54488	64982	119259
2	54513	65023	119281
3	54537	65055	119304
4	54561	65106	119327
5	54586	65148	119349
6	54610	65189	119372
7	54635	65231	119394
8	54659	65272	119417
9	54683	65314	116440
10	54708	65355	119462
11	54732	65397	119485
12	54756	65438	119508
13	54781	65480	119531
14	54805	65521	119553
15	54829	65563	119576
16	54854	65604	119599
17	54878	65646	119622
18	54902	65688	119645
19	54927	65729	119668
20	54951	65771	119691
21	54975	65812	119713
22	54999	65854	118736
23	55024	65896	119759
24	55048	65938	119782
25	55072	65980	119805
26	55097	66021	119828
27	55121	66063	119851
28	55145	66105	119874
29	55169	66147	119897
30	55194	66189	119920

Seno

# S E C O N D O. 197

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	83851	153888	183526
58	83835	153791	183444
57	83819	153693	183362
56	83804	153595	183280
55	83788	153497	183198
54	83772	153400	183116
53	83756	153302	183034
52	83740	153205	182953
51	83724	153107	182871
50	83708	153010	182790
49	83692	152913	182709
48	83676	152816	182627
47	83660	152719	182546
46	83645	152622	182465
45	83629	152525	182384
44	83613	152429	182303
43	83597	152332	182222
42	83581	152235	182142
41	83565	152139	182061
40	83549	152043	181981
39	83533	151946	181900
38	83517	151850	181820
37	83501	151754	181740
36	83485	151658	181659
35	83469	151562	181579
34	83453	151466	181499
33	83437	151370	181419
32	83421	151275	181340
31	83405	151179	181260
30	83489	151084	181180

33	Seeno	Tangente	Secante
31	55218	66230	119944
32	55242	66272	119967
33	55256	66314	119990
34	55291	66356	120013
35	55315	66398	120036
36	55339	66440	120059
37	55363	66482	120083
38	55388	66524	120106
39	55412	66566	120129
40	55436	66608	120152
41	55460	66650	120176
42	55484	66692	120199
43	55509	66734	120222
44	55533	66776	120246
45	55557	66818	120269
46	55581	66860	120292
47	55605	66902	120316
48	55630	66944	120339
49	55654	66986	120363
50	55678	67028	120386
51	55702	67071	120416
52	55726	67113	120433
53	55750	67155	120457
54	55775	67197	120480
55	55799	67239	120504
56	55825	67282	120527
57	55847	67324	120551
58	55871	67366	120574
59	55895	67409	120598
60	55919	67451	120622

Seno



# SECONDO. 199

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	83373	150988	181101
28	83356	150893	181021
27	83340	150797	180942
26	83324	150702	180862
25	83308	150607	180783
24	83292	150512	180704
23	83276	150417	180625
22	83260	150322	180546
21	83244	150228	180467
20	83228	150133	180388
19	83212	150038	180309
18	83195	149944	180231
17	83179	149849	180152
16	83163	149755	180074
15	83147	149651	179995
14	83131	149566	179917
13	83115	149472	179839
12	83098	149378	179761
11	83082	149284	179682
10	83066	149190	179604
9	83050	149097	179527
8	83034	149003	179449
7	83017	148909	179371
6	83001	148816	179293
5	82985	148722	179216
4	82969	148629	179138
3	82953	148536	179061
2	82936	148442	178984
1	82920	148349	178906
0	82904	148256	178829

24	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	55943	67493	120645
2	55918	67436	120669
3	55992	67578	120693
4	56016	67620	120717
5	56040	67663	120740
6	56064	67705	120764
7	56088	67748	120788
8	56112	67790	120812
9	56136	67832	120836
10	56160	67875	120859
11	56184	67917	120883
12	56208	67960	120907
13	56232	68002	120931
14	56256	68045	120955
15	56280	68088	120979
16	56305	68130	121003
17	56329	68173	121027
18	56353	68215	121051
19	56377	68258	121075
20	56401	68301	121099
21	56425	68343	121123
22	56449	68386	121147
23	56473	68429	121171
24	56497	68471	121195
25	56521	68514	121220
26	56545	68557	121244
27	56569	68599	121268
28	56593	68642	121292
29	56617	68685	121316
30	56641	68728	121341

*Seno*

Secante

Seno Tangente

Secante

59	82887	148163	178752
58	82871	148070	178675
57	82855	147977	178598
56	82839	147885	178521
55	82822	147792	178445
54	82806	147699	178368
53	82790	147607	178291
52	82773	147514	178215
51	82756	147422	178138
50	82741	147330	178062
49	82724	147238	177986
48	82708	147146	177910
47	82692	147053	177833
46	82675	146961	177757
45	82659	146870	177681
44	82643	146778	177606
43	82626	146686	177530
42	82610	146595	177454
41	82593	146503	177378
40	82577	146411	177303
39	82561	146320	177227
38	82544	146229	177152
37	82528	146137	177077
36	82511	146046	177001
35	82495	145955	176926
34	82478	145864	176851
33	82462	145773	176776
32	82446	145682	176701
31	82429	145592	176626
30	82413	145501	176552

55

Seno

Seno

34	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	56665	68771	121355
32	56689	68814	121389
33	56713	68857	121414
34	56736	68900	121438
35	56760	68942	121462
36	56784	68985	121487
37	56808	69028	121511
38	56832	69071	121535
39	56856	69114	121560
40	56880	69157	121584
41	56904	69200	121609
42	56928	69243	121633
43	56952	69286	121658
44	56976	69329	121682
45	57000	69372	121707
46	57024	69416	121731
47	57047	69459	121756
48	57071	69502	121781
49	57095	69545	121805
50	57119	69588	121830
51	57143	69631	121854
52	57167	69676	121879
53	57191	69718	121904
54	57215	69761	121929
55	57238	69804	121953
56	57262	69847	121978
57	57286	69891	122003
58	57310	69934	122028
59	57334	69977	122053
60	57358	70021	122077

*Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	82396	145410	
28	82380	145320	176477
27	82363	145229	176402
26	82347	145139	176328
25	82330	145048	176253
24	82314	144958	176179
23	82297	144868	176106
22	82281	144778	176031
21	82264	144688	175956
20	82248	144598	175882
19	82231	144508	175808
18	82214	144418	175734
17	82198	144329	175661
16	82181	144239	175587
15	82165	144149	175513
14	82148	144060	175440
13	82131	143970	175366
12	82115	143881	175293
11	82098	143792	175219
10	82082	143703	175146
9	82065	143614	175073
8	82048	143525	175000
7	82032	143436	174927
6	82015	143347	174854
5	81999	143258	174781
4	81982	143169	174708
3	81965	143080	174635
2	81949	142992	174562
1	81932	142903	174490
0	81915	142815	174417
			174343

35	Seeno	Tangente	Secante
1	57381	70064	122102
2	57405	70107	122127
3	57429	70151	122152
4	57453	70194	122177
5	57477	70238	122202
6	57501	70281	122227
7	57524	70325	122252
8	57548	70368	122277
9	57572	70412	122302
10	57596	70455	122327
11	57619	70499	122352
12	57643	70542	122377
13	57667	70586	122402
14	57691	70629	122428
15	57715	70673	122453
16	57738	70717	122478
17	57762	70760	122503
18	57786	70804	122528
19	57809	70848	122554
20	57833	70891	122579
21	57857	70935	122604
22	57881	70979	122629
23	57904	71023	122655
24	57928	71066	122680
25	57952	71110	122706
26	57976	71154	122731
27	57999	71198	122756
28	58023	71242	122782
29	58047	71285	122806
30	58070	71329	122833

Seno

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	81899	142726	174272
58	81882	142638	174200
57	81865	142550	174123
56	81848	142462	174056
55	81832	142374	173983
54	81815	142286	173911
53	81798	142198	173840
52	81781	142110	173768
51	81765	142022	173696
50	81748	141934	173624
49	81731	141847	173552
48	81714	141759	173481
47	81698	141672	173409
46	81681	141584	173338
45	81664	141497	173267
44	81647	141409	173195
43	81631	141322	173124
42	81614	141235	173053
41	81597	141148	172982
40	81580	141061	172911
39	81563	140974	172840
38	81546	140887	172769
37	81530	140800	172698
36	81513	140714	172628
35	81496	140627	172557
34	81479	140540	172487
33	81462	140454	172416
32	81445	140367	172345
31	81428	140281	172275
30	81412	140195	172205

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
35			
31	58094	71373	122858
32	58117	71417	122884
33	58141	71461	122909
34	58165	71505	122935
35	58189	71549	122960
36	58212	71593	122986
37	58235	71637	123012
38	58260	71681	123037
39	58283	71725	123063
40	58307	71769	123089
41	58330	71813	123114
42	58354	71857	124140
43	58378	71901	123166
44	58401	71946	123192
45	58425	71990	123217
46	58449	72034	123243
47	58472	72078	123269
48	58406	72122	123295
49	58519	72166	123321
50	58543	72211	123347
51	58567	72255	123373
52	58590	72299	123398
53	58614	72344	123424
54	58637	72388	123450
55	58661	72432	123476
56	58684	72477	123502
57	58708	72521	123529
58	58731	72565	123555
59	58755	72610	123581
60	58779	72654	123607

*Seno*



# SECONDO. 207

Seno	Tangente	Secante
81395	140109	172135
81378	140022	172065
81361	139936	171995
81344	139850	171925
81327	139764	171855
81310	139679	171785
81293	139593	171715
81276	139507	171645
81259	139421	171576
81242	139336	171506
81225	139250	171437
81208	139165	171367
81191	139079	171298
81174	138994	171229
81157	138909	171160
81140	138824	171091
81123	138738	171022
81106	138653	170955
81089	138568	170884
81072	138484	170815
81055	138399	170746
81038	138314	170677
81021	138229	170609
81004	138145	170540
80987	138060	170472
80970	137976	170403
80953	137891	170335
80936	137807	170267
80910	137722	170198
80902	137638	170130

Seno

36	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	58802	72699	12363
2	58826	72743	12365
3	58849	72788	12368
4	58873	72832	12371
5	58896	72877	12373
6	58920	72921	12376
7	58943	72966	12379
8	58967	73010	12381
9	58990	73055	12384
10	59014	73100	12386
11	59037	73144	12389
12	59061	73189	12392
13	59084	73234	12394
14	59107	73278	12397
15	59131	73323	12400
16	59154	73368	12402
17	59178	73413	12405
18	59201	73457	12408
19	59225	73502	12410
20	59248	73547	12413
21	59272	73592	12416
22	59295	73637	12418
23	59318	73681	12421
24	59342	73726	12424
25	59355	73771	12426
26	59389	73816	12429
27	59412	73861	12431
28	59435	73906	12434
29	59459	73951	12437
30	59486	73996	12440

*Seno*

# S E C O N D O. 209

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	80885	137554	160062
58	80867	137470	169994
57	80850	137386	169926
56	80833	137302	169858
55	80816	137218	169790
54	80799	137134	166723
53	80782	137050	169655
52	80765	136967	169587
51	80748	136883	169520
50	80730	136800	169452
49	80713	136716	169383
48	80696	136633	169318
47	80679	136549	169250
46	80662	136466	169183
45	80644	136383	169116
44	80627	136300	169049
43	80610	136217	168982
42	80593	136133	168915
41	80576	136051	168848
40	80558	135968	168782
39	80541	135885	168715
38	80524	135802	168648
37	80507	135719	168582
36	80489	135637	168515
35	80472	135554	168449
34	80455	135472	168382
33	80438	135389	168316
32	80420	135307	168250
31	80403	135224	168182
30	80386	135142	168117

53

O

*Seno*

36	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	59506	74041	124427
32	59529	74086	124454
33	59552	74131	124481
34	59576	74176	124508
35	59599	74221	124534
36	59622	74267	124561
37	59646	74312	124588
38	59669	74357	124615
39	59693	74402	124642
40	59716	74447	124569
41	59739	74492	124696
42	59763	74538	124723
43	59786	74583	124750
44	59809	74628	124777
45	59832	74674	124804
46	59856	74719	124832
47	59879	74764	124859
48	59902	74810	124886
49	59926	74855	124913
50	59949	74900	124940
51	59972	74946	124967
52	59995	74991	124995
53	60019	75037	125022
54	60042	75082	125049
55	60065	75128	125077
56	60089	75173	125104
57	60112	75219	125131
58	60135	75264	125159
59	60158	75310	125186
60	60181	75355	125214

*Seno.*

# S E C O N D O. 211

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	80368	135060	168051
28	80351	134978	167985
27	80334	134896	167919
26	80316	134814	167853
25	80299	134732	167788
24	80282	134650	167722
23	80264	134568	167656
22	80247	134487	167591
21	80230	134405	167525
20	80212	134323	167460
19	80195	134242	167394
18	80178	134106	167329
17	80160	134070	167264
16	80143	133998	167198
15	80125	133916	167133
14	80108	133835	167098
13	80091	133754	167003
12	80073	133673	166938
11	80056	133592	166873
10	80038	133511	166809
9	80021	133430	166744
8	80003	133349	166679
7	79986	133268	166615
6	79968	133187	166550
5	79951	133107	166486
4	79934	133026	166421
3	79916	132946	166357
2	79899	132865	166292
1	79881	132785	166228
0	79864	132704	166164

5312

O 2

*Seno*

37	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	60205	75401	12524
2	60228	75447	12526
3	60251	75492	12529
4	60274	75538	12532
5	60298	75584	12535
6	60321	75629	12537
7	60344	75675	12540
8	60367	75721	12543
9	60390	75767	12546
10	60414	75812	12548
11	60437	75858	12551
12	60460	75904	12554
13	60483	75950	12557
14	60506	75996	12560
15	60529	76042	12562
16	60553	76088	12565
17	60576	76138	12568
18	60599	76180	12571
19	60622	76226	12573
20	60645	76272	12576
21	60668	76318	12579
22	60691	76364	12582
23	60714	76410	12585
24	60738	76456	12587
25	60761	76502	12590
26	60784	76548	12593
27	60807	76594	12596
28	60830	76640	12599
29	60853	76686	12601
30	60876	76733	12604

*Seno*

## S E C O N D O.

213

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	79846	131624	166100
58	79829	132544	166036
57	79811	132464	165972
56	79793	132384	165908
55	79776	132304	165844
54	79758	132224	165780
53	79741	132144	165717
52	79723	132063	165653
51	79702	131984	165589
50	79688	131904	165526
49	79671	131825	165462
48	79653	131745	165399
47	79635	131666	165335
46	79618	131586	165272
45	79600	131507	165209
44	79583	121427	165146
43	79565	131348	165083
42	79547	131269	165020
41	79530	131190	164957
40	79512	131110	164894
39	79494	131031	164831
38	79477	130952	164768
37	79459	130873	164705
36	79441	130795	164643
35	79424	130716	164580
34	79406	130637	164518
33	79388	130558	164455
32	79371	130480	164393
31	79353	130401	164330
30	79335	130323	164268

37	Seno	Tangente	Secante
31	60899	76779	126075
32	60922	76825	126104
33	60945	76871	126132
34	60968	76918	126160
35	60991	76964	126188
36	61015	77010	126216
37	61038	77057	126245
38	61061	77103	126273
39	61084	77149	126301
40	61107	77196	126330
41	61130	77242	126358
42	61153	77289	126387
43	61176	77335	126415
44	61199	77382	126443
45	61222	77428	126472
46	61245	77475	126500
47	61268	77521	126529
48	61291	77568	126557
49	61314	77615	126586
50	61337	77661	126615
51	61360	77708	126643
52	61383	77754	126672
53	61406	77801	126701
54	61429	77848	126729
55	61451	77895	126758
56	61474	77941	126787
57	61497	77988	126815
58	61520	78035	126844
59	61543	78082	126873
60	61566	78129	126902



# S E C O N D O. 215

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	79318	130244	164206
28	79300	130166	164144
27	79282	130087	164081
26	79264	130009	164019
25	79247	129931	163957
24	79229	129853	163895
23	79211	129775	163834
22	79193	129696	163772
21	79176	129618	163710
20	79158	129541	163648
19	79140	129463	163587
18	79122	129385	163525
17	79105	129307	163464
16	79087	129229	163402
15	79069	129152	163341
14	79051	129074	163279
13	79033	128997	163218
12	79015	128919	163157
11	78998	128842	163096
10	78980	128764	163035
9	78962	128687	162974
8	78944	128610	162913
7	78926	128533	162852
6	78908	128456	162791
5	78891	128379	162730
4	78873	128302	162669
3	78855	128225	162609
2	78837	128148	162548
1	78819	128071	162487
0	78801	127994	162427

52 O 4 *Seno*

38	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	61589	78175	126931
2	61612	78222	126960
3	61635	78269	126988
4	61658	78316	127017
5	61681	78363	127046
6	61704	78410	127075
7	61726	78457	127104
8	61749	78504	127133
9	61772	78551	127162
10	61795	78598	127191
11	61818	68945	127221
12	61841	78692	127250
13	61864	78739	127279
14	61887	78786	127308
15	61909	78834	127337
16	61932	78881	127366
17	61955	78928	127396
18	61078	78975	127425
19	62001	79022	127454
20	62024	79070	127483
21	62046	79117	127513
22	62069	79164	127542
23	62092	79212	127571
24	62115	79259	127601
25	62138	79306	127630
26	62160	79354	127660
27	62183	79401	127689
28	62206	79449	127719
29	62229	79496	127748
30	62251	79544	127778

*Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	78783	127917	162366
58	78765	127841	162306
57	78747	127764	162246
56	78729	127688	162185
55	78711	127611	162125
54	78693	127535	162065
53	78676	127458	162005
52	78658	127382	161945
51	78640	127306	161885
50	78622	127230	161825
49	78604	127153	161765
48	78586	127077	161705
47	78568	127001	161646
46	78550	126925	161586
45	78532	126849	161526
44	78514	126774	161467
43	78496	126698	161407
42	78478	126622	161348
41	78460	126546	161288
40	78442	126471	161229
39	78424	126395	161170
38	78405	126319	161111
37	78387	126244	161051
36	78369	126169	160992
35	78351	126093	160933
34	78333	126018	160874
33	78315	125943	160815
32	78297	125867	160756
31	78279	125792	160698
30	78261	125717	160639

38	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	62274	79591	127807
32	62297	79639	127837
33	62320	79686	127867
34	62342	79734	127896
35	62365	79781	127926
36	62388	79829	127956
37	62411	79877	127985
38	62433	79924	128015
39	62456	79972	128045
40	62479	80020	128075
41	62502	80067	128105
42	62524	80115	128134
43	62547	80163	128164
44	62570	80211	128194
45	62592	80258	128224
46	62615	80306	128254
47	62638	80354	128284
48	62660	80402	128314
49	62683	80450	128344
50	62706	80498	128374
51	62728	80546	128404
52	62751	80594	128434
53	62774	80642	128464
54	62796	80690	128495
55	62819	80738	128525
56	62842	80786	128555
57	62864	80834	128585
58	62887	80882	128615
59	62909	80930	128646
60	62932	80978	128676

*Seno*

# S E C O N D O. 219

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	78243	125642	160580
28	78225	125567	160521
27	78206	125492	160463
26	78188	125417	160404
25	78170	125343	160346
24	78152	125268	160287
23	78134	125193	160229
22	78116	125118	160171
21	78098	125044	160112
20	78079	124969	160054
19	78061	124895	159996
18	78043	124820	159938
17	78025	124746	159880
16	78007	124672	159822
15	77988	124597	159764
14	77970	124523	159706
13	77952	124449	159648
12	77934	124374	159590
11	77916	124301	159533
10	77897	124227	159475
9	77879	124153	159418
8	77861	124079	159360
7	77843	124005	159302
6	77824	123931	159245
5	77806	123858	159188
4	77788	123784	159130
3	77769	123710	159073
2	77751	123637	159016
1	77733	123563	158959
0	77715	123490	158902

*Seno*

39	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	62955	81027	128706
2	62977	81075	128737
3	63000	81123	128767
4	63022	81171	128797
5	63045	81220	128828
6	63068	81268	128858
7	63090	81316	128886
8	63113	81364	128919
9	63135	81413	128950
10	63158	81461	128980
11	63180	81510	129011
12	63203	81558	129041
13	63225	81606	129072
14	63248	81655	129103
15	63271	81703	129133
16	63293	81752	129164
17	63316	81800	129195
18	63338	81849	129226
19	63361	81898	129256
20	63382	81946	129287
21	63406	81995	129318
22	63428	82044	129349
23	63451	82092	129380
24	63473	82141	129411
25	63496	82190	129442
26	63518	82238	129473
27	63540	82287	129504
28	63563	82336	129535
29	63585	82385	129566
30	63608	82434	129597

*Seno*

# SECONDO.

221

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	77696	123416	158845
58	77678	123343	158738
57	77660	123270	158731
56	77641	123196	158674
55	77623	123123	158617
54	77605	123050	158560
53	77586	122977	158503
52	77568	122904	158447
51	77550	122831	158390
50	77531	122758	158333
49	77513	122685	158277
48	77494	122612	158221
47	77476	122539	158194
46	77458	122467	158108
45	77439	122394	158051
44	77421	122321	157995
43	77402	122249	157939
42	77384	122176	157883
41	77366	122104	157827
40	77347	122031	157771
39	77329	121959	157715
38	77310	121886	157659
37	77292	121814	157603
36	77273	121742	157547
35	77255	121670	157491
34	77236	121598	157436
33	77218	121526	157380
32	77199	121454	157324
31	77181	121382	157269
30	77162	121310	157213

50

*Seno*

	<i>Senó</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
39			
31	63630	82483	129628
32	63653	82531	129659
33	63675	82580	129690
34	63698	82629	129721
35	63720	82678	129752
36	63742	82727	129784
37	63765	82776	129815
38	63787	82825	129846
39	63810	82874	129877
40	63832	82923	129909
41	63854	82972	129940
42	63877	83022	129971
43	63999	83071	130003
44	63922	83120	130034
45	63944	83169	130066
46	63966	83218	130097
47	63989	83268	130129
48	64011	83317	130160
49	64033	83366	130192
50	64056	83415	130223
51	64078	83465	130255
52	64100	83514	130287
53	64123	83564	130318
54	64145	83613	130350
55	64167	83662	130382
56	64190	83712	130413
57	64212	83761	130445
58	64234	83811	130477
59	64256	83860	130509
60	64279	83910	130541

*Senó*



## S E C O N D O.

223

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	77144	121238	157158
28	77125	121166	157103
27	77107	121094	157047
26	77088	121023	156992
25	77070	120951	156937
24	77051	120879	156881
23	77033	120808	156826
22	77014	120736	156771
21	76996	120665	156716
20	76977	120593	156661
19	76959	120522	156606
18	76940	120451	156551
17	76921	120379	156496
16	76903	120308	156442
15	76884	120237	156387
14	76866	120166	156332
13	76847	120095	156278
12	76828	120024	156223
11	76810	119953	156169
10	76791	119882	156114
9	76772	119811	156060
8	76754	119740	156005
7	76735	119669	155951
6	76717	119599	155897
5	76698	119528	155843
4	76679	119457	155789
3	76660	119387	155734
2	76642	119316	155680
1	76623	119246	155626
0	76604	119175	155572

*Seno*

40	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	64301	83960	13058
2	64323	84009	13060
3	64346	84059	13062
4	64368	84108	13064
5	64390	84158	13070
6	64412	84208	13072
7	64435	84258	13076
8	64457	84307	13078
9	64479	84357	13082
10	64501	84407	13084
11	64524	84457	13086
12	64546	84507	13090
13	64568	84556	13092
14	64590	84606	13096
15	64612	84556	13102
16	64635	84706	13104
17	64657	84756	13108
18	64679	84806	13112
19	64701	84856	13114
20	64723	84906	13118
21	64746	84956	13122
22	64768	85006	13124
23	64790	85057	13128
24	64812	85107	13132
25	64834	85157	13134
26	64856	85207	13138
27	64878	85257	13142
28	64901	85307	13144
29	64923	85358	13148
30	64945	85408	13152

## S E C O N D O.

225

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	76586	119105	155518
58	76567	119035	155465
57	76548	118964	155411
56	76530	118894	155357
55	76511	118824	155303
54	76492	118754	155250
53	76473	118684	155196
52	76455	118614	155143
51	76436	118544	155089
50	76417	118474	155036
49	76398	118404	154982
48	76380	118334	154929
47	76361	118264	154876
46	76342	118194	154822
45	76323	118125	154769
44	76304	118055	154716
43	76285	117986	154663
42	76267	117916	154610
41	76248	117846	154557
40	76229	117777	154504
39	76210	117708	154451
38	76192	117638	154398
37	76173	117569	154345
36	76154	117500	154292
35	76135	117430	154240
34	76116	117361	154187
33	76097	117292	154134
32	76078	117223	154082
31	76059	117154	154029
30	76041	117085	153977

49

P

*Seno*

40	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	64967	85458	131541
32	64989	85509	131574
33	65011	85559	131607
34	65033	85609	131640
35	65055	85660	131672
36	65077	85710	131705
37	65099	85761	131738
38	65122	85811	131771
39	65144	85862	131804
40	65166	85912	131837
41	65188	85963	131870
42	65210	86014	131903
43	65232	86064	131936
44	65254	86115	131969
45	65276	86166	132002
46	65298	86216	132035
47	65320	86267	132068
48	65342	86318	132101
49	65364	86368	132134
50	65386	86419	132168
51	65408	86470	132201
52	65430	86521	132234
53	65452	86572	132267
54	65474	86623	132301
55	65496	86674	132334
56	65518	86725	132367
57	65540	86776	132401
58	65562	86827	132434
59	65584	86878	132468
60	65606	86929	132501

# S E C O N D O. 227

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	76022	117016	153924
28	76003	116947	153872
27	75984	116878	153820
26	75955	116809	153768
25	75946	115741	153715
24	75927	115672	153663
23	75908	116603	153611
22	75889	116535	153559
21	75870	116466	153507
20	75851	116398	153455
19	75832	116329	153403
18	75813	116261	153351
17	75794	116192	153299
16	75775	116124	153247
15	75756	116056	153196
14	75738	115987	153144
13	75719	115919	153092
12	75700	115851	153041
11	75680	115783	152989
10	75661	115715	152938
9	75642	115647	152886
8	75623	115579	152835
7	75604	115511	152784
6	75585	115443	152732
5	75566	115375	152681
4	75547	115308	152630
3	75528	115240	152579
2	75509	115172	152527
1	75490	115104	152476
0	75471	115037	152426

41	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	65628	86980	132535
2	65650	87031	132568
3	65672	87082	132602
4	65694	87133	132636
5	65716	87184	132659
6	65738	87236	132703
7	65759	87287	132737
8	65781	87338	132770
9	65803	87389	132804
10	65825	87441	132838
11	65847	87492	132872
12	65869	87543	132905
13	65891	87595	132939
14	65913	87646	132973
15	65935	87698	133007
16	65956	87749	133041
17	65978	87801	133075
18	66000	87852	133109
19	66022	87904	133143
20	66044	87955	133177
21	66066	88007	133211
22	66088	88059	133245
23	66109	88110	133279
24	66131	88162	133314
25	66153	88214	133348
26	66175	88265	133382
27	66197	88317	133416
28	66218	88369	133451
29	66240	88421	133485
30	66262	88473	133519

*Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	75452	114959	152374
58	75433	114902	152323
57	75414	114834	152272
56	75395	114767	152222
55	75375	114699	152171
54	75356	114632	152120
53	75337	114565	152069
52	75318	114498	152019
51	75299	114430	151968
50	75280	114362	151918
49	75261	114296	151897
48	75241	114229	151817
47	75222	114162	151766
46	75203	114095	151716
45	75184	114028	151665
44	75165	113961	151615
43	75146	113894	151565
42	75126	113828	151516
41	75107	113761	151465
40	75088	113694	151415
39	75069	113627	151364
38	75050	113561	151314
37	75030	113494	151264
36	75011	113428	151215
35	74992	113361	151165
34	74973	113295	151115
33	74953	113228	151065
32	74934	113162	151015
31	74915	113096	150966
30	74896	113029	150916

41	<i>Senó</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	66284	88524	13355
32	66306	88576	13358
33	66327	88628	13362
34	66349	88680	13365
35	66371	88732	13369
36	66393	88784	13372
37	66414	88836	13376
38	66436	88888	13379
39	66458	87940	13383
40	66480	88992	13386
41	66501	89045	13389
42	66523	89097	13393
43	66545	89149	13396
44	66566	89201	13400
45	66588	80253	13403
46	66610	89306	13407
47	66632	89358	13410
48	66653	89410	13414
49	66675	89463	13417
50	66697	89515	13421
51	66718	89567	13424
52	66740	89620	13428
53	66762	89672	13431
54	66783	89725	13435
55	66805	89777	13438
56	66827	89829	13442
57	66848	89883	13445
58	66870	89935	13449
59	66891	89988	13452
60	66913	90040	13456

*Senó*



# S E C O N D O. 231

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	74876	112963	150866
28	74857	112897	150817
27	74838	112831	150767
26	74818	112765	150718
25	74799	112699	150659
24	74780	111633	150619
23	74760	112567	150570
22	74741	112501	150521
21	74722	112435	150471
20	74703	112366	150422
19	74683	112303	150373
18	74664	112238	150324
17	74644	112172	150275
16	74625	112106	150226
15	74606	112041	150177
14	74586	111975	150128
13	74567	111909	150079
12	74548	111844	150030
11	74528	111778	149981
10	74509	111713	149933
9	74489	111648	149884
8	74470	111582	149835
7	74451	111517	149786
6	74431	111452	149738
5	74412	111387	149690
4	74392	111321	149641
3	74373	111256	149593
2	74353	111191	149544
1	74334	111126	149496
0	74314	111061	149448

42	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	66935	90093	134599
2	66956	90146	134634
3	66978	90199	134669
4	66999	90251	134704
5	67021	90304	134740
6	67043	90357	134775
7	67064	90410	134811
8	67086	90463	134846
9	67107	90516	134882
10	67129	90569	134917
11	67151	90621	134953
12	67172	90674	134988
13	67194	90727	135024
14	67215	90781	135060
15	67237	90834	135095
16	67258	90887	135131
17	67280	90940	135167
18	67301	90993	135303
19	67323	91046	135238
20	67344	91099	135274
21	67366	91153	135310
22	67387	91206	135346
23	67409	91259	135382
24	67430	91313	135418
25	67452	91366	135454
26	67473	91419	135490
27	67495	91473	135526
28	67516	91526	135562
29	67538	91580	135598
30	67559	91633	135634

*Seno*

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	74295	110996	149399
58	74276	110931	149351
57	74256	110867	149303
56	74237	110802	149255
55	74217	110737	149207
54	74198	110672	149159
53	74178	110607	149111
52	74159	110543	149063
51	74139	110478	149015
50	74120	110414	148967
49	74100	110349	148919
48	74080	110285	148871
47	74061	110220	148824
46	74041	110156	148776
45	74022	110091	148728
44	74002	110027	148581
43	73983	109963	148633
42	73963	109899	148536
41	73944	109834	148538
40	73924	109770	148491
39	73904	109706	148443
38	73885	109642	148396
37	73865	109578	148349
36	73846	109514	148301
35	73826	109450	148254
34	73806	109386	148207
33	73787	109322	148160
32	73767	109258	148113
31	73747	109195	148066
30	73728	109131	148019

42	Seno	Tangente	Secante
31	67580	91687	135679
32	67602	91740	135707
33	67623	91794	135743
34	67645	91947	135779
35	67666	91901	135815
36	67688	61955	135852
37	67709	92008	135888
38	67730	92062	135924
39	67752	92116	135961
40	67773	92170	135997
41	67795	92223	136034
42	67816	92277	136070
43	67837	92331	136107
44	67859	92385	136143
45	67880	92439	136180
46	67901	92493	136217
47	67923	92537	136253
48	67944	92601	136290
49	67965	92655	136327
50	67987	92709	136363
51	68008	92763	136400
52	68029	92817	136437
53	68051	92872	136473
54	68072	92927	136511
55	68093	92980	136548
56	68115	93034	136585
57	68136	93088	136622
58	68157	93143	136659
59	68179	93197	136696
60	68200	93252	136733

Seno

# *S E C O N D O.*      235

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	73708	109067	147972
28	73688	109003	147925
27	73669	108940	147878
26	73649	108876	147831
25	73629	108813	147784
24	73610	108749	147738
23	73590	108686	147691
22	73570	108622	147644
21	73551	108559	147598
20	73531	108496	147551
19	73511	108432	147504
18	73491	108369	147458
17	73472	108306	147411
16	73452	108243	147365
15	73432	108179	147319
14	73412	108116	147272
13	73393	108053	147226
12	73373	107990	147180
11	73353	107927	147134
10	73333	107864	147087
9	73314	107801	147041
8	73294	107738	146995
7	73274	107676	146949
6	73254	107613	146903
5	73234	107550	146857
4	73215	107487	146811
3	73195	107425	146765
2	73175	107362	146719
1	73155	107299	146674
0	73135	107237	146628

43	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	68221	93306	136770
2	68242	93360	136807
3	68264	93415	136844
4	68285	93496	136881
5	68306	93524	136919
6	68327	93573	136956
7	68349	93633	136993
8	68370	93688	137030
9	68391	93742	137068
10	68412	93797	137105
11	68433	93852	137143
12	68455	93906	137180
13	68476	93961	137218
14	68497	94016	137255
15	68518	94071	137293
16	68539	94125	137330
17	68561	94180	137368
18	68582	94235	137406
19	68603	94290	137443
20	68624	94345	137481
21	68645	94400	137519
22	68666	94455	137556
23	68688	94510	137594
24	68709	94565	137632
25	68730	94620	137670
26	68751	94676	137708
27	68772	94731	137746
28	68793	94786	137784
29	68814	94841	137822
30	68835	94896	137860

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	73116	107174	145582
58	73096	107112	146537
57	73076	107049	146491
56	73056	106987	146445
55	73036	106925	146400
54	73016	106862	146354
53	72996	106800	146309
52	72976	106738	146263
51	72957	106676	146218
50	72937	106613	146173
49	72917	106551	146127
48	72897	106489	146082
47	72877	106427	146037
46	72857	106365	145992
45	72837	106303	145946
44	72817	106241	145901
43	72797	106179	145856
42	72777	106117	145811
41	72757	106056	145766
40	72737	105993	145721
39	72717	105932	145676
38	72697	105870	145631
37	72677	105809	145587
36	72657	105747	145542
35	72637	105685	145497
4	72617	105624	145452
33	72597	105562	145408
32	72577	105501	145363
31	72557	105439	145319
30	72537	105378	145274

43	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	68857	94952	137898
32	68878	95007	137936
33	68899	95062	137974
34	68920	95118	138012
35	68941	95173	138051
36	68962	95229	138089
37	68983	95284	138127
38	69004	95340	138165
39	69025	95395	138204
40	69046	95451	138242
41	69067	95506	138280
42	69088	95562	138319
43	69109	95618	138357
44	69130	95673	138396
45	69151	95729	138434
46	69172	95785	138473
47	69193	95841	138512
48	69214	95897	138550
49	69235	95952	138589
50	69256	96008	138627
51	69277	96064	138666
52	69298	96120	138705
53	69319	96176	138744
54	69340	96232	138783
55	69361	96288	138822
56	69382	96344	138860
57	69403	96400	138899
58	69424	96457	138938
59	69445	96513	138977
60	69466	96569	139016

*Seno*



	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
9	72517	105317	145216
8	72497	105255	145185
7	72477	105194	145141
6	72457	105133	145096
5	72437	105072	145052
4	72417	105010	145007
3	72397	104949	144963
2	72377	104888	144919
1	72357	104827	144875
0	72337	104766	144831
9	72317	104705	144787
8	72297	104644	144742
7	72277	104583	144698
6	72257	104522	144654
5	72236	104461	144610
4	72216	104401	144566
3	72196	104340	144523
2	72176	104279	144479
1	72156	104218	144435
0	72136	104158	144391
9	72116	104097	144347
8	72095	104036	144304
7	72075	103976	144260
6	72055	103915	144217
5	72035	103855	144173
4	72015	103794	144129
3	71995	103734	144086
2	71974	103674	144042
1	71954	103613	143999
0	71934	103553	143956

*Seno*

44	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
1	69187	95625	139055
2	69508	96681	139095
3	69529	96738	139134
4	69549	96794	139173
5	69570	96850	139212
6	66591	96907	139251
7	69612	96963	139291
8	69633	97020	139330
9	69654	97076	139369
10	69675	97133	139409
11	69696	97189	139448
12	69717	97246	139487
13	69737	97302	139527
14	69758	97359	139566
15	69779	97416	139606
16	69800	97472	139646
17	69821	97529	139685
18	69842	97586	139725
19	69862	97643	139764
20	69883	97700	139803
21	69904	97756	139843
22	69925	97813	139882
23	69946	97870	139922
24	69966	97927	139961
25	69987	97984	140001
26	70009	98041	140040
27	70028	98098	140080
28	70049	98155	140120
29	70070	98213	140160
30	70091	98270	140200

*Seno*

# SECONDO. 241

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
59	71914	103493	143912
58	71894	103433	143869
57	71873	103372	143826
56	71853	103312	143783
55	71833	103252	143739
54	71813	103192	143696
53	71792	103132	143653
52	71772	103072	143610
51	71752	103012	143567
50	71732	102952	143524
49	71711	102892	143481
48	71691	102832	143438
47	71671	102772	143395
46	71650	102713	143352
45	71630	102653	143309
44	71610	102593	143267
43	71590	102533	143224
42	71569	102474	143181
41	71549	102414	143139
40	71529	102355	143096
39	71508	102295	143053
38	71488	102236	143011
37	71468	102176	142968
36	71447	102117	142926
35	71427	102057	142883
34	71407	101998	142841
33	71386	101939	142799
32	71366	101879	142756
31	71345	101820	142714
30	71325	101761	142672

45

Q

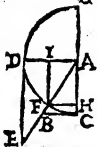
*Seno*

44	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
31	70112	98327	140243
32	70132	98384	140283
33	70153	98441	140324
34	70174	98499	140364
35	70195	98556	140404
36	70215	98612	140444
37	70236	98671	140485
38	70257	98728	140525
39	70277	98786	140565
40	70298	98843	140606
41	70319	98901	140646
42	70339	98958	140687
43	70360	99016	140727
44	70381	99073	140768
45	70401	99131	140808
46	70422	99189	140849
47	70443	99247	140890
48	70463	99304	140930
49	70484	99362	140971
50	70505	99420	141012
51	70525	99478	141053
52	70546	99536	141093
53	70567	99594	141134
54	70587	99652	141175
55	70608	99710	141216
56	70628	99768	141257
57	70649	99826	141298
58	70670	99884	141339
59	70690	99942	141380
60	70711	100000	141421

	<i>Seno</i>	<i>Tangente</i>	<i>Secante</i>
29	71305	101702	142530
28	71284	101642	142587
27	71264	101583	142545
26	71243	101524	142503
25	71223	101465	142461
24	71203	101406	142419
23	71182	101347	142377
22	71162	101288	142335
21	71141	101229	142293
20	71121	101170	142251
19	71100	101112	142209
18	71080	101053	142168
17	71059	100994	142126
16	71039	100935	142084
15	71019	100876	142042
14	70998	100818	142001
13	70978	100759	141959
12	70957	100701	141918
11	70937	100642	141876
10	70916	100583	141835
9	70896	100525	141793
8	70875	100467	141752
7	70855	100408	141710
6	70834	100350	141669
5	70813	100291	141628
4	70793	100233	141586
3	70772	100175	141545
2	70752	100116	141504
1	70731	100058	141463
0	70711	100000	141421

*Vso della Tauola passata. Cap. V.*

s 11. primi.



**P**ER mostrare il modo di seruirsi della passata Tauola, sia il triangolo rettangolo AFH : vno de' cui angoli acuti FAH sia dato di Gr. 31. Min. 24. Prolungato vn lato AH attorno all'angolo retto fino in C , & alla CA erizzata nell'estremo A la perpendicolare AD; fatto centro esso angolo dato: si descriua all'intervallo del lato AF , opposto all'angolo retto , il quadrante CD. Dunque per la 4. Def. il lato FH sarà'l Seno dell'opposto angolo A. Hassi a trouare la quantità di questo Seno. Trouato i Gr. 31, in capo della facciata, e 24. ne primo ordine ; habbiamo quiui nel secondo per diretto 52101. per lo Seno retto di esso angolo FAH , cioè per lo lato FH. Et nell'altra tacciata a rincontro trouiamo pure nel secondo ordine 85355. per lo Seno di Gr. 38. Min. 36. cioè del compimento di esso angolo FAH, che è la lF, cioè per l'altro lato AH, dimostrato nel Num. 4. del 2. Cap.

eguale

eguale alla IF.

Così medesimamente se'l dato angolo fusse lo IAF del triangolo IAF di Gr. 58. Min. 36. trouato in piè della tauola il Gr. 58. e nel primo ordine 36. haueremo per diretto nel secondo 85355. per lo lato IF, Seno dell'angolo IAF: & a rincontro nell'altra faccia 52101. per lo Seno FH del compimento di quell'angolo; cioè per lo lato IA, dimostrato eguale alla FH nel sopracitato Num. Il lato AF poi nell'vno, & nell'altro esempio è tutto'l Seno 100000. essendo semidiametro.

2 Se volemmo il Seno verso di vn dato arco FC, o angolo FAC, o vogliam dire la faetta HC del doppio di esso arco FC; caueremo da tutto'l Seno, o semidiametro AC 100000. il Seno del compimento dell'arco, o angolo dato, cioè la IF, cioè la AH eguale alla IF 85355. come si è dimostrato nel Num. soprapolto: che'l rimanente, 14645. sarà'l Seno verso, che si cerca, cioè la HC.

3 Et se si cercasse il Seno dell'angolo FAG ottuso di Gr. 148. Min. 36. sottraggasi quest'angolo da' due retti

GAD, DAC Gr. 180. Rimarrà l'angolo FAC Gr. 31. Min. 24. Il Seno tanto retto, quanto del compimento dell'angolo FAC trouato quì sopra nel Num. 1. è il Seno retto, e del compimento dell'angolo FAG, come si disse nel Num. 1. del Cap. 2.

4 Se poi al semidiametro AG 100000. aggiugneremo la IF Seno del compimento del detto angolo FAC, cioè la AH, alla IF dimostrata eguale, &c. cioè 85355. la somma 185355. farà la GH Seno verso del medesimo angolo FAG, o arco FDG.

5 Il medesimo delle Tangenti, e delle Secanti. Poiche, se ne sia proposto vn triangolo rettangolo ABC, vno de' cui angoli acuti BAC sia dato di Gr. 31. Min. 24. fatto centro l'angolo dato, e descritto sopra esso all'intervallo del lato AC attorno all'angolo retto il quadrante CD, &c. come di sopra: il lato BC farà la Tangente, & lo AB la Secante del dato angolo, come si hà nelle Def. 11. e 12. Dunque trouato al medesimo modo il dato numero di Gr. 31. Min. 24. haueremo nel terzo ordine 61040. per la Tangente BC, & nel

quarto



quarto 117158. per la Secante AC. Et a rincontro ne' medesimi ordini 163826. & 191935. per la Tangente DE, & per la Secante AE dell'angolo DAE compimento del BAC: intendendo poste le AC, AD tutto'l Seno 100000. come semidiametri del quadrante CD, che elle toccano, o segano.

6 Ma se vogliamo la Tangente, & la Secante dell'angolo BAG ottuso di Gr. 148. Min. 36. cauifi questo tale angolo da due retti Gr. 180. come del Seno si è qui sopra detto nel Num. 3. Rimarrà l'ango'o BAC Gr. 31. Min. 24. La Tangente, & Secante di quest'angolo BAC, & del suo compimento, trouate qui sopra nel Num. 5. faranno le Tangenti, e Secanti dell'angolo ottuso BAG, & del suo compimento DAB, come dicemmo nel 2. Num. del 3. Cap.

7 Al contrario, se ne si dia vn Seno 52101. per trouare l'arco, o angolo corrispondente, entreremo nella tauola nella colonna de'Seni; e, trouato questo numero proposto: subito vediamo, che a questo Seno corrispondono Gr. 31. Min. 24. e tanto diremo, che sia l'arco, o angolo rispondente. Ma se'l Se-

no proposto fusse 85742. perche cosi preciso non vi è nella tauola; pigliremo i Seni 85731. 85747. immediata- mente minore, immediatamente mag- giore. Sottrarremo il minore dal no- stro. Rimarrà 11. Caueremo il nostro dal maggiore: resterà 5. Perche dun- que il maggiore è men lontano dal no- stro, che'l minore: diremo, che al Seno proposto 85742. si deuono Gr. 59. Min. 2. quanti cioè corrispondono al mag- gior Seno trouato 85747. niun conto facendo della differenza 5. che si perde. Così faremo per appunto, bisognando, quanto alle Tangenti, & Secanti.

8 Sia 30705. il Seno del compi- mento di vn'angolo. Vogliamo il nu- mero de' Gr. & c. Si pigli il Seno 30708. più vicino: all'incontro del quale nell' altra faccia sono Gr. 72. Min. 7. Tanti sono i Gr. rispondenti al Seno dell'ar- co, od angolo; il Seno del cui compi- mento è 30705. Il medesimo delle Tan- genti, e delle Secanti.

9 Et, se dato vn Seno verso, o faet- ta HC di parti 14645. & si voglia l'ar- co, o angolo rispondente; causi dalla AC 100000. come Seno tutto. Rimar-

rà la AH, cioè la IF, dimostrata alla AH eguale nel Cap. 2. Num. 4. di parti 85355. Seno cioè del compimento dell'arco CF, o angolo CAF. Dunque ha-ueremo per esso arco, o angolo CF, CAF, Gr. 31. Min. 24. & il suo doppio Gr. 62. Min. 48. sarà l'arco douuto alla saetta H. Et se quel, che rimane, non si trouasse preciso nella tauola; si pigli il Seno del compimento più vicino, come si è detto di sopra nel Num. 7.

10. Se'l Seno verso proposto sia, per esempio, 104556. cioè maggiore di tutto'l Seno: se ne caui esso Seno tutto. Rimane 4556. per lo Seno del compimento dell'arco, o angolo, che si cerca; al quale si deuono Gr. 2. Min. 37. che aggiunti al quadrante; habbiamo Gr. 92. Min. 37. per l'arco, o angolo del Seno verso proposto: il che è chiaro per le cose dette di sopra.

11. Dato poi vn'arco, troueremo facilmente la sua corda; &, data la corda nelle parti di tutto'l Seno: troueremo l'arco con altrettanta facilità. Il Seno retto della metà dell'arco proposto, sarà la metà della corda, che cerchiamo. Et se alla metà della corda,

data

data nelle parti di tutto'l Seno, troueremo l'arco corrispondente: il suo doppio sarà l'arco, che si cerca. Le quai cose, senza altro esemplo, sono, per le cose dette, manifestissime.

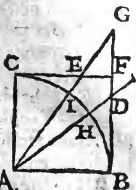
Se poi co' Minuti ne capitassero per le mani anche i Secondi; se saran più di 30. si porranno per vn Minuto intero, & aggiugnerassi agli altri. Se saran meno, si lascieranno andare: & se saran 30. apunto, sarà in libertà nostra o di porli per vn Min.o di lasciarli del tutto.

*Come nel Quadrante Astronomico si possano i Gr. & Min. conuertire in parti millesime del Quadrato Geometrico: Et all'incontro le parti millesime di questo ridurre a' Gr. e Min. del Quadrante. Cap. VI.*

**I** NON sarà discaro questo precetto, per esser vtile in molte operationi. Sia nel Quadrante ABC l'angolo BAD Gr. 38. Min. 40. Si cerchino le parti dell'ombra BD millesime, rispóndenti nel Quadrato ABFC all'angolo detto. Perche, posto il lato AB tutto'l Seno, la BD è Tang. dell'an-

golo

Solo BAD ; se nella Tauola troueremo il numero dei Gr. & Min. dell'angolo proposto BAD : haueremo la Tang. 80020. dalla quale leuate le due figure dalla banda destra; refterà 800. per le parti millesime dell'ombra BD. La A. ragione, perche si lieuino le due figure dalla banda destra, è questa, che la Tang. 80020. è calcolata a ragione di tutto'l Seno AB 100000. Ma qui'l Seno tutto AB è 1000. due figure meno di 100000. Dunque anche dalla Tang. si deono leuare le due figure, che diciamo.



Et se sia l'angolo CAE Gr. 35. Min. 34. trouati questi Gr. e Min. nella Tauola ; haueremo 715. per la Tang. o ombra CE dell'angolo CAE.

2 Et se volessimo le parti del compimento BAG, cioè l'ombra BG, ridurremo la CE alla BG, come insegnammo nel Cap. 2. del 1. Lib. Num. 2. che per le parti della BG haueremo 1398. Ouero, trouato il compimento dell'an-

golo CAG , che sarà Gr. 54. Min. 26. haueremo nella Tauola, lasciate le due figure dalla man destra , 1398. per la Tang. o ombra BG dell'angolo BAG.

3 Al contrario, se sia il Quadrato ABFC , & habbiamo l'ombra BD 800. se nella Tauola trouaremo la Tang. 800. lasciate le due figure a man dritta : haueremo Gr. 38 Min. 40. per l'arco BH , cioè per l'angolo EAH , a ragione di Gr. e Min. rispondenti all'ombra BD.

Al medesimo modo troueremo , all'ombra CE 715. rispondere per l'arco CI , cioè per l'angolo CAI , Gr. 35. Min. 34.

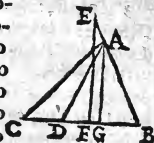
4 Et se l'ombra BG , ridotta , sia parti 1398. haueremo al medesimo modo Gr. 54. Min. 26. per l'angolo rispondente BAG . Il quale haueremo anche, come compimento dell'angolo CAE a rincontro nella tauola: ouero cauando dal retto BAC l'angolo CAE Gr. 35. Min. 34. Sicche, a voglia nostra, del Quadrante faremo Quadrato , e del Quadrato Quadrante con molta facilità, operando per li precetti di questo Cap.

*Della dottrina de' Triangoli rettilinei.  
Cap. VII.*

**Q**UESTA dottrina, trattata da altri con molta lunghezza, risolveremo noi in vndeci propositioni, secondo il proposito nostro.

*DVE lati, quai si sieno, in ogni triangolo rettilineo han fra loro la proportion medesima, che i Seni degli angoli opposti. Prop. I.*

**I** SIA prima il triangolo rettangolo ACG. Dico, che'l lato AG è al lato CG, come il Seno dell'angolo C al Seno dell'angolo CAG: che'l lato CG è al lato AC, come il Seno dell'angolo CAG al Seno dell'angolo retto AGC. Ciò è chiaro per le cose dette fin qui. Possiache, se facciamo semidiametro il lato AC, lo AG è'l Seno dell'angolo opposto ACG, & il CG il Seno dell'angolo opposto CAG, & l'AC, semidiametro, tutto'l Seno dell'opposto



angolo

angolo retto AGC. Dimanierache, essendo tutt'vno il lato AG, e'l Seno dell'angolo C; il lato CG, e'l Seno dell'angolo CAG; & il lato AC col Seno dell'angolo retto AGC: è manifesto, che'l lato AG è al lato CG, come il Seno dell'angolo C, cioè come esso lato AG, al Seno dell'angolo CAG, cioè ad esso lato CG, &c. per esser sempre proportionione d'identità.

2 Sia il triangolo ABD isoscele. Dico, che il lato AB è al lato AD, come il Seno dell'angolo ADB al Seno dell'angolo B. Perche gli angoli ADB, ABD sono eguali; eglino haueran Seni eguali, come si è dimostrato nel Num. 1. del 2. Cap. Dunque il lato AB sarà al lato AD eguale, come il Seno dell'angolo ADB al Seno dell'angolo B.

3 Ma sia scaleno il triangolo ABC. Dico che il lato AB è a'l lato AC, come il Seno dell'angolo C al Seno dell'angolo B. Si allunghi il minor lato AB dalla parte di A fino in E, che la BE sia eguale al lato AC, per semidiametro: & si faccian cadere nella base BC le perpendicolarie EE, AG. Perche dunque le EF, AG sono parallele i triangoli BEF,

BAG

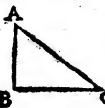
5. pri-  
ni.schol. 7  
quinti.29. pri-  
ni.  
coroll.  
4. sexti.



BAC faranno simili: e però sarà la BE, e 4. sexti  
 cioè il lato eguale AC, alla EF, Seno  
 dell'angolo opposto B, come'l lato AB  
 alla AG, Seno dell'opposto angolo C.  
 f Et permutando, il lato AC al lato AB, f 16. qui  
 come il Seno EF al Seno AG. Che è'l ti.  
 proposito. Così dimostreremo, essere il  
 lato BD al lato AD nel triāgolo ABD,  
 come il Seno dell'angolo BAD al Seno  
 dell'angolo ABD, &c. Et il lato BC a  
 qual lato vogliamo AB nel triangolo  
 ABC, come il Seno dell'angolo BAC  
 al Seno dell'angolo C, allungando sem-  
 pre il minor lato sopra la base, &c. co-  
 me di sopra.

*DATO vno degli angoli acuti nel trian-  
 golo rettangolo, venire in cognitione  
 della proportion de' lati. Prop. II.*

**NEL** triangolo rettangolo ABC  
 sia dato l'angolo A di Gr. 53. Min. 8. In  
 due modi haueremo la proportion de'  
 lati. Prima, posto il lato AC, sotteso  
 all'angolo retto, tutto'l Seno 100000.  
 troueremo nella tauola per lo Seno  
 dell'angolo A, cioè per lo lato BC,  
 80003. all'incontro del quale habbia



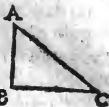
mo 59995. per lo Seno del compimen-  
to di esso angolo A, cioè  
per lo lato AB; come nel  
Cap. 5. Num. 1. si è de-  
chiarato. Diremo dun-  
que, che'l lato AB hab-  
bia al lato BC la proportion di 59995.  
a 80003. & il lato BC all' AC quella di  
80003. a 100000.

2 *Secondo.* Posto vn lato AB attor-  
no all'angolo retto tutto'l Seno 100000.  
il BC sarà Tangente, & l'AC Secante  
dell'angolo A, per le Def. 11. 12. Tro-  
uate dunque, per lo precetto del Cap.  
5. al Num. 5. queste linee nella tavola:  
diremo, che'l lato AB habbia al lato BC  
la proportion di 100000. a 133349.  
& il BC all'AC quella di 133349. a  
166679. Così possiamo porre il lato  
BC tutto'l Seno, e reggerci con l'ango-  
lo C Gr. 36. Min. 52. & compimento  
dell'angolo A, &c.

*DATO vn lato con vno degli angoli acu-  
ti nel triangolo rettangolo, trouar  
gli altri lati. Prop. III.*

1 NEL triangolo rettangolo ABC

fia dato prima il lato AC, opposto all' angolo retto di braccia 15. & l'angolo A di Gr. 53. Min. 8. Bisogna di trouare la quãtità degli altri lati. Perche, posto tutto'l Seno il lato AC, a gli altri AB, BC sono i Seni degli āgoli opposti: B



a huius.

se faremo: Come tutto'l Seno 100000. dell'āgolo retto B a 80003. Seno dell'angolo A, così Br. 15. del lato AC ad altro; haueremo per lo lato BC Br. 12. Et se facciamo: Come tutto'l Seno del medesimo angolo B a 59995. Seno del compimēto di esso angolo A, cioè dell'angolo C, così Br. 15. lato AC, ad altro; trouaremo Br. 9. per lo lato AB.

b 23. pri.

**ALTRAM.** Pôgasi tutto'l Seno qual lato vogliamo AB attorno all'angolo retto. La BC sarà Tangente, & la AC, Secāte dell'angolo A. Dūque facciafi: Come 166679. Sec. dell'angolo A, a 133349. Tang. del medesimo, così Br. 15. lato AC, a Br. 12. lato BC. Et come la Sec. medesima 166679. a tutto'l Seno 100000. così Br. 15. lato BC, a Br. 9. lato AB.

2 Sia ora dato vn lato AB attor-

1. huius

32. pri.

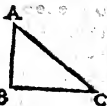
no all'angolo retto di Br. 9. col medesimo angolo A Gr. 53. Min. 8. Facciafi il lato AC tutto'l Seno.  $\text{e}$  Lo AB tarà'l Seno dell'angolo C,  $\text{e}$  l BC il Seno dell'angolo A,  $\text{e}$  Si faccia dunque : Come 59995. Seno dell'angolo C,  $\text{a}$  compimento dell'angolo A,  $\text{a}$  80003. Seno dell'angolo A,  $\text{\&}$  a 100000. Seno tutto dell'angolo retto B; così Br. 9. del lato AB a Br. 12. del lato BC,  $\text{\&}$  a Br. 15. dell'AC.

*ALTRAM.* Fatto il lato AB dato tutto'l Seno, i BC, AC sono la Tang.  $\text{\&}$  la Sec. dell'angolo A. Facciafi dunque: Come tutto'l Seno 100000. a 133349.  $\text{\&}$  a 166679. Tang.  $\text{\&}$  Sec.  $\text{\&c.}$  così Br. 9. lato AB, a Br 12. e 15. de' lati BC, AC.

*AVVISO.* Quando si dà il lato opposto all'angolo retto, si suole operare co' Seni : e quando il lato dato è de' due attorno al retto, posto il lato dato tutto'l Seno ; ci seruiamo delle Tang.  $\text{\&}$  Sec. con molta commodità.

**DATI** nel triangolo rettangolo due lati quai si sieno, trouare la quantità de' due angoli acuti, e' l terzo lato.  
*Prop. IV.*

**I** SIA prima dato il lato AC, opposto all'angolo retto, nel triangolo ABC di Br. 15. col lato BC 12. Si cerca di qui la quantità degli angoli acuti A, C, e del terzo lato AB. Fatto il lato AC tutto'l Seno, e gli altri BC, AB faranno i Seni degli angoli opposti. Diremo dunque. Se la AC 15. è tutto'l Seno 100000. che farà la BC 12? Haueremo per la BC, cioè per lo seno dell'angolo A, 80000. a cui rispondono nella Tauola la Gr. 53. Min. 8. Adunque il suo cõpimento C sarà Gr. 36. Min. 52. e Si che haueremo anche l'altro lato AB Br. 9.



« 1. huius

632. pri.  
63. huius.

**ALTRAM.** Pongasi il lato dato BC attorno all'angolo retto tutto'l Seno. Lo AC altro lato dato farà la Sec. dell'angolo C. Si che diremo. Poiche la BC 12. è tutto'l Seno 100000. che farà la AC 15? Troueremo per essa

R 2 Sec.

Sec. AC. 125000. alla quale nella Tauo  
la corrispondono Gr. 36. Min. 52. e tã-  
to sarà l'angolo C. *d* Per conseguenza  
il suo compimenro A sarà Gr. 53.  
Min. 8. *e* E però troueremo anche  
l'altro lato AB 9.

2 Sieno ora dati i due lati AB, BC  
attorno all'angolo retto Br. 9. e 15. &  
habbianfi a trouare, come di sopra, gli  
angoli acuti, e'l terzo lato AC. Posto  
tutto'l Seno vno de'lati dati AB; il BC  
sarà la Tang. dell'angolo A. Adunque  
diremo. Poi che la AB 9. è tutto'l Se-  
no 100000. che sarà la BC 12? Hauere-  
mo per essa Tang. BC 133333. alla  
quale nella tauola rispondono Gr. 53.  
Min. 8. per l'angolo suo A. Et a rincò-  
tro troueremo Gr. 36. Min. 52. per l'  
angolo C, *f* compimento dell'angolo  
A. *g* Dunque haueremo anche la quã-  
tità dell'altro lato AC.

3 Il quale terzo lato possiamo an-  
che hauere così. Dati i lati AB, BC 15.  
e 12. *b* perche'l quadrato 225. del lato  
AC è eguale a' due quadrati delle AB,  
BC; se da esso 225. se ne cani il quadrato  
144. della BC: rimarrà'l quadrato 81.  
della AB. E però la sua radice 9. sarà'l

terzo lato AB. Per la medesima ragione se si dieno i due lati AB, BC attorno all'angolo retto 9. e 12. la somma 225. de' lor quadrati sarà l'quadrato del terzo lato AC, & la sua radice 15. esso lato.

*SE in vn settore di circolo il semidiametro seghi la corda del suo arco comunque si sia; i segamēti di essa corda haueran' fra loro la proportione medesima, che i Seni degli angoli, contenuti nel centro dal detto semidiametro, e dagli altri, che formano il settore. Prop. V.*

NEL settore ABCD di vn circolo seghi il semidiametro DB la corda AC in F, come si voglia. Dico, che'l segamento CF è al segamento FA, come il Seno dell'angolo BDC al Seno dell'angolo ADB. Facciāsi cadere al semidiametro DB le perpendicolari CG, AF dagli estremi C, A della corda AC: le quali per la 4. Def. saranno i Seni degli angoli BDC, BDA. Perche dunque ne triā



a 15. pri.

goli CGF, AEF gli angoli in F alla ci-  
ma sono eguali, & eguali anche i G, E  
retti, *b* & c. effi triangoli faranno equi-  
angoli. *e* E però la CF farà alla CG,  
come la AF alla AE. Et, *d* permutan-  
do, la CF alla AF, come la CG alla  
AE, cioè come il Seno dell'angolo  
BDC al Seno dell'angolo BDA. Che  
è'l proposito.

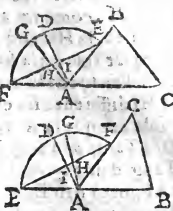
*DAT A la somma di due angoli in qual-  
siuoglia triangolo obliquangolo, con  
la quantità de' lati opposti: venire  
in cognitione di ambedue quegli an-  
goli separatamente. Prop. VI.*

*1* NEL triangolo ABC sia dato l'an-  
golo A di Gr. 53. *a* La somma degli al-  
tri due B, C farà Gr. 127. Sieno anche  
dati i lati AB, AC Br. 10. Br. 13. Si cer-  
ca la quantità dell'angolo B, e dell'an-  
golo C. Allunghisi vno de' lati dati dal  
la parte dell'angolo A noto, &, fatto  
centro esso angolo A; si descriua la pe-  
riferia EDGF: *b* & da A si tiri la AG  
parallela al lato BC. *e* Diuidasi con la  
AD in due parti eguali l'angolo EAF,  
& si meni la corda EF. Perche dunque

ne'tri-



ne' triangoli AIE, AIF i lati AE, AF sono eguali, per essere ambedue semidiametri, & lo AI è comune; & eguali anche gli angoli EAI, FAI, che così si son divisi: *d* anche i lati EI, FI, e gli angoli AIE, AIF



faranno eguali; *e* e però retti. *f* E perche l'angolo EAF esterno è eguale agl'interni, & opposti B, C: sarà esso angolo EAF Gr. 127. Abbiamo la proportion del lato AB al lato AC, cioè la quantità loro, di 10. a 13. *g* Ma il lato AB è al lato AC, come il Seno dell'angolo C al Seno dell'angolo B. Dunque il Seno dell'angolo C è al Seno dell'angolo B, come 10. a 13. *h* Conciòsiacoltache dunque gli angoli FAG, GAE sieno eguali agli angoli C, B, ciascuno a ciascuno; sarà anche il Seno dell'angolo FAG al Seno dell'angolo GAE, come 10. a 13. *i* Male FH, HE hanno fra loro la proportion medesima, che'l Seno dell'angolo FAG al Seno dell'

*d* 4. pri.*e* 13. pri.*f* 32. pri.*g* 1. huius*h* 29. pri.*i* 5. huius

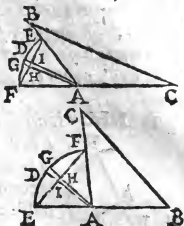
R 4 angolo

angolo GAE. Adunque la FH alla HE sarà, come 10. a 13. Sicche, posta la FH 10. la HE sarà 13. & tutta la FE 23. quãto cioè è la somma de' lati AB, AC. Per lo che la metà FI sarà  $11\frac{1}{2}$ . & la HI differenza fra esse FH, HE  $1\frac{1}{2}$ . Posta dunque la AI tutto'l seno, la IF sarà Tang. dell'angolo IAF, & la IH Tang. del'angolo IAH. Ma l'angolo IAF, metà dell'EAF, è Gr. 63. Min. 30. E però la sua Tang. sarà 200569. Diciam dunque. Se la IF  $11\frac{1}{2}$  è la Tang. 200569. che sarà la IH  $1\frac{1}{2}$ ? Haueremo per la Tang. IH 26161. alla quale nella tauola rispondono Gr. 14. Min. 40. E tanto sarà l'angolo IAH. Se dunque caueremo quell'angolo IAH dall'angolo IAF Gr. 63. Min. 30. metà dell'EAF, cioè della somma de' due angoli B, C ignoti: rimarrà l'angolo FAG, cioè l'eguale BCA Gr. 48. Min. 50. Et se'l medesimo angolo IAH si aggiugnerà all'angolo EAI pure Gr. 63. Min. 30. altra metà della somma de' medesimi angoli B, C; haueremo Gr. 78. Min. 10. per l'angolo EAG, cioè per lo ABC. Che è'l proposito.

Non altramente verremo in cogni-

tione

cione degli angoli C, B detti, se'l tri-  
golo habbia l'ã-  
golo A dato ot-  
tuso. Poiche,  
per le medesime  
dimostrationsi, la  
FH sarà alla HE,  
come 10. a 13 &c.  
intendendo però  
l'ãgolo BAC nel-  
la prima figura. E  
Gr. 128. & nella seconda Gr. 100. & la  
somma de gli altri due, = cioè l'ango-  
lo EAF nella prima figura Gr. 52. &  
nella seconda Gr. 80.



32.pri.

2 Quando poi nel proposto trian-  
golo la proportionc de'Seni de' detti  
angoli opposti sia d'egualità, cioè che i  
lati dati sien fra loro eguali: = anche  
essi angoli incogniti saranno eguali. On-  
de, come è manifesto, basterà di diui-  
der per mezzo la somma loro: che cias-  
cuna metà sarà vno degli angoli, che  
si cercano.

5.pri.

*IN ogni triangolo di lati noti trouare la quantità della retta frapresa tra uno degli angoli, & la settione, che fa nella base la perpendicolare, cadēte dall'angolo opposto. Prop. VII.*

**I** NEL triangolo ABC, i cui lati



AB Br. 13. AC Br. 20. & la base BC Br. 21.0, nella seconda figura, Br. 11. habbiasi a trouare la quantità della retta BG, o CG, intrapresa cioè fra l'angolo B, o C, & l'intersezione G, che fa nella base BC, anche allungata, se bisogna, la perpendicolare AG, tirata dall'angolo opposto A. Fatto centro l'angolo A, dōde cioè s'ha a spiccare la perpendicolare, si descriua all'interuallo del maggior lato AC la periferia EF: & si prolunghi la base CB fino in D, e'l minor lato AB dall'vna, e dall'altra parte fino in E, F. Perche dunque le AC, AE, AF sono eguali, per esser tutte semidiametri, la BE sarà la somma de'due lat:

AB

AB, AC cioè 33. & l' BE la differenza tra essi lati, cioè 7. <sup>a</sup> Conciosiacoſa dunque, che'l rettangolo ſotto le DB, BC ſia eguale al rettangolo ſotto le FB, BE; ſe'l prodotto 231. della FB nella BE venga diuiſo per la BC 21. o 11: haueremo 11. ouero 21. per la DB, che aggiunta alla BC; farà 32. per la DC. <sup>b</sup> Ma eſſa DC è dalla AG ſegata in G egualmente. Sarà dunque la GC 16. che è la quantità della retta tra la ſeſſione G, e' più remoto angolo C. Si che, ſe nella prima figura ſottrarremo eſſa GC da tutta la baſe BC 21. & nella ſeconda da eſſa GC ne caueremo la baſe BC 11. rimarrà 5. per la BG, retta contenuta tra la detta ſeſſione G, e' più vicino angolo B.

<sup>a</sup> 35. ter  
tij.

<sup>b</sup> 3. ter  
tij.

**AVVISO.** <sup>c</sup> Nel triangolo equilatero, o iſoſcele la baſe è ſegata da eſſa perpendicolare in due parti eguali. Dunque la ſua metà farà la retta, che ſi cerca &c.

<sup>c</sup> ſchol.  
26. pri.

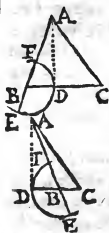
### C O R O L L A R I O.

NEL triangolo ſcaleno quando la metà ſopradetta farà minore della baſe, ſarà ſegno, che la perpendicolare caderà, per entro al triangolo: ſe maggiore per di fuori come è manifeſto, per le coſe dimoſtrate in queſta Prop.

IN

*IN ogni triangolo, dati i lati, & i segmenti fatti dalla perpendicolare nel'abasse, trouare la quantità di essa perpendicolare. Prop. 11X.*

**I** NEL triangolo ABC, i cui lati AB 13. AC 15. la base BC. 14. o 4. hã



trouati i segmenti DC

DB 9. e 5. & si habbia a

trouare la quantità di es-

sa perpendicolare AD. Si

prolūghi vn lato, qual vo-

gliamo, AB fino in E, che

la BE sia eguale alla BD,

al cui intervallo, fatto cẽ

tro l'angolo B, si descriua

la periferia EDF; a la

quale sarà toccata dalla

perpendicolare AD in D. *b* Dunque il

rettangolo sotto le AE, AF sarà egua-

le al quadrato della AD. Ma la AE è

la somma de'lati AB, BD: & la AF la

differenza fra essi lati, per essere egua-

li le BE, BD, BF semidiametri. Di

modoche, se moltiplicheremo 18. AE

per 8. AF: il prodotto 144. sarà'l qua-

drato, & la sua radice 12. la quãtità de'

la pe, & calcolare AD. Che'l proposito.

coroll.  
5.tertij.  
36.ter.

2 *ALTRAM.* Senza allungare il lato, e descriuer la periferia, haueremo la quantità di essa perpendicolare, cioè del lato AD nel triângolo ABD, o ACD per lo Num. 3. della 4. Prop.

3 *IN vn'altro modo nel triangolo equilatero.* Siane proposto di trouare la perpendicolare in vn triângolo equilatero, il cui lato Br. 6. e Perche il quadrato del lato è al quadrato della perpendicolare come 4. a 3. se faremo: Come 4. a 3. così 36. quadrato del lato, ad altro : haueremo 27. per lo quadrato della perpendicolare. Siche essa perpendicolare sarà R<sub>x</sub>. 27.

612 quar  
tidec.

4 *AVVISO.* Per hauere la perpendicolare nel trapezio ABFE, il cui lato AB sia noto, per esempio, di Br. 13. piglieremo nella base BF, doue de' cadere la perpendicolare, vn interuallo BC, quanto vogliamo, come di Br. 14. & tirata la AC occulta, troueremo la sua quantità nelle parti della BC o per lo Num. 5. del Cap. 1. del 1. Lib. o più esattamente per li Num. 4. e 5. del Cap. 3. Poiche vedremo, la AC essere



parti

parti 1071. rispetto alla BC 1000. Onde, trasportata questa minutia  $\frac{1071}{1000}$  in quattordicesime, per essersi presa la BC 14. haueremo per la AC  $\frac{15}{14}$ . Cioè ella sarà 15. rispetto alla BC 14. Per la qual cosa, essendo nel triangolo ABC noti tutti i lati, haueremo per lo 1. Num.Br. 12. per la perpendicolare AD. Il medesimo si offeruerà nel trapezio ABGE, allungando la base BG, & operando per appunto nello stesso modo.

5 Nelle figure regolari la perpendicolare dal centro al lato, insieme col semidiametro, si hauerà per via de' Seni, e delle Tangenti, & Secanti. Come *d* nel



Pentagono regolare i cinque angoli sono eguali a sei retti. Duidansi dunque sei angoli retti Gr. 540. per 5. numero degli angoli della figura proposta. Haueremo nel quoziente Gr. 108. per la quantità dell'angolo EBC del Pentagono. Et perche per le cose dimostrate nella Prop. 12. del quarto lib. d'Euclide, il semidiametro AB sega l'angolo EBC della figura regolare egualmente in due parti; e &

*d* schol.  
32. pri.

e 3. tertij

in



in due parti medesimamente eguali sega la perpendicolare AD il lato EB della figura predetta: pongasi la BD, metà del lato, tutto'l seno. La DA sarà Tang. & la AB Secante dell'angolo DBA Gr 54. Dunque per lo Num. 2. della 3. Prop. verremo in notizia tanto della AD, quanto della AB &c.

*DATI due angoli nel triangolo obliquo, trouare la proportion de' lati. Prop. IX.*

1° NEL triangolo ABC obliquo sia dato l'angolo A di Gr. 82.

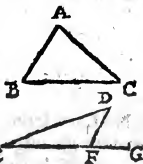
Min. 49. & l'angolo B di Gr. 55. Min. 46.

E però anche il Terzo C di Gr. 41.

Min. 15. Si cerca la proportion de' lati.

Habbiamo nella Tavola per lo Seno dell'

angolo A 99215. per lo Seno dell'angolo B 82675. & per lo Seno dell'angolo C 66153. Siche il lato BC sarà al lato AC, come 99215. a 82675. & il lato AC al lato AB, come 82675. a



a 32. pti.

b 1. hui.

66153. &c.

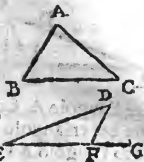
2 Sieno ora dati nel triägolo DEF gli angoli D Gr. 49. Min. 28. E Gr. 22. Min. 20. e e però anche l'altro EFD Gr. 108. Min. 12. Il Seno dell'angolo-D farà 76003. quello dell'angolo E 37999. e quello dell'angolo EFD farà, per lo Num. 3. del Cap 5. il medesimo, prolungato il lato EF, che quello dell'angolo DFG Gr. 71. Min. 48. & compimento per due retti, cioè 94997. Dunque il lato EF farà al lato FD, come 76003. a 37999. & il lato ED al lato EF, come 94997. a 76003. &c. Che è'l proposito.

*DATI due angoli con vn lato nel tri-  
angolo obliquängolo trouare la quã-  
tità degli altri due lati. Prop. X.*

NEL medesimo triangolo ABC sie-  
no dati gli angoli al medesimo modo  
col lato BC Br. 18. Si cerca la quanti-  
tà degli altri due lati AB, AC. a Per-  
che si è quiui trouata la proportionẽ  
de'lati; se facciamo: b Come 99215.  
Seno dell'angolo A, a 66153. Seno del-  
angolo C, così il lato BC 18. ad altro:

haue-

haueremo Br. 12. per lo lato AB. Et se facciamo *b* Come il medesimo Seno 99215. del detto angolo A a 82675. Seno dell'angolo B, B così 18. lato dato BC ad altro: troueremo Br. 15. per lo E terzo lato AC.



Se parimente nel triangolo DEF si faccia: *b* Come 94997 Seno dell'angolo EFD a 76003. & a 37999. Seni degli angoli D, E, così il lato DE dato, per esempio, di Br. 10. a' lati EF, DF: haueremo per essi Br. 8. e Br. 4. Che è'l proposito.

*DATI due lati nel triangolo obliquo con l'angolo contenuto da essi lati; inuestigare il lato terzo. Prop. XI.*

NEL triangolo ABC obliquo sieno dati i lati AB, AC Br. 32. Br. 40. con l'angolo A da essi compreso di Gr. 22. Min. 20. Si cerca il terzo lato BC. Imaginanci tirata la BD al maggior lato AC perpendicolare: & la quale

*schol.*  
13. secū.

S caderà

19. pri.

17. pri.

caderà per entro al triangolo.  $\delta$  po  
che, per essere l'a  
golo B maggiore  
dell'angolo C; e fa  
rà esso angolo  
acuto, quale è an



3. huius

che l'angolo A. Conciosiacosache dun  
que nel triangolo rettangolo ABD f  
dato l'angolo A Gr. 22. Min. 20. con v  
lato AB 32.  $\delta$  haueremo anche gli alt  
lati BD  $12\frac{15968}{100000}$ . AD  $29\frac{996}{100000}$   
che cauato dal lato AC 40. rimane  
 $10\frac{40032}{100000}$ , per la DC. Poiche dunqu  
hauemo noti due lati BD, DC nel tr  
angolo rettangolo BCD: trouerem  
per lo Num. 2. della 4. Prop. Br. 16. p  
lo lato BC. Ouero, trouato per lo m  
desimo Num. l'angolo C Gr. 49. Min. 2  
perche nel triangolo obliquangolo AB  
sono noti due angoli A, & C con vn l  
to AB, o AC 32. o 40.  $\delta$  haueremo per  
Br. 16. per lo lato BC.

10. hu-  
ius.

17. pri.

Ma siasi nel medesimo triangolo AB  
conosciuto l'angolo B di Gr. 108. M  
12. & i lati dati sieno 1 BA, BC Br. 3  
e Br. 16. & si debba trouare il terzo l  
to AC. Perche l'angolo B è maggio  
di vn retto,  $\delta$  l'angolo C sarà acuto

ntédasi tirata da esso angolo C all'op-  
 posto lato AB, prolungato, la perpen-  
 dicolare CE, & la quale caderà di fuo-  
 ri del triangolo. Perche dunque nel  
 triangolo ABC l'angolo B è Gr. 108.  
 Min. 12. & l'angolo conseguente CBE  
 sarà Gr. 71. Min. 48. Onde, essendo da-  
 to nel triangolo CBE l'angolo CBE  
 Gr. 71. Min. 48. con vn lato BC 16.  
 & haueremo anche i lati CE  $15\frac{19952}{100000}$ .  
 BE 5. che, aggiunto all'AB, si fa la AE  
 37. Per la qual cosa, essendo noti due  
 lati AE, EC 37.  $15\frac{19952}{100000}$ . nel trian-  
 golo rettangolo AEC; haueremo  
 per lo 2. Num. della 4. Prop. Br. 40. per  
 lo terzo lato AC. Che è'l proposito.

*In altro modo più facilmente.* Per-  
 che nel detto triangolo ABC si da vn'  
 angolo, & haueremo la somma degli al-  
 tri due incogniti, che sarà quel, che  
 rimane, cauando l'angolo dato da due  
 retti Gr. 180. Ma si danno anche i due  
 lati, che esso angolo dato comprendo-  
 no. Dunque verremo anche in cogni-  
 tione di essi due angoli incogniti sepa-  
 ratamente. E però haueremo anco-  
 ra il terzo lato, &c.

g schol.  
 12. secū.

b 13. pri.

i 3. huius

432. pri.

m 6. hu-  
 ius.

n 10. hu-  
 ius.

*Compendio delle operationi , contenute  
nelle sopraposte Prop. problematiche .  
Cap. IIX.*

**P**ERCHÉ restauano in questo foglio di questa Prima Parte molte facciate bianche , habbiamo pensato, per commodità maggiore degli Studiosi , di riempier questo resto col sugo delle operationi , contenute in 9. delle 11. Prop. del passato Cap. di quelle cioè , che poteuano proporsi in forma di Problema . E potranno seruire per regole, per maggiore speditione . Dunque, quanto alla prima , che è la seconda in ordine

**NE' TRIANG. RETTANG.**

**I I.**

Raccoglieremo la proportion de lati . E prima .

**PER LI SENI .**

REG.

*1 Si ascriua a ciascun lato , posto tutto' l Seno quello , che sottende l'ango.*

lo retto, il Seno dell'angolo opposto.

**PER LE TANG. ET SEC.**

2 Posto vn lato attorno all'angolo retto tutto'l Seno, se li ascriua il Seno detto tutto. Agli altri la Tangente, & Secante corrispondente. Questi numeri saranno la proportion de' lati.

REG.

**I I I.**

Quanto alla seconda, che in ordine è la terza, oue da vn lato dato con vno degli angoli acuti, si cercano gli altri lati; sia dato prima il lato opposto all'angolo retto.

**PER LE SENI.**

3 Facciafi: Come tutto'l Seno dell'angolo retto ai Seni degli altri angoli, così il lato dato agli altri lati rispondenti.

REG.

**PER LE TANG. ET SEC.**

4 Posto qual lato vogliamo attorno

REG.

S 3

all'

*all'angolo retto tutto'l Seno , facciasì : Come la Secante dell'angolo dato , o del compimento , seconda qual lato si sarà preso per lo Seno tutto , a tutto'l Seno , & alla Tangente di quel tale angolo ; così il lato dato ad altro : che quel , che ne viene , sarà la quantità degli altri lati .*

*Sia ora dato vno de' lati, che circondano l'angolo retto .*

### PER LI SENI .

REG.

*3 Facciasì : Come il Seno dell'angolo , opposto al lato dato , ai Seni degli altri angoli , così il lato dato agli altri lati corrispondenti .*

### PER LE TANG. ET SEC.

REG.

*6 Posso tutto'l Seno il lato dato , facciasì : Come tutto'l Seno alla Tangente , & Secante dell'angolo dato , o del compimento , secondo qual lato si sarà dato ; così'l dato lato ad altro : che si hauerà la quantità degli altri lati .*



Nella 4. Prop. si cerca da due lati dati la quantità degli angoli acuti, & il terzo lato. Tra i lati dati siavi prima quello, che è opposto all'angolo retto.

**PER LI SENI.**

7 Facciasi: Come il lato dato, opposto all'angolo retto, a tutto'l Seno, così l'altro lato dato al Seno dell'angolo opposto. Trouato tal Seno, haueremo nella Tauola la quantità del suo angolo: & a rincontro l'angolo del compimento.

REG.

**PER LE SEC.**

8 Facciasi: Come il lato dato attorno all'angolo retto a tutto'l Seno, così l'altro lato dato alla Secante dell'angolo, compreso da' lati dati. Trouata essa Secante, haueremo nella Tauola la quantità di quell'angolo; & a rincontro l'altro, suo compimento.

REG.

Sieno ora dati i due lati attorno all'angolo retto.

## PER LE TANG.

REG.

9 Facciasi : Come uno de' lati dati ( pongasi tutto'l Seno effo lato ) a tutto'l Seno, cosi l'altro lato dato alla Tangente dell'angolo opposto a quell'altro lato. Trouata questa Tangente, ci mostrerà nella Tavola la quantità dell'angolo acuto, opposto all'altro lato. A rincontro si hauerà'l suo compimento.

REG.

10 Trouati gli angoli acuti, si hauerà'l terzo lato per li Num. 3. 4. 5. 6.

REG.

47. pri.

11 ALTRAM. Se uno de' lati dati sia quello, che sottende l'angolo retto, a dal quadrato di esso se ne caui il quadrato dell'altro lato dato. Quel, che rimane sarà'l quadrato del lato terzo, & la radice esso lato.

Se si dieno i due lati, che contengono l'angolo retto, si sommino insieme i lor quadrati. Cotal somma sarà'l quadrato dell'altro lato, & la radice la quantità sua.

## NE' TRIANG. OBLIQUANG.

## V I.

Nella 6. Prop. dalla somma d' due angoli ignoti, e dalla quantità nota de' lati opposti, si cerca la quantità di ciascuno de' due angoli da per se.

12 Facciasi: Come la metà della somma de' lati dati alla Tangente della metà della somma degli angoli incogniti; così la metà della differenza di essi lati dati alla Tangente dell'angolo, che cavato da essa metà della somma degli angoli ignoti; ne dà l'angolo minore: & aggiunto alla metà detta, ci dà'l maggiore.

REG.

## V I I.

Nella 7. Prop. da' tre lati noti, in qual si voglia triangolo, si cerca la quantità della retta contenuta tra uno degli angoli, & la settione, che fa nella base la perpendicolare, tirata dall'angolo opposto.

REG.

13 Si moltiplichi la somma de' due lati, che stanno attorno all'angolo, donde de' cadere la perpendicolare, per la differenza di essi lati; e'l prodotto si divide per la base: che la metà della somma del quoziente, e della base, sarà in essa la retta tra la perpendicolare, e'l più remoto angolo. Et se essa metà sarà minore di essa base, si caui dalla base, se maggiore, si caui la base da lei; che rimanente sarà la retta tra essa perpendicolare, & l'angolo più vicino.

## I I X.

Nella Prop. 8. da i lati dati, e da i segmenti, fatti dalla perpendicolare, pur dati, si cerca in ogni triangolo la quantità di essa perpendicolare.

REG.

14 Si moltiplichi la somma del lato e del segmento della base, a lui contiguo per la differenza, che fra'l lato, e quel segmento si ritroua; che la radice quadrata del prodotto sarà la perpendicolare.

Nella

## I X.

Nella 9. Prop. da' due angoli noti nel triangolo obliquangolo, si cerca la proportionione de' lati.

15 *b* Perche si ha anche il terzo angolo, si ascriua a ciascun lato il Seno dell'angolo opposto: che questi tai Seni saranno i numeri proportionali di essi lati.

32. pri.  
REG.

## X.

Nella 10. Prop. da due angoli dati con vn lato nel triangolo obliquangolo, s'investiga la quantità degli altri due lati.

16 *Facciasi: Come il Seno dell'angolo opposto al lato dato ai Seni degli altri angoli, così il lato dato ad altro; che si bauerà la quantità degli altri lati rispondenti ai Seni.*

REG.

## X I.

Nella 11. Prop. da due lati dati con  
la

la quantità dell'angolo , compreso da  
essi lati , si cerca il lato terzo .

17. *Si truouino i due angoli ignoti ,  
per lo Num. 12. Conosciuti questi ; ha-  
ueremo per lo Num. 16. il terzo lato .*

REG.

*Il fine del Secondo Libro .*



DELLA

# DELLA GEOMETRIA

Di

PIERO DIONIGIO VEGLIA  
Perùgino.

*Parte Seconda, Libro Terzo.*

Della misuratione delle linee, o vogliam dire lontananze, interualli, altezze, e profondità. E della liuellatione delle acque.

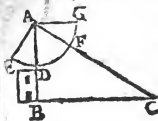
*MISVRARE una distanza orizzontale dal piede del Misuratore, o dalla base di qualche altezza perpendicolare nota, su la quale ci si ritruoui.*  
*Prop. I.*

**D**EBBASI misurare la distanza orizzontale BC o da B, o da D, luogo del Misuratore. Si accomodi il Quadrante pendulo AEF su la sua asta perpendicolare all'orizzonte nell'estremo o B, o D; che'l filo AD rada il suo

T

piano

piano perfettamente. Mirisi per li tra-



guardi il termine  
C : & si notino per  
lo Num. 4. del 2.  
Cap. del 1. Lib. i  
Gr. e Min. dell'ar-  
co ED , cioè dell'

angolo EAD , il quale sia Gr. 32. Dun-  
que il suo compimento DAF sarà Gr.  
58. Pongasi nel triangolo ABC rettan-  
golo il lato AB tutto'l Seno . Il BC , per  
lo Num. 1. del 3. Cap. del Lib. 2. sarà  
la Tang. dell'angolo BAC : <sup>a</sup> Però fac-  
ciafi : Come tutto'l Seno 100000. AB a  
160033. Tang. dell'angolo BAC , così  
la AB Palmi 10. statura del Misurato-  
re, o Pal. 100. altezza AB sopra vn'edi-  
fitio, alla distanza BC : che per essa BC  
baueremo Pal. 16. o Pal. 160.

2 Se si vorrà operar co' Seni, si fac-  
cia, <sup>a</sup> Come 52992. Seno dell'angolo C,  
compimento dell'angolo BAC a 84805.  
Seno di esso BAC , così la AB Pal. 10. o  
Pal. 100. alla BC Pal. 16. o Pal. 160.

3 L'istesso modo si terrà col Qua-  
drante stabile ADG . Poiche , accom-  
modatolo, che'l semidiametro AD stia  
a perpendicolo con l'orizzonte, e vedu-

<sup>a</sup> 3. triag.

REG.

REG.





la GI 450. che darà la AB Pal. 10. o Pal. 100 ? Haueremo Pal.  $4\frac{1}{2}$ . o Pal. 45. per essa distanza AE.

Se poi mirando il termine F della distanza BF il filo caggia nell'angolo D, perche, per la medesima ragione, sono equiangoli i triangoli ALD, ABF; & la LD è eguale alla AL: & anche la BF sarà alla AB eguale, e però Pal. 10. o 100.

Siasi visto l'estremo C della distanza BC, & siasi segata l'ombra versa HM in I, & la HI sia 556. parti millesime. Ora, perche sono simili i triangoli AIH, CAB, per gli angoli retti H, B, e & per gli alterni HIA, CAB eguali, f & c. g sarà come la IH alla HA così la AB alla BC. E però diremo: Se la IH 556. da la HA 1000. che darà la AB Pal. 10. o Pal. 100 ? Haueremo per la BC Pal. 18. o 180.

5 ALTRAM. Possiamo, prolungato il filo AD, e l'ombra OM, finche concorrano in N, ridurre l'ombra versa HI alla retta ON, come si hà nel Num. 1. del 2. Cap. del Lib. 1. che per essa ON haueremo 1798. E perche, per le ragioni del Num. 4. i triangoli

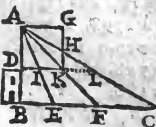
AON,

AON, ABC sono simili, *g* sarà: Come la AO 1000. alla ON 1798. così la AB 10. o 100. alla BC 18. o 180.

REG.

6 Per operare col Quadrato stabile, si accomodi col centro A di sopra in modo, che'l lato AG sia equidistante all'orizzonte. Mirisi per le mire della Diottra il termine E della medesima distanza BE, per l'an-

golo BAE, & sia il taglio DI dell'ombra retta parti 450.



E perche i triangoli ADI, ABE so-

no simili, *i* sarà, come la AD alla DI, così la AB alla BE. Onde, dicendo: Se la AD 1000. da la DI 450. che darà la AB Pal. 10. o Pal. 100? Haueremo per la BE Pal. 4 $\frac{1}{2}$ . o Pal. 45.

b coroll. 4. sexti.

i 4. sexti.

REG.

Se la Diottra passi per K, per la medesima ragione, la BF, distanza da misurarsi, sarà eguale alla AB; perche anche la DK è eguale alla AD.

Ma se resti segata l'ombra versa, come si fa in H nel mirare il termine C della distanza BC; haueremo i triangoli HGA, ABC simili per gli angoli G, B retti, *t* e per gli alterni GAH,

l 29. pri.

T 3

BCA,

4. sex.

REG.

BCA ; GHA , CAB eguali . *m* Perloche farà , come la HG alla GA , così la AB alla BC . Per la qual cosa diremo . *Se la HG , che è parti 556. da la GA 1000. che darà la AB Pal. 10. o Pal. 100 ? Troveremo Pal. 18. o Pal. 180. per la BC .*

REG.

7 *ALTRAM.* Riducasi , per lo 2. Num. del Cap. 2. del 1. Lib. l'ombra versa HG alla retta DL , &c. che la DL farà 1798. E per le ragioni del Num. 6. faremo : *Come la AD 1000. alla DL 1798. così la AB 10. o 100. alla BC 18. o 180.*

8 *AVVISO.* Occorrerà di misurare vna distanza orizzontale AB assai grande dal luogo A nell'orizzonte medesimo . Onde il concorso B de raggi visuali vien fatto tanto obliquamente , che può cagionare error non piccolo . Però , accomodato il Quadrante in A sopra l'asta sua , che'l centro A stia a perpendicolo sopra l'estremo A ; e'l suo piano equidistante all'orizzonte : si osserui per lo semidiametro AD l'estremo B . Poi , stando immobile l'istrumento , si miri per l'altro semidiametro AE qualche segno posto in C , come vna canna , o altra tal cosa , che stia perpendicolar-

mente

mente al piano dell'orizzonte, quando  
l'otano vogliamo dal  
luogo A, per esempio.  
Br. 15. Pongasi di  
nuovo il Quadrante,  
come di sopra col cē-  
tro sopra'l punto C,  
& si miri per lo lato  
CG vn'altra canna  
posta a perpendicolo  
in A, accioche il lato  
CG stia nella medesi-  
ma linea AC. Affet-  
tato così l'istrumen-  
to, veggasi per li tra-  
guardi della Diottra  
CF l'istesso estremo B  
sotto l'angolo GCF  
di Gr. 71. Min. 56.



Perche dunque nel triangolo rettangolo REG. ABC habbiam noto un lato AC con un angolo acuto ACB: n baueremo anche la distanza AB Br. 46. n 3. triag.

9 Col Quadrato Geometrico . Of-  
feruato il tutto, come si è qui sopra det-  
to col Quadrante , haueremo i trian-  
goli FHC , CAB equiangoli, per li an-  
goli H, A retti, e per gli alterni HFC, 29. pri.

T 4 BCA;

p 4. sexti.  
REG.

BCA ; HCF , ABC eguali . p Laonde sarà: Come la FH parti 326. alla HC 1000. così la CA Br. 15. Alla AB Br. 46.

10 ALTRAM. Si allunghi la GI fino in K: che la GK sarà 3067. per la riduzione dell'ombra HF all'ombra GK, &c. Dúque, q per la somiglianza de' triangoli CGK, CAB sarà: r Come la CG 1000. alla GK 3067. così la CA 15. alla AB 46.

q coroll.  
4. sexti.  
r 4. sexti.  
REG.

11 ALTRAM. Se nõ possiamo for-



mar l'angolo retto, come nel passato esēpio; posto il Quadrante col centro in A , come si è detto, e visto per lo semidiametro AF il termine B della distanza AB ; formeremo quiui con la Diottra qual si uoglia angolo FAE , appostando vna canna posta in G , luogo, oue si possa andare: il qua-

B le sia per esemplo Gr. 49. Min. 28. come cōpimēto del DAE Gr. 40. Min. 32. Poi, andando su per la AG , quanto innanzi vogliamo, Br. 20. fino in C ; quiui aggiusteremo il cen-

tro

tro del Quadrante in modo, che'l semidiametro CG sia nella AG: e voltata la Diottra verso B, noteremo l'angolo HCI. compimento del GCH. sia esso HCI Gr. 18. Min. 12. Dunque aggiunto al retto ACI; habbiamo tutto l'angolo ACB Gr. 108. M. 12. Per la qual cosa: *Essendo nel triangolo obli-  
quangolo ABC noti due angoli A, & C, col lato AC: s' haueremo anche il lato AB Br. 50.*

REG.

s 10. tri-  
ang.

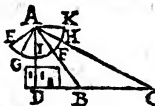
12. Se poi la distanza proposta fusse la CB, e non potessimo da Candare se non verso A, affetteremo il Quadrante col centro in C, &, osseruato per lo lato GC vna canna in A; drizzeremo la Diottra verso B, per hauere la quantità dell'angolo ottuso BCA, come di sopra. La quale trouata Gr. 108. Min. 12. e prese quante Br. vogliamo, per esempio 20. da C fino in A, e posto quiui l'istrumento col centro in A, e veduto per lo semidiametro AF il segno B: volteremo la Diottra AE, finche si vegga vna canna lasciata in C; e trovato l'angolo EAF, compimento del DAE, Gr. 49. Min 28.; *Haueremo Br. 40. per essa CB.*

s 10. tri-  
ang.  
REG.

INVE-

**INVESTIGARE** una distanza orizzontale, posta per dirittura del Misuratore, che ostia nel medesimo piano, o su qualche altezza nota: ma che però egli non possa accostarsi ad alcuno de' suoi estremi. Prop. II.

1. LA linea BC lontana dal luogo D del Misuratore, se, prolungata passasse per D; si dirà posta per dirittura di lui. Habbia dunque a misurare la distanza BC il Misuratore posto in D: & sia la AD la sua statura, o qualche al-



caui quella: che l'rmanente sarà la  
BC.

2 *ALTRAM.* Guardifi per lo Quadrante AEF pendulo l'estremo B, e per lo AGH l'altro estremo C: & si offerui l'angolo IAF Gr. 36. Min. 52. cōpimento dell'EAI; & lo IAH Gr. 61. Min. 56. compimento dell'angolo GAI. E perche, posta la AD tutto'l Seno, la DB è la Tang. del minore angolo DAB,

**& la**

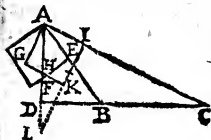


& la DC la Tang. del maggiore DAC;  
 e tai Tang. sono 74991.187546. haue-  
 remo per la BC loro differéza, sottrat-  
 ta la minore dalla maggiore, 112555.  
 Facciafi dunque: *Come la AD 100000.* REG.  
*tutto'l Seno a 112555. differenza BC*  
*delle Tang. dette, così la AD Br. 8. o*  
*Br. 80. alla BC; che per essa BC haue-*  
*remo Br. 9. o Br. 90.*

3 Se vorremo adoperare i Seni, & bi- *b 3. triag.*  
 sognerà di trouar prima la ipotenuſa  
 AB Br. 10. dall'angolo acuto DAB, e  
 dal lato AD noti nel triangolo rettan-  
 golo ABD. E perche l'angolo BAC è  
 la differenza tra gli angoli DAB, DAC  
 offeruati, se dal DAC Gr. 61. Min. 56.  
 ne cauiamo il DAB Gr. 36. Min. 52.  
 rimarrà l'angolo BAC Gr. 25. Min. 4.  
 Et habbiamo anche la quantità dell'ã-  
 golo ACB Gr 28. Min 4. come com-  
 pimento dell'angolo maggiore DAC.  
 Onde: *Essendo nel triangolo obliquan-* REG.  
*golo ABC noti due angoli BAC, ACB,*  
*col lato AB: e haueremo anche l'inter-* *e 10. tri-*  
*uallo BC Br. 9.* *ang.*

Il medesimo modo si terrà col Qua-  
 drante stabile AIK, presa la quantità  
 degli angoli DAB, DAC, &c.

4 Col Quadrato Geometrico. Guardato l'vno, & l'altro termine B, C col



Quadrato pē-  
duolo, resti se-  
gata l'ombra  
retta in F, & la  
versa in H: &  
sia la EF 800.  
& la GH 455.

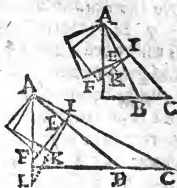
Si riduca questa alla retta, per lo Num.  
2. del 2. Cap. del Lib. 1. Haueremo  
per tutta l'ombra retta IL 2198. Si pigli la IK eguale alla EF, accioche la  
KL sia la differēza di esse ombre rette,  
E perche i triangoli AEF, ADB sono  
simili per gli angoli E, D retti, & per  
lo comune A, *f* & *c. g* farà, come la AE  
alla EF, così la AD alla DB. *b* Et per-  
mutando, come la AE alla AD, così la  
EF alla DB. Per le medesime ragioni  
farà come la AI alla AD, così la IL al-  
la DC. *i* Ma come la AE alla AD, così  
è la AI alla medesima AD, per le egua-  
li AE AI. *l* Però sarà tutta la IL a tut-  
ta la DC, come la EF, cioè, come la  
parte tratta IK alla parte tratta DB.  
*m* Adunque la rimanēte KL sarà alla ri-  
manente BC, come la IK alla DB: cioè

come

ome la AE alla AD, essendosi dimo-  
rato, la proportionone della IK, cioè  
ella EF alla DB, esser la medesima,  
ne quella della AE alla AD. Sicche, se si  
accia: Come la AE 1000. all' altezza  
D Pal. 10. o Pal. 100. così la KL 1398.  
fferenza delle ombre, alla BG: bauere-  
o per essa BC Pal. 14. o Pal. 140.

REG.

5 Con la medesima dimostratione  
procederà, se  
el mirare i due  
termini B, C dell'  
interuallo propo-  
o rimarran sega-  
ābedue le om-  
e rette, o am-  
due le verse, co-  
e appare nelle  
gure quì poste, facendo la riduzione  
e ombre rette, quando restin segate  
nbedue le verse.



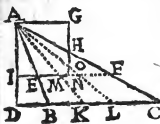
6 Col quadrato stabile riuscirà as-  
più facile l'operatione. Poiche, vi-  
i termini dell'interuallo BC, & ri-  
tta l'ombra versa GH alla retta IF,  
e. » per la somiglianza de' triangoli  
E, ADB, o sarà come la AI alla IE,  
sì la AD alla DB. p Et come la IE al-

» coroll.  
4. sexti.  
o 4. sexti.  
p ichol. 4  
sexti.

22. quin

1.

REG.



la EF, così la DB alla BC. 9 Onde pe  
la egual propor  
tione sarà, come  
AI alla EF, così  
AD alla BC. Dimo  
doche dicendo :  
tutto il lato AI da  
parti della EF, differenza dell'ombra  
che darà la AD altezza nota: bauer  
mo l'intervallo BC, &c.

7 Se l'intervallo proposto sia il BI  
si osserverà, come è chiaro, il medes  
mo modo, per essersi segata ambede  
le volte l'ombra retta in E, M. Se  
lo LC, si ridurrà l'ombra versa GH a  
la retta IF, & la GO alla retta IN; c  
cauata da quella, rimarran le par  
della lor differenza NF. Onde, per  
medesime ragioni, faremo: Come il l  
AI alla differenza NF, così l'altez  
nota AD all'intervallo LC.

REG.

8 AVVISO. Per fuggire l'ince  
tro, che dicemmo nel Num. 8. della  
Prop. quando s'hauesse a misurare  
intervallo BC dal luogo D del Misu  
tore, formato quiui l'angolo CDA r  
to; anderemo su per la DA, per ese  
pio, Br. 12. fino in A, doue posto il c

tro

tro del Quadrante AIG, che'l semidia-  
metro AI stia nella  
retta AD, come nel so-  
pracitato luogo si dis-  
se; piglieremo cō la  
Diottra i segni B, C  
sotto gli angoli BAD  
Gr. 59. Min. 2. & CAD  
Gr. 68. Min. 12. Pon-  
gasila AD tutto'l Se-  
no. Le DB, DC sono  
le Tang di essi angoli,  
& la BC sarà la diffe-  
renza loro. Ondè, se



faremo: Come tutto'l Seno  $AD$  100000.  
a 83371. differenza  $BC$  di esse Tang. REG.  
così Br. 12.  $AD$  alla  $BC$ : hauremo per  
essa  $BC$  Br. 10.

9 *Col Quadrato Geometrico.* Riducansi, come si disse nel Num. 7. le ombre GH, GO alle IF, IN, se non resti segata l'ombra IP &c. e per le medesime ragioni, che in esso Num. si appor- tarono, si faccia: Come il lato AI alla differenza NF, così la AD nota all'in-teruallo BC.

10 Ma se'l Misuratore fusse in E, ne potesse quindi scottarsi, senon verso

A, po-

A, posto il Quadrante in E col centro: che'l semidiametro ME stia in diretto con la EC, e visto per la Diottra qualche segno in A; noteremo la quantità dell'angolo ottuso CEA, composto del retto ~~CEL~~ e dell'altro LEA. Poi, numerati su per la EA quante Br. vogliamo, per esempio 15. e messo quiui il Quadrante AVX col centro in A, e col semidiametro AV nella AE: piglieremo con la Diottra la quantità degli angoli EAB, EAC. Perche dunque nel triangolo obliquangolo AEB son noti due angoli A, E col lato AE: r hauremo anche la quantità del lato AB s & anche dell'angolo ABE; e perche dell'angolo ancora conseguente ABC. Sicche: *Essendo noti nel triangolo obliquangolo ABC due angoli B, & BAC che rimane, cauato l'angolo EAB dall'EAC, & il lato AB: si verrà anche in cognitione del lato BC, interuallo, che si desidera.*

Similmente, se'l Misuratore sia in K e non possa andare, se non verso A, posto il Quadrante col centro in K, e semidiametro KD nella KC; si noter l'angolo CKA: & messo di nuouo l'istru-

mento

10. tri-  
ang.  
32. pri.  
13. pri.  
REG.

10. tri-  
ang.

mento col centro in A , e col semidi-  
metro nella AK: troueremo con la Di-  
ottra la quantità degli angoli KAB ,  
KAC. Dunque : *Noti due angoli nel*  
*triangolo obliquangolo ABK , l' A cioè ,*  
*e' l' K insieme col lato KA , che si sarà mi-*  
*surato , come di sopra : » haueremo anche*  
*il lato AB nel triangolo ABC . x Ma*  
*haueremo anche la quantità dell'angolo*  
*ABK , y e però il conseguente ABC ,*  
*insieme con l'angolo BAC , differenza*  
*tra gli angoli KAB , KAC : z e però an-*  
*che il lato BC , &c.*

REG.

x 32. pri.

y 13. pri.

z 10. tri-  
ang.

**MISVRARE** una distanza orizzontale  
dal perpendicolo di qualche altezza  
incognita , per due stationi fatte nel  
piano dell'altezza. *Prop. III.*

1 **HABBIASI** a misurare la distan-  
za AB dal perpendicolo A dell'altezza  
incognita AG, su la quale sia il Misura-  
tore fino a qualche segno B nell'ori-  
zonte. Accommodato il Quadrante o  
pendulo, o stabile col suo bastone in H,  
si guardi il termine B sotto l'angolo  
ACB Gr. 36. Min: 52. Poi ci tireremo  
indietro per diretto quante Br. voglia-

V

mo,





Per la qual cosa, se facciamo: Come  
 62479. differenza FB delle Tang. EF  
 74991. EB 137470. a Br. 10. differen-  
 za DC, o GH delle stationi; così 74991.  
 Tang. minore EF, cioè AB, ad altro;  
 haueremo per essa AB Br. 12.

REG.

2 Per operar co' Seni, si trouerà  
 prima l'ipotenusa BC in questo modo.  
 & Perche l'angolo BCI Gr. 53. Min. 8.  
 compimento dell'ACB è eguale a' due  
 angoli CBD, CDB nel triangolo BCD;  
 se da esso BCI sene sottragga l'angolo  
 BDC, Gr. 36. Min. 2. compimento dell'  
 EDB: rimarrà l'angolo CBD Gr. 17.  
 Min. 6. Dunque nel triangolo obliquan-  
 golo BCD habbiamo noti due angoli  
 B, & D. Ma è anche noto il lato DC,  
 & cioè la GH Br. 10. & Onde haueremo  
 per la ipotenusa BC Br. 20. Dimodo-  
 che: Hauendo nel triangolo rettangolo  
 ABC noto il lato BC con uno degli an-  
 goli acuti ACB: l haueremo anche la  
 quantità della AB.

g 32. pri.

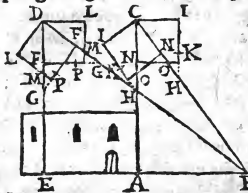
 h 34. pri.  
 i 10. tri-  
 ang.  
 REG.

l 3. triag.

3 Col Quadrato Geometrico. Si af-  
 fetti l'istrumento o pendulo, o stabile,  
 & si guardi nelle due medesime stationi  
 H, & G l'istesso termine B: & resti se-  
 gata nella prima l'ombra retta in O, &

nella seconda la versa in M ; & sia il ta-  
 glio NO 750. & lo LM 727. Si riduca  
 prima l'ombra retta NO alla versa IH,  
 come si ha nel Num. 2. del 2. Cap. del  
 1. Lib. Haueremo per la IH 1333. E per-  
 che i triangoli HIC , CAB sono simili  
 per gli angoli retti I, A, <sup>me</sup> e per gli alter-

ni IHC,  
ACB egu-  
ali, e &c.  
sarà co-  
me la HI  
alla IC,  
così la  
CA alla  
AB. Per



la medesima ragione sarà, come la ML alla LD, così la DE alla EB: Adunque facciasi, Come la HI 1333. alla IC 1000. così la CA inquanto 1. alla AB: che per essa AB haueremo  $\frac{3}{4}$ . rispetto alla CA 1. Similmente si faccia, Come la ML 727. alla LD 1000. così la DE, come 1. alla EB. Essa EB sarà  $1\frac{2}{3}$ . cioè vna volta la DE, e tre ottaue parti di essa. Sottraggasi la AB  $\frac{3}{4}$ . dalla EB  $1\frac{2}{3}$ . Rimane  $\frac{5}{12}$ . per la EA, p cioè GH differenza delle stationi. Ma essa CH è Br. 10. Diciam

**dunque**

dunque. Se  $\frac{1}{2}$ . GH, & o EA è Br. 10. che sarà la AB  $\frac{3}{4}$ ? Troueremo per essa AB Br. 12.

REG.

4 In altro modo più facile. Si riduca l'ombra versa LM alla retta FG 1375. Perche dunque i triangoli CNO, CAB sono simili, sarà, come la CN alla NO, così la CA alla AB. Dicasi per tanto. Poiche la CN 1000. da la NO 750 che darà la CA inquanto 1? Haueremo  $\frac{1}{2}$ . per la AB, a rispetto della CA posta 1. Per la ragione stessa facciasi, Come la DF 1000. alla FG 1375. così la DE 1. alla EB: che si trouerà essa DB  $1\frac{1}{2}$ . *Cauisi della EB la AB &c. come di sopra: che pure troueremo Br. 12. per essa AB.*

q coroll.  
4. sexti.  
r 4. sexti.

REG.

5 ALTRAM. Perche l'ombra IH è maggiore dell'ombra LM, si pigli a questa la IK eguale. Et essendosi qui sopra dimostrato, essere, come la IH alla IC, così la CA alla AB; il rettangolo sotto le IH, AB sarà eguale al rettangolo sotto le CI, CA. Per la medesima ragione, il rettangolo sotto le LM, EB sarà eguale al rettangolo sotto le DL, DE: cioè al rettangolo medesimo sotto le CI, CA, per le eguali CI, DL; CA, DE. Perloche i rettangoli sotto

s 16. sexti.

16. sexti. le IH, AB, & sotto le LM, EB faranno  
 eguali. \* Dunque, come tutta la IH a  
 tutta la EB, così sarà la LM, cioè la  
 parte tratta IK, alla parte tratta AB.  
 19. quin. \* Et perciò la rimanente KH sarà alla  
 rimanente EA, come tutta la IH a tut-  
 ta la EB: cioè come la IK alla AB. Se  
 dunque dalla IH 1333. ne caueremo la  
 IK, cioè la LM 727. rimarrà la differen-  
 za delle ombre verse KH 606. Siche  
 facendo: Come 606. KH a Br. 10. \* dif-  
 ferenza EA delle stazioni, così 727. IK  
 alla AB: baueremo per essa AB Br. 12.

6 ALTRAM. Riducasi l'ombra  
 versa LM alla retta FG, &c. E perche  
 è maggiore la FG, che non è la NO, si  
 pigli la FP alla NO eguale. Concio-  
 fiacosa dunque, che si sia dimostrato  
 qui sopra, come la CN alla NO, così  
 esser la CA alla AB; y sarà permutando,  
 come la CN alla CA, così la NO alla  
 AB. Per la stessa ragione sarà, come la  
 DF alla DE, così la FG alla EB. 2 Ma,  
 per la eguaglianza delle CN, DF; CA,  
 DE, la proportionone della CN alla CA  
 è la medesima, che quella della DF al-  
 la DE. 2 Però sarà, come tutta la FG  
 a tutta la EB, così la NO, cioè così la

parte tratta FP alla parte tratta AB.

*b* Sarà dunque anche la rimanente PG differenza di esse ombre alla rimanente EA, *c* differenza delle stationi, come tutta la FG a tutta la EB, cioè come la FP, o NO alla AB. Faremo per tasi-

*co*: Come 625. differenza PG a Br. 10. differenza EA, così 750. FP, o NO ad altro: che baueremo Br. 12. per la AB.

**AVVISO.** Se in ambedue le stationi rimanga segata l'ombra versa, o la retta, si terrà'l medesimo modo, senza riduzione, come è manifesto. Et se'l filo, o la Diottra passi in vna statione, per lo punto del concorso delle ombre: si torrà l'ombra versa, o la retta, secondoche porterà'l commodo a rispetto dell'altr'ombra. diche, per esser chiarissimo, non accade apportarne altro esempio.

**ESEGVIRE** il medesimo per due stationi fatte o in vn'asta, o in due finestre, poste una sopra l'altra a perpendicolo. *Prop. IV.*

**I** SV'l piano dell'altezza AG si dirizzi vn'asta GC a perpendicolo, se

*b* 19. quin  
ti.

*c* 34. pri.

REG.

forse C, D non fussero due finestre, vna sopra l'altra in qualche edifitio. Posto



il centro del Quadrante in C, si vegga il termine B sotto l'angolo ACB Gr. 51. Min. 20.

Poi, messo l'istrumento di nuouo in E, li miri il termine medesimo B sotto l'angolo AEB Gr. 64. Min. 59. Dunque i loro complementi ABC, ABE faranno Gr. 38. Min. 40. e Gr. 25. Min. 1. E perche, posta la BA tutto'l Seno, le AC, AE sono le Tang. di essi angoli ABC, ABE; e dalla Tang. AC sene caui la Tang. AE: rimarrà la CE loro differenza 33354. Facciasi dunque : *Come la CE 33354. alla AB 100000. tutto'l Seno, così la CE, per esempio Pal. 10. alla AB: che per essa AB baueremo Pal. 30.*

2 Così opereremo per seruirci de' Seni. Dall'angolo AEB, <sup>a</sup> eguale a' due B, C nel triangolo BCE, sene caui lo

ECB.

ECB. Rimarrà noto l'angolo EBC. Abbiamo dunque nel triangolo obli-  
quangolo BCE noti due angoli B, C,  
e'l lato CE: *b* e però haueremo anche il  
lato EB. Et nel triangolo rettangolo  
EAB è noto vn'angolo E acuto insieme  
col lato EB. e Troueremo dunque anche  
la quantità della AB, &c.

*b* 10. tri-  
ang.  
REG.  
*c* 3. triag.

3. Col Quadrato Geometrico. Pen-  
dulo, o stabile l'istrumento, si vegga il  
termine B, & resti segata in ambedue  
le stationi l'ombra versa in D, G: & sia  
la HD 800. la FG 467: E perche quel-  
la è maggiore, si pigli in essa la HI alla  
FG eguale. Ora, per essere equiangoli  
i triangoli DHC, CAB, per gli angoli  
H, A retti, *d* e per gli alterni CDH,  
BCA eguali, *e* &c. *f* sarà, come la DH  
alla HC, così la CA alla AB: *g* & per-  
mutando, come la DH alla CA, così la  
HC alla AB. Per la ragion medesima  
sarà, come la GF alla DA, così la FE  
alla AE. *h* Perche dunque la proportio-  
ne della HC alla AB è la stessa, che  
quella della FE alla AB medesima: *i* sa-  
rà come tutta la DH a tutta la CA, co-  
sì la parte tratta HI, o FG, alla parte  
tratta EA. Adunque la rimanente ID

*d* 19. pri.  
*e* 32. pri.  
*f* 4. sexti.  
*g* 16. quin-  
ti.

*h* 7. quin.

*i* 11. quin.

*l* 19. quin.

sarà

farà alla rimanente CE, come tutta la DH a tutta la CA, cioè come la HC alla AB, essendo, come si è dimostrato, le medesime proportioni. Facciasi dunque: Come 333. differenza ID delle ombre a Pal. 10. differenza CE delle stationi, così la HC 1000. alla AB: che per essa haueremo Pal. 30.

REG.

m 4. sexti.

4 ALTRA M. m Facciasi, Come la HC 1000. alla HD 800. così la AB in quanto 1. alla AC: m & come la FE 1000. alla FG 467. così la medesima AB 1. alla AE. Haueremo per la AC  $\frac{4}{7}$ . per la AE  $\frac{2}{11}$ . Cauisi questa di quella. Rimane  $\frac{1}{7}$ . per la DC. Ma la DC è Pal. 10. Dunque: Se la DC  $\frac{1}{7}$ . è Pal. 10. che sarà la AB 13 Pal. 30.

REG.

n coroll.

4. sexti.

o 4. sexti.

5 Il medesimo offerueremo, se'l termine fusse M, & restasse segata l'ombra retta, come si fa in K, L in ambedue le stationi. Percioche, essendo simili i triangoli CNK, CAM, o sarà come la NK alla NC, così la AM alla AC. Però faremo, come 542. NK a 1000. NC, così la AM, inquanto 1. alla AC. Haueremo per essa AC  $1\frac{1}{11}$ . Per la medesima ragione, facciasi come la OL 929. alla OE 1000. così la AM 1. alla AE  $1\frac{1}{11}$ .

Cauisi



Cauifi questa di quella. Rimane  $\frac{1}{1}$ , per la EC. Ma essa EC è Pal. 10. Diciam dunque. *Se  $\frac{1}{1}$ , e Pal. 10. che sarà 1?* REG.  
*Sarà Pal. 13.*

**6 AVVISO.** Se in vna statione rimanga segata l'ombra versa, e nell'altra la retta; si ridurrà l'vna all'altra, qual vogliamo, & opereremo al medesimo modo. La qual riduzione possiamo adoperare anche nel Num. 5. quando vengono segate sempre le ombre verse, & eseguire il tutto, come nel Num. 3. Finalmente se in vna statione il filo, o la Diottra passi per l'angolo delle ombre, piglieremo la versa, o la retta, secondo che ci verrà bene, per accompagnarla con l'altra; accioche ambedue vengano a essere le medesime.

**7 VN'ALTRO AVVISO.** Sel'altezza proposta in questa, e nella passata Prop. sia vn'edifitio occupato nella base da altre fabbriche, o anche vn monte; al medesimo modo troueremo la distanza dal perpendicolo del luogo del Misuratore fino al termine, assegnato nell'orizzonte, come è manifesto.



eguale, & si tiri la CK, <sup>a</sup> la quale sarà parallela alla DB: <sup>b</sup> e però eguali gli angoli DBF, CKF; e per conseguenza eguali anche i lor compimenti GDB, FCK. Adunque, posta la CF tutto'l Seno, le FK, FB saranno le Tang. degli angoli FCK, FCB, & la KB la differenza di esse Tang. Sarà dunque essa KB 83297. Ma anche, posta la medesima CF tutto'l Seno, le FA, FB sono le Tang. degli angoli FCA, FCB osservati, & la AB 99975. la lor differenza. Et si prese la KB eguale alla CD, <sup>c</sup> cioè alla HI differenza delle stationi Br. 10. Direm dunque. *Se 83279. KB è Br. 10. che sarà la AB 99975? Troueremo, che ella sarà Br. 12.*

3 Co' Seni, <sup>d</sup> trouata la CB dall'angolo BDC, <sup>e</sup> che nel triangolo BCD rimane, cauato dall'EDB l'angolo DCB compimento dell'FCB; e dall'angolo CDB, cioè, come si ha nel Num. 3. del Cap. 5. del Lib. 2. dall'EDB, e dal lato CD <sup>f</sup> pur noto: Perche Nel triangolo ABC ne son noti due angoli, l'ACB, come differenza degli angoli FCA, FCB osservati; & l'ABC, <sup>g</sup> come compimento dell'FCB: <sup>b</sup> Haueremo anche la qua-

tità

<sup>a</sup> 33. pri.  
<sup>b</sup> 29. pri.

<sup>c</sup> 34. pri.

REG.

<sup>d</sup> 10. tri-  
ang.

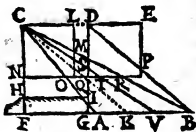
<sup>e</sup> 32. pri.

<sup>f</sup> 34. pri.  
REG.

<sup>g</sup> 32. pri.  
<sup>b</sup> 10. tri-  
ang.

tà della AB, &c.

4 Col Quadrato Geometrico. Vegganfi i termini, come di sopra: & nel guardare in I il più remoto B, resti segata l'ombra versa, & sia la EP 875. La medesima ombra si sia segata in H, nel vedere l'istesso B, & sia la LM 539.



& nel mirare il mē remoto termine A, seghifi l'ombra retta in O, & sia la NO 785. Si pigli quiui l'ombra versa

4.pri.

28.pri.

34.pri.

schol.  
4. sexti.  
o 18. quin  
ti.

LS di 875. parti, & accioche l'angolo LCS sia eguale all'EDP, tirata per S la CK: la quale sarà parallela alla DB. Ma anche la CD, tirata, sarà, come si è detto qui sopra, parallela all'orizzonte FB. E però il quadrilatero CDBK sarà parallelogrammo, & e per ciò le CD, KB eguali. Si riducano, come insegnammo nel Num. 2. del 2. Cap. del Lib. 1. le ombre LM, LS verse alle rette NR, NQ. Sarà la NR 1855, & la NQ 1142. E perche, come la OQ alla QR, così è la AK alla BK; & sarà, componendo, come la OR alla QR;

così

così la AB alla KB.  $p$  & conuertendo, come la QR alla OR; così la KB alla AB. Onde facendoli: *Come la QR 713. differenza tra l'ombre NQ, NR alla OR 1070. differenza tra le NO, NR, così la KB, q cioè la CD, o HI Br. 10. alla AB: troueremo per essa AB Br. 15.*

**AVVISO.** Se l'intervallo sia la KB, cioè, che la parallela CK sia la medesima col raggio CK,  $r$  che sarà, quando si vegga il termin K, per l'angolo LCS eguale all'EDP: la KB, per le ragioni addotte, sarà eguale alla CD. Et, se'l detto intervallo fusse l'VB, ridotte l'ombre verse alle rette, si farà pure per lo schol. della 4. del Setto, e componendo: *Come la differenza QR alla TR, così la differenza KB alla VB, &c.*

$p$  coroll.  
4. quinti.

REG.

$q$  34. pri.

$r$  28. pri.

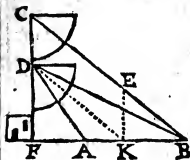
REG.

**OPERARE** il medesimo per due stationi fatte l'una sopra l'altra a perpendicolo. *Prop. VI.*

**I** DALLA statione C si vegga il termine B sotto l'angolo FCB Gr. 50. Min. 23. & in D il medesimo B sotto l'angolo FDB Gr. 64. Min. 14. & il termine A per l'angolo FDA Gr. 35. Min. 32.

$a$  Si

Si tiri la DK alla CB parallela, & dal punto K si rizzi la EK perpendicolare al piano FB, che col raggio CB s'intoppi in E. E perche anche la CF è perpendicolare



al piano medesimo FB: <sup>b</sup> esse EK, CF faran parallele, e però'l quadrilatero CDKE, parallelogrammo; <sup>c</sup> & eguali le CD, EK. Siche habbiamo il triangolo EKB rettangolo, nel quale è noto il lato EK, <sup>e</sup> cioè CD cò l'angolo BEK, <sup>d</sup> cioè BCF. Dunque, posta la EK tutto'l Seno; la KB sarà la Tangente dell'angolo BEK. <sup>e</sup> Onde operando, come conuiene, haueremo per la BK Br.  $12 \frac{8080}{100000}$ . <sup>f</sup> E perche, per gli angoli FDK, FCB eguali, posta la DF tutto'l Seno; le FK, FB sono le Tang. degli angoli FDK, cioè FCB, & EDB: la BK farà la differenza di esse Tang. cioè 86359. Similmente la AB sarà, posta pure essa DF tutto'l Seno, la differenza delle Tang. FA, FB degli angoli FDA, FDB, cioè 135750. Adunque diremo.



per Q si tiri la CE, che con la BE, eretta perpendicolare al piano FB, s'affronti in E. E perche le CO, OQ nel triangolo COQ sono eguali alle DP, PI nel triangolo DPI ciascuna a ciascuna; & gli angoli O, P sono eguali per esser retti: *m* saranno eguali anche gli angoli OCQ, PDI; e però eguali ancora i lor complementi FCE, FDB. *n* Perloche le DB, CE sarà parallele. Ma anche le CF, EB son parallele, come si è dimostrato qui sopra delle CF, EK nel Num. 1. Parallelogrammo sarà dunque il quadrilatero CDBE: *o* e per conseguenza eguali le CD, EB. *p* Dall'intersezione G si meni la GM parallela al lato KL, & si allunghi il lato KR fino in L, accioche habbiamo la KL 1207. riduzione dell'ombra versa OG alla retta KL. Perche dunque, *q* come la CG alla GQ, così è la CB alla BE, *r* per la simiglianza de' triangoli CGQ, CBE: *s* sarà, permutando, come la CG alla CB, così la GQ alla BE. Per la medesima ragione sarà, come la medesima CG alla CB medesima, così la NG alla AB. *t* Dunque, come la GQ alla BE, così la NG alla AB. Ma la NG è 654. come dimo-

lireremo



REG.

streremo. Dunque si faccia: Come 345.  $GQ$  differenza tra le ombre  $OG, OQ$ , cioè  $PI$  alla  $BE$  eguale alla  $CD$ , *Pal.* 10. così 654.  $NG$  alla  $AB$ : che per essa  $AB$  si ha-ueranno *Pal.* 19.

Che la  $NG$  sia 654. parti delle 1000. di tutto'l lato, così si farà chiaro. \* Perche i triangoli  $CKH$ ,  $CMN$  sono simili, \* sarà come la  $CK$  alla  $KH$ , così  $CM$  alla  $MN$ . y Et come la  $KH$  alla  $HL$ , così è la  $MN$  alla  $NG$ . \* Sarà dunque anche, come la  $CK$  alla  $HL$ , così la  $CM$  alla  $NG$ . Siehe, se faremo: Come tutto'l lato  $CK$  1000. alla  $HL$  790. differenza tra le ombre  $KH$ ,  $KL$ , così 828.  $CM$ , \* cioè  $OG$  alla  $NG$ : si trouerà per essa  $NG$  654. &c. Che è anche il modo da trouare la sua quantità.

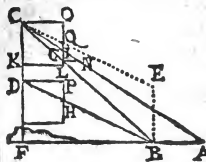
\* coroll.  
4. sexti.  
x 4. sexti.  
y ichol.  
4. sexti.  
222. quin-  
ti.  
REG.

a 34. pri.

4 Se in  $C$  rimanesse segata sempre l'ombra retta, la parallela  $MG$ , & la riduzione  $KL$  si farà nell'ombra versa, &c. Il tutto, come si è qui insegnato. La qual cosa sarà chiarissima, se lo Studioso si descriuerà vna tal figura.

5 Rimanga ora segata sèpre l'ombra versa in  $I, G, H$  nel vedere gli estremi  $A, B$ : & sia l'ombra  $OI$  647. la  $OG$  880. & la  $PH$  480. Piglisi l'ombra

OQ eguale alla PH, & per Q si tiri la



CE, che s'in-  
côtri in E con  
la perpendi-  
colare BE, &c.  
Per le ragioni  
apportate di  
sopra, le BE,  
CD saranno e-

guali. Da G punto dell'intersezione  
si tiri la GN alla OG perpendicolare,  
la quale sarà parallela all'ombra KL,  
& per conseguenza alla FA, essendo,  
come è manifesto, esse GN, KL, FA  
in vn piano medesimo. Perche dunque,  
per le ragioni recate di sopra nel Num.  
3. è, come la CQ alla BE, così la GN  
alla AB; se faremo: Come la G 400.  
differenza tra le OG, OQ, cioè t H, a  
Pal. 10. BE, o CD, così la GN 360.  
come dimostreremo, ad altro: haueremo  
Pal. 9. per la AB.

Che la GN sia 360. così si dimostre-  
rà, & sarà insieme il modo per trouare  
la quantità di essa. Perche ne' trian-  
goli OCI, GNI gli angoli in I alla ci-  
ma sono eguali, & eguali anche i retti  
O, G, &c. essi triangoli saranno equi-

angoli





dicolo A fino al perpendicolo N; si miri il medesimo estremo E, per l'angolo DCE, Gr. 19. Min. 59. peroche si dee intendere tirata la CD perpendicolare alla BE, & che le AF, CN sieno l'altezza, o statura del Misuratore. Imaginanci anche tirata la CM al raggio FE parallela, che con la BE, allungata, s'incontri in M. <sup>a</sup> Dunque gli angoli DFE, DCM saranno eguali. Onde, posta la CD tutto'l Seno, le DE, DM faranno le Tang. degli angoli DCE, DCM, cioè DFE; & la EM la differenza fra esse Tang. Ora, perche, <sup>b</sup> come la ME alla ED, così la CF alla FD; se faremo: Come 30286. differenza ME di esse Tang. a 36364. Tang. ED minore, così Br. 10. differenza CF delle stationi, alla FD: baueremo per essa FD, <sup>c</sup> cioè AB Br. 12.

<sup>a</sup> 19. pri.

<sup>b</sup> 2. sexti.

REG.

<sup>c</sup> 34. pri.

<sup>2</sup> In altro modo più facile, senza tirare la GM. Posta la DE tutto'l Seno, le DF, DC faranno le Tang. degli angoli DEF, DEC, <sup>d</sup> e compimenti degli angoli DFE, DCE offeruati; & la CF la differenza di esse Tang. Direm dunque: Se la CF 124959. differenza delle Tang. è Br. 10. che sarà 150038. FD

<sup>d</sup> 32. pri.

REG.

X 4

Tang.

*Tang. minore? Troueremo Br. 12*

3 Col' seni, cauato dall'angolo EFD l'angolo ECF; e rimarrà l'angolo CEF noto. Ma nel triangolo CEF, oltre a' due angoli C, E è anche noto il lato CF. *f* Haueremo dunque ancora la quantità della EF. Et con la EF è anche noto l'angolo DFE nel triangolo DEF rettangolo. e e però haueremo ancora la FD, &c.

4 Col Quadrato Geometrico. Fatte le cose dette di sopra col Quadrante, resti nell'vna, & nell'altra statione segata l'ombra veria: & sia la KL 667. & la GH 364. E perche la GH è minore, si pigli la GI alla KL eguale, accioche la HI sia la differenza di esse ombre: & da C centro per I si tiri la CM, che s'incontri in M con la BE prolungata. Perche dunque ne' triangoli LKF, IGC le LK, KF sono eguali alle IG, GC, ciascuna a ciascuna, & gli angoli K, G sono retti, e però eguali anch'essi; b gli angoli LK, ICG faranno eguali: e perciò le FE, CM faran parallele. Ma sono parallele anche le ED, IG, per esser retti gli angoli EDG, IGD. Dunque, come la IH alla HG, così la ME

alla

alla ED: *m* Ma come la ME alla ED, *m* 2. sexti.  
così è la CF alla FD. *n* Perciò sarà, co- *n* 11. quin-  
me la IH alla HG, così la CF alla FD. ci.  
Dimodoche facendo: Come 303 IH  
differenza delle ombre GH, GI, cioè KL,  
alla HG 364. ombra minore, così Br. 10.  
CF: differenza delle stationi alla FD:  
haueremo per essa FD, o AB Br. 12.

REG.

5 Resti nell'vna, & nell'altra statio-  
ne segata l'ombra retta, & sia la KL  
333. & la GH 750. E perche la GH è  
maggiore, si pigli la GI  
alla KL eguale, accio-  
che la IH sia la differen-  
za dell'ombre; & si giū-  
ga la CI. Perche dun-  
que ne' triangoli FKL, G  
IH K L  
CGI i lati GI, GC sono  
eguali a' lati KL, KF  
ciascuno a ciascuno, & N A  
eguali anche gli angoli G, K per esser  
retti. & gli angoli GCI, KFL saranno  
eguali. Adunque gli angoli ICF, LFD,  
compimenti di angoli eguali per vn  
retto, eguali saran parimente: *p* è pe-  
rò parallele le CI, FE: *q* & per conse-  
guenza gli angoli ICH, FEC; IHC  
FCE, & però gli HIC, CFE farann  
o

4. pri.

28. pri.

29. pri.

32. pri.

pari-

parimente eguali : cioè essi triangoli ICH , IEC faranno equiangoli ,  
 Però come la HI alla IC , così la CF alla FE : & come la IC alla IG , così la FE alla FD. percioche anche i triangoli GCI , DEF , cioè KFL , DEF , per gli angoli K , D retti , & c per gli alterni KFL , DEF ; KLF , DFE eguali sono equiangoli. Dunque , \* per la egual proportionone , sarà come la HI alla IG , così la CF alla FD. Facciasi per tanto :  
 Come 417. differenza HI a 333. ombra GI , così Br. 10. differenza CF alla FD : che per essa FD si haueranno Br. 8. \* cioè per la AB , &c.

6 AVVISO. Se rimanesser segate le ombre varie , si faccia la riduzione della retta alla versa , o della versa alla retta , &c. Il resto come di sopra . Et se la sectione si faccia vna volta nel concorso delle ombre ; si torrà o la retta , o la versa , &c.

7 VN' ALTRO AVVISO. Se ne sia nota l'altezza BE , y più facilmente troueremo la distanza AB &c. Il che s'intenda anche nella seguente Prop.





mo CKEX, e perche anche le CK, EX  
 son parallele. Dunque diremo: *Se la*  
*XE 62497. è Pal. 10. quanto si pone la*  
*CK, che sarà la CD 100000. tutto'l Se*  
*no. ? Troueremo per essa CD, d o AB*  
*Pal. 16.*

2 Co' Seni. Se dall'angolo PKE,  
 compimento dell'LKE, ne caueremo  
 l'angolo KCE, compimento del DCE;  
 e rimarrà noto l'angolo CEK. Sono  
 dunque nel triangolo CEK obliquan-  
 golo noti due angoli C, E col lato CK,  
 differenza delle Itationi: *f* e però haue-  
 remo la quantità della CE. Ma *Nel*  
*triangolo rettangolo CDE col lato CE è*  
*noto anche l'angolo acuto DCE. g Onde*  
*baueremo anche l'altro lato CD, &c.*

3 Col Quadrato Geometrico. Resti  
 prima segata sempre l'ombra versa, &  
 sia la FH 875. & la LM 250. Piglisi la  
 FG alla LM eguale, accioche habbia-  
 mo la loro differenza GH, & per G si  
 meni la CX. Perche dunque ne' trian-  
 goli LKM, FCC le LM, LK sono egua-  
 li alle FG, FC ciascuna a ciascuna, &  
 gli angoli L, F eguali medesimamente  
 per esser retti; *h* anche gli angoli LKM,  
 FCC faranno eguali: & per consequen-

za eguali i lor componenti MKP. GCQ.  
 Dunque le KE, CX faran parallele:  
 & le KC, EX, per lo parallelogram-  
 mo EKCX, eguali, essendo parallele  
 ancora le KC, EX. E perche, come  
 la HG alla GF, così la EX alla XD; &  
 per la somiglianza de' triangoli FCG,  
 DCX, come la GF alla FC, così la XD  
 alla DC. *p* sarà, per la egual proportio-  
 ne, come la HG alla FC, così la EX al-  
 la DC. Adunque facciasi: Come 625.  
 differenza GH delle ombre, alla FC 1000.  
 così la EX, qo KC Pal. 10. alla CD: che  
 per essa CD, qo AB baueremo Pal. 16.

4 Resti ora segata, mirando l'estre-  
 mo T, l'ombra retta sempre, & sia la  
 QR 533. & la PO 800. Piglisi la PD e-  
 guale alla QR. Menisi per D la KN, che  
 cō la OI, tirata per O parallela al lato  
 PK, e prolungata verso O; concorra in  
 N. Ora perche ne' triangoli CQR,  
 KPD i lati QR, QC sono eguali a' lati  
 PD, PK ciascuno a ciascuno, & eguali  
 sono gli angoli Q, P retti: *s* anche gli  
 angoli QCR, PKD saranno eguali, e  
 perciò parallele le KI, KN. Dunque  
 gli angoli CTK, NKO saranno eguali.  
 Ma anche le NI, KC son parallele:

e però

i 28. pri.  
 l 34. pri.  
 m 5. vnde  
 cimi.  
 n schol. 4  
 l'exti.  
 o coroll  
 4 l'exti.  
 p 12. qu  
 ti.

REG.

q 34. pri.

r 31. pri.

s 4. pri.

t 28. pri.

u 29. pri.

x 6. vnde-  
 cimi.

29. pri. « e però faranno eguali anche gli angoli  
 32. pri. CKT, NOK, & eguali per conseguenza i rimanenti ancora KCT, ONK. Equiangoli sono dunque i triangoli CKT, NOK. Si allunghi l'asta AP, finche concorra in S con la TS, tirata perpendicolare alla BT, y e alla AB parallela: & la quale, per lo parallelogrammo ABTS, sarà eguale alla AB. Perche dunque anche i triangoli OIK, KST sono equiangoli, per gli angoli I, S retti, & e per gli alterni KOI, TKS eguali, b & c. & sarà, come la NO alla OK, così la CK alla KT, & come la OK alla IK, così la KT alla ST. Per tanto, d per la egual proportionione farà, come la NO alla IK, così la CK alla ST. Facciasi dunque: Come la NO 500. alla IK, & cioè alla PO 800. così Pal. 10. la CK alla ST: & che per essa ST, cioè per la AB baueremo Pal. 16. La NO si trouerà come la NG della Prop. 6. Num. 5.

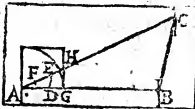
5 AVVISO. Se rimanesse segata l'ombra variamente, si ridurrà la retta alla versa, o al contrario, e poi come di sopra. E se'l raggio visuale passasse per lo concorso dell'ombre in vna latione, si totrà la versa, o la retta, & c.

**VN'ALTRO AVVISO.** E manifesto, che, se le altezze, nelle quali si mira, fosser monti, al medesimo modo si hauerà tanto in questa, quanto nella passata Prop. La distanza AB dal luogo A fino a B perpendicolo della cima del monte, o di qualche tegno osservato in essa.

**INVESTIGARE** uno intervallo nell'orizzonte, posto per trauerso al luogo del Misuratore, che sia nell'orizzonte stesso. Prop. IX.

**1** SIA il Misuratore in A nell'orizzonte AC, & habbia quindi a inuestigare l'intervallo trauerso BC. • Trouisi l'vna, & l'altra distanza AB, AC; & sia quella Br. 52.

questa 64. Poi si affetti il Quadrante in modo, che, stando



il centro A a perpendicolo sopra'l luogo A; il suo piano passi per ambedue i termini B, C. Stando così fermo l'istrumento, veggansi essi termini, il B per lo lato AG, il C per la Diottra AH: &

sia

• 1. huius.

EG.

11. tri-  
ng.

REG,

6. sexti.  
4. sexti,  
16 quin  
I.

fia l'angolo BAC Gr. 25. Min. 20. Per-  
che dunque: *Nel triangolo ABC obli-  
quangolo habbiam noti due lati AB, AC  
con l'angolo A, da essi lati compreso:*  
b *Haueremo anche la quantità del terzo  
lato BC.*

2 *Col Quadrato Geometrico.* Se,  
come dicemmo nel fine del 2. Cap. del  
1. Lib. sarà diuiso il lato AG, & la Di-  
ottra AH in eguali particelle, & piglie-  
remo nel lato la AD di 52. parti, & nel-  
la Diottra la AE di 64. quante cioè fa-  
ranno state le misure de' lati corrispon-  
denti; & torremo l'intervallo DE, & lo  
trasporteremo col compasso dal centro  
A fino in F: *Quante particelle sarà l'se-  
gamento AF, tante B. cioè 28. sarà l'pro-  
posto intervallo BC.* Percioche essen-  
do i lati AD, AE del triangolo ADE  
proportionali a' lati AB, AC del trian-  
golo ABC, per esser per tutto la pro-  
portionione di 52. a 64. & l'angolo A è co-  
mune: & essi triangoli saranno equian-  
goli. 4 Però come la AD alla DE, così  
la AB alla BC. Et, & permutando, co-  
me la AD alla AB, così la DE alla BC.  
Ma tra le AD, AB vi è proportionione di  
egualità quanto al numero delle parti,

per

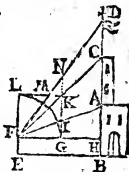
per essere tanto l'vna , quanto l'altra  
 52. Anche dunque tra le DE , BC vi  
 sarà la proportion medesima . Però  
 quante particelle sarà la DE, tante Br.  
 sarà l'interuallo BC.

**AVVISO.** E manifesto , che , se la  
 BC sarà vna piaggia , o vna salita in-  
 diretto , o non indiretto al luogo A ;  
 si terrà l' medesimo modo .

**MISURARE** vn'altezza perpendico-  
 lare , quando ne sia nota la distanza  
 dal luogo del Misuratore , posto nel-  
 l'orizzonte , alla base . Prop. X.

**SIA** la AB l'altezza da misurar-  
 si , E il luogo del Misuratore , & la di-  
 stanza EB nota di Br.

24. trouata per alcu-  
 no de' modi passati , o  
 perche si sia mecanica-  
 mente misurata . Ac-  
 còmodato il Quadrante  
 col semidiametro LF  
 a perpendicòlo sopra E



l'estremo E ; si vegga il segno A dell'  
 altezza sotto , l'angolo AFH , inteso  
 prolungato il semidiametro FG fino in

Y

H, di

*...pri.  
riag.  
G.  
...pri.* H, di Gr. 22. Min. 37. *Perche dunque nel triangolo AFH rettangolo è noto un lato FH, a cioè EB, con l'angolo acuto F; b* Haueremo ancora Br. 10. per l'altro lat. AH. Dunque anche tutt. l'altezza AB con la giunta della HB, e cioè FB statura del Misuratore.

*...roll.  
exti.* 2 Col Quadrato Geometrico. Resti prima nel guardare il termine A dell'altezza AB segata l'ombra versa, & sia la GI 415. 4 E perche i triangoli FGI, FHA sono simili, se faremo: e Come la IG 1000. alla GI 415. così la FH Br. 24. alla HA; haueremo per essa AH Br. 10. Aggiungasele la HB, &c.

3 Se la Diottra passerà per l'angolo K, l'altezza CH sarà, per la medesima ragione, eguale alla distanza FH.

*...pri.  
...pri.  
exti.  
i.* 4 Ma, se resti segata l'ombra retta, come si fa in M di parti 686. perche i triangoli MLF, FHD sono simili, per gli angoli L, H retti, & per li alterni LMF, HFD eguali, & &c. faremo: b Come la ML 686. alla LF 1000. così la FH Br. 24. alla HD Br. 35.

5 Ouero ridurremo l'ombra retta LM alla versa GN, che per la GN haueremo 1458. & opereremo, come

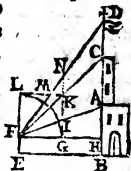
nel



nel Num. 2. per le medesime ragioni ,  
quiui apportate , &c.

**TROVARE** una portione di uno edifi-  
tio perpendicolare , ogni volta , che si  
sappia la distanza dal Misuratore al-  
la base. *Prop. XI.*

1 **HABBIASI** a misurare la portio-  
ne AD dell'altezza BD  
dal luogo E. • *Prima*  
*possiamo trouare l'una ,*  
*& l'altra altezza HD ,*  
*HA, e cauare questa di*  
*quella ; che'l rimanente*  
*sarà la AD &c.*



• 10. hu-  
ius .  
REG.

2 **ALTRAM.** Ve- E B  
duti gli eitre mi D, A, sia l'angolo DFH  
Gr. 55. Min. 34. & l'AFH Gr. 22. Min.  
37. Poita la FH nota tutto'l Seno , le  
HD, HA , faranno le Tang. degli an-  
goli DFH, AFH, & la DA la differenza  
loro. Diciam dunque. *Se la FH tutto'l*  
*Seno 100000. è Br. 24. che sarà la dif-*  
*ferenza DA delle Tang. 104204 ? Tro-*  
*ueremo Br. 25.*

REG.

3 **Co'Seni.** Perche nel triangolo  
rettangolo AFH è noto il lato FH con

Y 2 l'ango-

tri- l'angolo acuto AFH; <sup>a</sup> haueremo anche l'ipotenusa FA. Et nel triangolo ADF obliquangolo son noti due angoli: lo AFD, come differenza tra gli angoli DFH, AFH offeruati, & l'FDA, come compimento del DFH, & in oltre un lato FA. <sup>b</sup> Dunque baueremo ancora lo AD.

tri- Col Quadrato Geometrico. Nel guardare i detti estremi, resti segata l'ombra versa, & la retta, & sia la GI 415. la LM 686. Si riduca questa alla veria. Haueremo per la GN 1458. E perche hauemo dimostrato, essere, come la FG alla GI così la FH alla HA; <sup>c</sup> & è, come la GI alla IN, così la HA alla AD: ol.4. sarà, <sup>d</sup> per la egual proportionione, come la FG alla, IN così la FH alla AD. qui- Se farem dunque: Come la FG 1000. alla IN 1043. differenza delle ombre GN, GI, così la FH Br. 24. alla AD: baueremo per essa AD pure Br. 25.

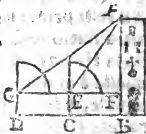
5 AVVISO. Se li segherà sempre l'ombra versa, non accaderà riduzione; sicome anche non vi bilogneria, se l'interuailo fosse la CA, & il raggio passasse per l'angolo K. Si ridurrà ben sempre alla veria, quando ambedue le

volte

volte restasse segata l'ombra retta. Il resto sempre, come di sopra.

**MISVRARE** un'altezza perpendicolare con due stationi fatte nel piano dell'orizzonte, ancorchè la distanza fino alla base non si sappia. Prop. XII.

1 L'altezza da misurarsi sia la AB, & C il luogo del Misuratore. Fatte le due stationi in C, e D; sia visto in C l'estremo A sotto l'angolo AEF Gr. 54. Min. 28. & in D, per l'angolo AGF Gr. 35. E perche, posta la AF tutto'l Seno, le FE, FG sono le Tang. degli angoli FAE, FAG complementi degli angoli offeruati; & la EG la differenza di esse Tang. diremo. Se la GE, differenza di esse Tang. 71398. è Br. 10. che sarà la AF, tutto'l Seno 100000? Troueremo per essa Br. 14. alla quale aggiunta la FB, cioè G'D statura del Misuratore: tutta l'altezza AB ne sarà nota.



REG.

2 Co'Seni. Cauato dall'angolo A

Y 3

EF

31. pri.

10. tri.

ang.

REG.

3. triag.

EF l'angolo AGE, e rimarrà l'angolo EAG noto. Dunque nel triangolo obliquangolo AEG, noti due angoli, A, & G col lato GE: baueremo ancora il lato AE. Siche: *Essendo nel triangolo rettangolo AEF nota l'ipotenusa AE cō l'angolo acuto E: baueremo anche il lato AF, &c.*

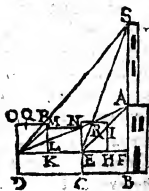
31. pri.

4. pri.

18. pri.

19 pri.

3 Col Quadrato Geometrico. Nel guardare il termine A dell'altezza AB resti prima segata nell'vna, & nell'altra statione C, D l'ombra versa, & sia la HI 875. & la KL 389. E perche questa è minore. piglisi la KM alla HI eguale, & si tiri la GM, & la MN parallela alla GF, che seghi la GA in N. Perche dunque ne' triagoli EHI, GKM i lati EH, HI sono eguali a'lati GK, KM ciascuno a ciascuno, & gli angoli H, K sono retti, & però eguali: e eguali faranno ancora gli HEI, KGM, e però parallele le EI, GM. Dunque ne'riangoli GMN, AEG faranno eguali tanto gli angoli G-



NM

NM, AGE, quanto gli MGN, EAG; *b* e per ciò anco i rimanenti GMN, A-EG. Per lo che faranno equiangoli ef-  
fi triangoli. Adunque come la MN, alla MG, così la GE alla EA: & come la MG alla MK, così la AE alla AF. per-  
cioche anche il triangolo GKM cioè EHI eguale al GKM, & equiangolo *m* è simile al triangolo EFA. Onde *n* per la  
egual proportionione farà, come la MN alla MK, così la GE alla AF. Dunque  
facciali: Come la MN 1249. alla M-  
K, o IH 875. così la GE Br. 10. alla  
AF: che per essa AF si baueranno Br.  
7. &c. Essa MN si trouerà, come la  
GN del Num. 5. deila 6. Prop.

4 Sia ora l'altezza BS, & resti se-  
gata ambeue le volte l'ombra retta,  
& sia la NR 400. & la OP 900. Si pigli  
la OQ alla NR eguale. Dunque, per-  
che i triangoli POG, GFS sono equi-  
angoli, per gli angoli O, F retti, & e  
per gli alterni OPG, FGS eguali, *p* & c.  
*q* farà come la OP alla OG, così la  
FG alla FS: & *r* permutando, come la  
OP alla FG, così la OG alla FS. Per  
le medesime ragioni farà, come la N-  
R alla FE, così la NE alla FS. / Perche

*b* 32. pri.*i* 4. sexti.*l* 4. pri.*m* coroll

4. sexti.

*n* 22. qui-  
ti.

REG.

*o* 29. pri.*p* 32. pri.*q* 4. sexti.*r* 16. qui-  
ti.*s* 7. quinti

dunque, come la OG alla FS, così la  
 NE alla FS: sarà anche, come tutta la  
 OP a tutta la GF, così la parte tratta  
 OQ alla parte tratta EF. \*Adunque la  
 rimanente QP sarà alla rimanente GE,  
 come tutta la OP a tutta la GF, cioè  
 come la OG alla FS, essendosi dimo-  
 strato, la proportionione della OP alla  
 GF, e della OG alla FS essere la mede-  
 sima. Per tanto facciasi: *Come la QP*  
*500. differenza delle ombre alla GE Br.*  
*10. differenza delle stazioni, così la OG*  
*1000. alla FS: che baueremo Br. 20.*

5 *AVVISO.* Se in vna statione ri-  
 manga segata l'ombra versa, e nell'al-  
 tra la retta; si riduca, &c. quale a qual  
 vogliamo, & si faccia, come di sopra.  
 Et se resti segato l'angolo del concor-  
 so, si torrà tutta la versa, o tutta la  
 retta, secondo, che nell'altra si sarà  
 taghata.

*OPERARE il medesimo con due sta-  
 tioni fatte sur vn'asta, o cosa tale.*  
*Prop. XIII.*

1 Si vegga la cima A in D per l'an-  
 golo ADF, prolungata la DK fino ad

F, di



G. *l'ipotenusa DA è nato ancora l'angolo*  
 triag. *D acuto. g Dunque anche il lato AF*  
*troueremo.*

3 *Col Quadrato Geometrico.* In D  
 reſti ſegata l'ombra retta, & ſia la NG  
 750. & in E la verſa; e ſia la SH 777.  
 Si riduca la NG alla verſa KS. Sarà eſ-  
 ſa KS 1333. Si pigli la KL alla SH egua-  
 le, & ſ'intenda tirata per L la DM. E  
 perche nei triangoli DKL, ESH le DK,  
 KL ſono eguali alla ES, SH ciaſcuna a  
 ciaſcuna, & l'angolo K retto è eguale  
 al retto S; *h* i KDL, SFH faranno egua-  
 li, & eguali però i lor compimenti N-  
 DL, P*o*H: & per ciò parallele le EA,  
 DM. *i* Et ſon parallele anche le AM,  
 ED. Dunque il quadrilatero AEDM  
 farà parallelogrammo, & vguali pe-  
 rò le AM, ED. E petche, *n* come la SL  
 alla LK, così è la AM alla MF; *o* che an-  
 che le AF, SK ſon parallele: farà, *p* com-  
 ponendo al contrario, come la SL alla  
 SK, così la AM alla AF. Facciaſi dun-  
 que: *Come la SL 556. differenza delle*  
*ombre alla SK 1333. ombra maggiore,*  
*coſi la AM, q cioè la ED Pal. 10. alla*  
*AF: che per eſſa AF baueremo Pal. 24.*

4 *Reſti, in vedere X, ſegata l'om*

bra



bra retta sempre, & sia la NO 600. & la PI 900. Prima possiamo l'vna, & l'altra ridurre alla versa, e fare, come di sopra. Ma senza riduzione. Si pigli la PQ alla NO eguale, & per Q si tiri la ER, che in R concorra con la IR, e retta in I alla PI perpendicolare. Ora, perche i triangoli QIR, QPE sono simili, per gli angoli I, D retti, e per li eguali IQR, PQE alla cima, & c. farà, come la IQ alla IR, così la PQ alla PE. Et permutando, come la IQ alla QP, così la IR alla PE. Ma come la IR alla PE, così è, per le medesime ragioni, la ED del triangolo EDV alla TX del triangolo TXV: perche son simili ancora i triangoli QPE, VED, per gli angoli QPE, VED retti, e per li PEQ, EDV eguali, & c. y. Sono essi angoli PEQ, EDV eguali, per le PQ, PE del triangolo QPE eguali alle NO, ND del triangolo OND, comprendenti angoli eguali P, N, per esser retti. z. Per la qual cosa, come la IQ alla QP, così la DE, & cioè la FT alla TX: a. Dunque componendo al contrario, come la IQ alla IP; così la FT alla FX. Facciasi per ciò: Come la IQ 300. differenza.

19. pri.  
32. pri.  
4. sexti.  
16. quin-  
ti.

x 32. pri.  
y 4. pri.

z 11. quin-  
ti.  
34. pri.  
1. chol.  
18. quinti

REG.

delle

pri.

della ombra, alla  $IP$  900. ombra maggiore, così la  $FT$ , & cioè la  $DE$  Pal. 10. alla  $FX$ : che per essa si troueranno Pal. 30.

5 **AVVISO.** Se rimanesse segata, sempre l'ombra versa, li operetà, come nel Num. 3. senza riduzione, come è manifesto.

6 **VN' ALTRO AVVISO.** Se l'altezza proposta in questa, e nella passata Prop. habbia la base occupata con altri ediftij, oppure sia vn monte; è chiaro, che al medesimo modo haueremo la quantità della linea perpendicolare dalla cima alla base.

**MISURARE**, di su la cima vn'altezza di vn'ediftitio perpendicolare, quando ne sia nota la distanza dalla base a qualche termine, o pure qualche remoto interuallo nell'orizzonte, posto in diretta all'altezza. Prop. XIV.

DI su la cima  $A$  debbasi misurare l'altezza  $AB$ , essendo nota la distanza  $BC$ : Visto il termine  $C$  sotto l'angolo  $BEC$ ; perche nel triangolo  $EBC$  rettangolo è noto vn lato  $BC$  con angolo

acuto

acuto E: a Haueremo ancora il lato E-B, dal quale cauata la EA; rimarrà l'altezza AB:

43 triāg.  
REG.

2. Sappiasi ora l'intervallo CD, po-  
sto nell'orizzonte per diritto dell'altez-  
za AB. Veduti gli estremi C, D sotto  
gli angoli BEC, BED, e fatta l'altez-  
za EB tutto'l Seno; le BC, BD saran le  
Tang. di essi angoli, & la CD la diffe-  
renza loro. Diciam dunque.

*Se la CD differenzia delle Tag. da le misure dell'intervallo*

CD; che darà  $\frac{B}{C}$   $\frac{C}{D}$   $\frac{D}{E}$   
la EB tutto 'l Seno? Si baueranno le mi-  
sure della EB; &c.

REG.

3 Co' Seni . Poiche nel triangolo obliquangolo ECD sono noti due angoli, il CED come differenza degli angoli BEC, BED, & il CDE come complemento dell'angolo BED, & è noto di più il lato CD : *b* haueremo anche il lato EC . *Et nel triangolo EBC rettangolo con la ipotenusa EC babbiamo anche l'angolo acuto BEC . c Dunque anche la EB troueremo .*

6 10. tri-  
ang.  
REG.

• 3. triág.

4 Col Quadrato Geometrico. Nel guardar' il termine C resti segata l'ombra retta in G. & E perche i triangoli EFG, EBC sono simili; se faremo: *e Come le parti dell'ombra FG a tutto'l lato FE, così la distanza nota BC alla BE: haueremo essa BE, &c.*

5 Se restasse segata l'ombra versa, come accade in O, messo il Quadrato in L, e posta la RD la distanza nota; haueremo i triangoli MNO, DRM equiangoli, per gli angoli N, R retti, & e per gli alterni NOM, RMD eguali, &c. Onde faremo: *b Come tutto il lato MN all'ombra NO, così la DR nota alla RM: che si trouerà essa RM, &c.*

6 Con l'intervallo CD noto. Resti nel guardare i suoi estremi segata l'ombra retta in G, & la versa in H. Si riduca la KH alla retta FI. & E perche come la IG alla GF, così è la DC alla CB; &, & per la somiglianza de' triangoli EFG, EBC, *m* come la GF alla FE, così la CB alla BE: sarà, *n* per la egual proportionione, come la IG alla FE; così la DC alla BE. Dunque faremo: *Come la GI differenza delle ombre a tutto il lato EF; così la CD nota alla EB, &c.*

7 Se rimanesse segata sempre l'ombra versa come si fa in V, O, posto l'istrumento in L, & fatta la distanza nota la RD; oltreche possiamo ambedue ridurle alla retta, e operare, come nel Num. passato: così faremo senza riduzione. Per V estremo della maggior ombra NV si meni la ST parallela al lato MN, che seghi la MD in T: che per la medesima ragione del Num. 6. se faremo: *Come la VT alla MS, così la RD alla MR: haueremo essa MR, &c.* REG. Essa VT si trouerà, come la NG del Num. 5. della 6. Prop.

8 **AVVISO**. Se con l'intervallo RD restasse segata sempre l'ombra retta si opererà come nel Num. 5. senza riduzione.

9 **VN'ALTRO AVVISO**. E manifesto, che, se l'altezza proposta sia vn monte, o altra cosa tale, si hauerà al medesimo modo l'altezza sua perpendicolare, se ne sia noto vn'intervallo RD nell'orizzonte.

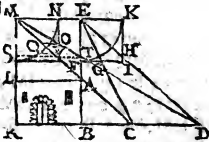
**INVESTIGARE** un'altezza con due  
stationi fatte su la cima , ancorche ne  
lontananza, ne intervallo ne sia noto  
nell'orizzonte. Prop. XV.

1 VISTO in A qualche segno D  
nell'orizzonte sotto l'angolo BED Gr.48.  
Min.22.& in L sotto l'angolo RMD Gr.  
60. Min.15. si tiri la NE , & si pigli la  
CD alla ME , & cioè alla LA eguale , &  
si meni la MC . Dunque perche le ME,  
CD sono anche parallele , per quel che  
si è dimostrato in simile esempio nel  
Num. 1. della 3. Prop. 6 anche le ED ,  
MC faran parallele : & però eguali gli  
angoli EDR , MCR , & per consequen-  
za anche i lor complementi BED, RMC.  
Onde , fatta la MR tutto'l Seno, la RD  
sarà la Tang. dell'angolo RMD , & la  
RC la Tang. dell'angolo RMC , cioè  
BED ; & la CD la lor differenza . Di-  
remo dunque : *Se la differenza CD*  
*62463. è Br. 10. che sarà la MR tutto'l*  
*Seno 100000 ? Haueremo per la MR*  
*Br. 16. Dalla quale cauata la ML ri-*  
*marrà l'altezza proposta.*

2 Se vorrem far co' Seni , cauato  
dall'angolo KEH , cōpimento del BED

l'angolo

l'angolo EMD, compimento del RMD;  
 d'haueremo nel  $\triangle$  MNEK  
 rimanete l'an-  
 golo EDM. Si-  
 che, essendo,  
 oltre i due an-  
 goli M, D no-  
 to nel trian-



d 32. pri.

golo obliquangolo EMD anche il lato  
 ME; e troueremo ancora il lato MD.  
 Et nel triangolo rettangolo MRD con  
 l'ipotenusa MD è anche noto l'angolo  
 acuto M. f Dunque haueremo anche la  
 MR, &c.

e 10. 17.  
ang.  
REG.

f 3. ariäg.

3 Col Quadrato Geometrico. Resti  
 segata l'ombra versa sempre in H, & O  
 nel vedere il segno D, come di sopra,  
 & sia la KH 889. & la NO 571. Si pigli  
 la NV alla KH eguale, & per V si tiri la  
 NC. E perche le NV, NM del trian-  
 golo MNV sono eguali alle KH, KE del  
 triangolo EKH, ciascuna a ciascuna, e  
 gli angoli N, K son retti, & però egua-  
 li: g faranno eguali anche gli angoli N-  
 MV, KEH. h Dunque le ED, MC saran  
 parallele. Ma son parallele anche le  
 ME, CD, &c. Parallelogrammo sarà  
 per tanto il quadrilatero EDCM, i &

g 4. pri.  
h 28. pri.

i 34. pri.

Z

per

30. pri.  
n coroll.  
1. sexti.  
4. sexti.

12. qui  
1.

REG.

p 29. pri.  
q 32. pri.  
r 4. sexti.

per ciò le ME, CD eguali: Si meni la OQ da O parallela al lato MN, & per conseguenza alla CD. <sup>m</sup> E perche i triangoli MQO, MCD sono simili, sarà, <sup>n</sup> come la QQ alla OM, così la CD alla DM: <sup>n</sup> & come la OM alla ON, così la DM alla MR, per la somiglianza medesimamente de' triangoli MNO, DRM dimostrati tali nel Num. 5. della 14. Prop. Dunque, <sup>o</sup> per la egual proportion, come la OQ alla ON, così la CD alla MR. Onde se faremo: Come la OQ 357. alla ON 571. così la CD Br. 10. ad altro: haueremo Br. 16. per la MR, &c. La OQ si trouerà, come la GQ del Num. 6. della 6 Prop. Cioè facendo, come la VN alla NM, così la VO, differenza delle ombre alla OQ.

4 ALTRAM. Perche i triangoli EKH, DBE sono equiangoli, per gli angoli K, B retti, <sup>p</sup> e per gli alterni E. HK, DEB eguali, <sup>q</sup> &c. se faremo, <sup>r</sup> come la KH 889. alla KE 1000. così la El inquanto 1. alla BD: haueremo per <sup>r</sup>  $BD = 1\frac{1}{8}$ . Per la medesima ragione facciasi, come la NO 571. alla NM 1000. così la MR 1. alla RD. Troueremo la RD  $1\frac{3}{4}$ . Si caui di questa la BD

Rimarrà



Rimarrà la  $RB \frac{5}{2}$ . Ma essa  $RB$ , *s* cioè  $LA$  è  $Br. 10$ . Diremo dunque: *Se la  $RB \frac{5}{2}$  è  $Br. 10$ . che sarà la  $EB$ , o la  $MR$ , posta 1? Troueremo per essa  $EB Br. 16$ .*

5 **AVVISO.** Se rimanesse segata sempre l'ombra retta, la  $QO$  farà, come è manifesto la differenza delle ombre, perche in tal caso la  $QO$  s'intenderà esser parte dell'ombra. Et se si segasse l'ombra variamente, si ridurrà la versa alla retta; che la medesima differenza sarà in luogo della  $QO$ .

**ESEGUIRE** il medesimo per due stationi, fatte sur vn'asta, o altra tale altezza. *Prop. XVI.*

1 **GVARDATO** il segno  $C$  sotto l'angolo  $BDC$  Gr. 63. Min. 26. & sotto l'angolo  $BEC$  Gr. 47. Min. 29. pongasi la  $BC$  tutto'l Seno: che le  $BD$ ,  $BE$  faranno le Tang. degli angoli  $BCD$ ,  $BCE$ , complementi de'  $BDC$ ,  $BEC$ ; & la  $DE$  la differenza loro. Adunque diremo. *Se la differenza  $ED 41683$ . è  $Pal. 10$ . che sarà la  $BD$  Tang. minore 50004? Troueremo  $Pal. 12$ . Dunque, leuatane la  $AD$ , rimarrà l'altezza  $BA$ .*

f 32 pri.  
REG.

REG.



a DB Pal. 12. &c.

4 Ma, se'l segno visto nell'orizzonte  
 sia P, resterà legata sempre l'ombra  
 retta in M, O. Sia la AM 833. & la QO  
 455. Si pigli la QN eguale alla AM; &  
 si tiri la EN, & da N la NL alla QN ad  
 angoli retti. Perche dunque *m* tanto  
 gli angoli QEN, ADM, quanto gli  
 EQN, LNQ sono eguali, *n* le EN, DP,  
 & le NL, ED faran parallele. *p* Per la  
 qual cosa ne' triangoli ELN, PED sa-  
 ranno eguali tanto gli angoli NEL,  
 DPE, quanto gli NLE, DEP, *q* &c. e  
 però equiangoli essi triangoli. *r* Dun-  
 que, come la LN alla NE, così la ED  
 alla DP; *r* & come la NE alla EQ, così  
 la PD alla DB: per essere equiangoli  
 anche i triangoli ENQ, DPB, per gli  
 angoli retti Q, B, e per li QEN, ADM,  
 o BDP dimostrati eguali, *s* &c. Siche  
 per la egual proportion, come la LN  
 alla EQ, così la ED alla DB. Ma, co-  
 me la LN alla EQ, così è la NO alla  
 OQ. Posciache, essendo i triangoli L-  
 NO, EQO equiangoli, per li angoli  
 retti N, Q, e per li eguali in O alla ci-  
 ma, *x* &c. *x* sarà come la LN alla NO,  
 così la EQ alla QO. *y* Et permutando,

*m* 4. pri.

*n* 28. pri.

*p* 27. pri.

*p* 29. pri.

*q* 32. pri.

*r* 4. sexti.

*s* 32. pri.

*t* 22. qui-  
 ti.

*u* 15. pri.

*x* 32. pri.

*y* 4. sexti.

*z* 16. qui-

Z 3

come





e 29. pri.

EB, EA, EF sono le Tang. degli angoli EDB, EDA, EDF, e cioè ECB: la BF sarà la differenza delle Tang. EB, EF, & la BA la differenza delle EB, EA. Diremo dunque: *Se la differenza BF 40023. è Br. 8. quanto sarà la differenza BA 30024? Troueremo, ch'ella sarà Br. 6.*

REG.

REG.

2 Sia ora la GB l'altezza proposta: & siasi veduta la cima G per l'angolo GDE Gr. 41. Min. 59. oltre gli altri, che sono i medesimi. Fatte tutte le cose, come di sopra, diremo per le medesime ragioni: *Se la differenza BF 40023. è Br. 8. che sarà la BG 49991. differenza delle Tang. degli angoli BDE, GDE? Troueremo Br. 10.*

f 28. pri.

REG.

3 Et se fusse la FB, & che la DF, che si tira parallela alla CB s'abbattesse a esser la medesima col raggio visuale DF; si il che occorrerà, quando la cima F si vegga sotto l'angolo FDE eguale al BCE: *Ella si trouerà nella prima operatione, come lato BF del triangolo H-BF, ouero come diremo nel Num. seguente.*

4 **ALTRAM.** Sia la BF l'altezza proposta. Visto il termine B sotto l'an-

golo

angolo BCE Gr. 38. Min. 40. ci tireremo indietro su per la DE tanto, che per l'angolo medesimo FDE Gr. 38. Min. 40. si veggia l'altro estremo F. Dunque perche gli angoli BCE, FDE sono eguali, & le BC, FD saran parallele. Per la qual cosa, *g* come la EC alla CD, così *g* 2. sexti. la EB alla BF. Fatto dunque nel triangolo rettangolo BCE tutto'l Seno la CE; la EB sarà la Tang. dell'angolo BCE. Dimodoche, se noi faremo: Come la EC 100000. alla CD, misurata, REG. e trouata Br. 10. così la EB 80020. alla BF: haueremo per essa Br. 8.

5 Co' Seni nell'etempio dell'altezza GB. Dall'angolo BCE, fatte le cose del Num. 1. fuorchè tirar la DF, se ne caui l'angolo BDC. *h* Rimarrà l'angolo DBC. *h* 32. pri. Dunque haueremo il lato *i* 10. tri. BD nel triangolo BDC. Et nel triangolo DBG son noti due angoli, il BDG, come differenza tra gli angoli BDE, GDE; & il DGB, come compimento del GDE, &c. *i* Sicche haueremo anche il lato GB, &c. REG.

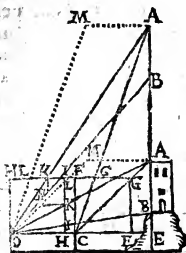
6 Col Quadrato Geometrico. Visto in C il termine A, & in D l'vno, & l'altro A, B; rimanga segata sempre l'om-

l 31. pri.

bra versa, o sempre la retta. / Da A si

m 33 . pri.

n 29 pri.



meni la  $AM$  alla  
 $DE$  parallela, &  
 si faccia eguale  
 alla  $DC$ , & giun-  
 gafi la  $DM$ :  $m$  la  
 quale farà equi-  
 distante alla  $CA$ .  
 Dunque gli an-  
 goli  $ACE$ ,  $MDC$   
 faranno eguali:  
 e però nel caso  
 dell'ombra retta

eguali faranno anche i lor complimenti  
FCG, HDL. Et sono eguali in ogni ca-  
so anche i retti F, H, & i lati CF, DH  
ne' triangoli CFG, DHL. Et l'ombre  
saran dunque anche eguali FG, HL.  
p Tirisi la KN parallela al lato DH, q e  
però anche alla AM nel caso dell'ombra  
verta. Sarà, r per la similitudine de'  
triangoli DKN, DAM, s come la DK alla  
KN, così la DA alla AM. Et per-  
mutando, come la DK alla DA, così la  
KN alla AM. Per le medesime ragioni  
sarà, come la DK alla DA, così la KI  
alla AB. Dunque sarà, & faremo: Co-  
me la KN 454. alla KI 364. differenza

c 26.pri.

p 3 i pri.

530.pri.

$r$  coroll.

4.1exti.

§ 4. lexī.

† 16, quinquies

ti.

411. Quin

1

**TRA**

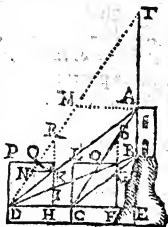


tra l'ombra HI, HK 136. 500. così la AM eguale alla DC Br. 10. alla AB: che per essa AB baueremo Br. 8.

7 Per le ragioni medesime nell'esempio dell'ombra retta, se faremo: Come le parti della KL alle parti della KN, così la AM alla AB: baueremo la quantità della AB, &c. Come si troua essa KN si è insegnato nella GQ del 6. Num. della Prop. 6.

REG.

8 Resti ora segata l'ombra variamente, in C la retta, in D la versa: & sia la LO 625. la HI 400. la HK 800. Fatte le medesime cose, per le stesse ragioni faremo: Come la KN 500. alla KI 400. differenza delle HI, HK; così la AM Br. 10. alla AB Br. 8.



REG.

Che la KN sia 500. così si farà manifesto, & sarà anche il modo di trouarla. Perche allungata l'ombra versa fino in R, x i triangoli RHD, RKN sono simili; y farà, come la RH alla HD; così la

x coroll.  
4. sexci.  
y 4. sexti.

RK

RK alla KN. Ma la RH, per lo Num. 2. del 2. Cap. del 1. Lib. è la riduzione dell'ombra retta PQ, cioè LO eguale, per la dimostrazione fatta di sopra nelle HL, FG; alla versa RH. Dunque essa RH sarà 1600. & Siche: *Come la RH 1600. alla HD 1000. così sarà la RK 800. differenza tra le HK, HR alla KN 500.*

9 *ALTRA M.* Siafi visto in C il termine B sotto l'angolo BCE, nel quale si seghi l'ombra versa, & sia la FG 800. Tirianci indietro, come di sopra nel Num. 4. tanto che in D sotto le medesime parti 800. della HK si veggia l'altro termine A. E perche *a* le GF, BE sono parallele, *b* sarà, come la CF alla FG, così la CE alla EB. Posta per tanto la CE 1000. quanto è la CF: la EB sarà 800. quanto la FG. *c* Et sono parallele anche le BC, AD, *d* essendo eguali gli angoli BCE, ADE. *e* Onde sarà, e faremo: *Come la EC 1000. alla CD misurata, e trouata Br. 10. così la EB 800. alla BA Br. 8.*

10 Il medesimo si offeruerà per appunto nel caso dell'ombra retta, senon che, per far la dimostrazione, bisogne-

rà ridurla alla versa. Come, se la proposta altezza fusse la AT; & si segasse l'ombra retta in O, Q; ridotta l'ombra retta LO 625. alla versa FS 1600. faremo per le medesime ragioni: Come la EC 1000. alla CD Br. 10. così la EA 1600. quanto cioè la FS, alla AT 16.

REG.

II AVVISO. f Si potrà anche trovare l'vna, & l'altra altezza AE, BE, e cauare la minore dalla maggiore &c. Il che s'intenda anche nella Prop. seguente.

f II. 12  
13. huius

**INVESTIGARE** il medesimo per due stationi fatte in vn'asta, o altra tal cosa. Prop. XIIIX.

I Si sia veduto in C il termine B sotto l'angolo ECB Gr.

30. Min. 58. & in D, in-

teso allungato il semi-

diametro DH fino in

M sotto l'angolo MDB

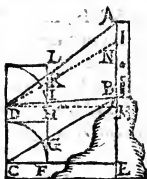
Gr. 5. Min. 43. & qui-

ui pure l'altro termine

A per l'angolo MDA

Gr. 38. Min. 40. Si pigli la BN alla CD

eguale, & si tiri la DN: la quale, per



a 6. vnde-  
cimi.

b 33. pri.

c 29. pri.

REG.

le eguali, *a* e parallele BN, CD; *b* farà equidistante alla CP; *c* e però gli angoli EBC, END eguali, & eguali per conseguenza i lor compimēti ECB, MDN. Onde, fatta la DM tutto'l Seno, la MB, farà la Tang. dell'angolo MDB, la MN Tang. del MDN, cioè dell'angolo ECB, & la MA Tang. dell'angolo MDA. Dunque la BN farà la differēza delle Tang. MB, MN; & la BA la differenza delle MB, MA. Per lo che diremo: *Se la differenza BN 49996. è Pal. 10. quanto si pone cioè la CD; che sarà la differenza 70009? Troueremo per essa BA Pal. 14.*

d 10. tri-  
ang.

REG.

2 Co' Seni. Perche nel triangolo BDN obliquangolo son noti due angoli il BDN come differenza degli angoli MDB, MDN; & il BND come compimento del MDN, cioè dell'ECB, & è noto anche il lato BN eguale alla CD: *a* haueremo anche la quantità della DB. Et nel triangolo ABD obliquangolo pure, oltre ad esso lato BD trouato, son noti due angoli: il BDA, come differenza degli angoli MDB, MDA; & il BAD, come compimento del MDA. *d* Dunque baueremo anche la BA.

3. *Col Quadrato Geometrico*. Resti prima segata sempre l'ombra versa: & sia la FG 600. la HI 100. & la HL 800. Fatte tutte le cose come di sopra, perche gli angoli ECG, MDK, cioè ne' triangoli CFG, DHK, li FCG, HDK si son dimostrati eguali; & eguali sono i retti F, H, & i lati CF, DH: e anche le ombre FG, HK saranno eguali. E perche, *f* come la IK alla KL, così la BN alla NA; sarà, *g* componendo al contrario, come la IK alla IL, così la BN alla BA. Faremo dunque: *Come la IK 500. differenza delle ombre HI, HK, cioè FG, alla IL 700. differenza delle HI, HL; così la EN Pal. 10. alla BA: che per essa si trouerà Pal. 14.*

4. Resti ora segata sempre l'ombra retta, & sia la FG 592. la HM 907. & la HL 516. Fatto quanto di sopra, perche, per le parallele CB, DN, *b* gli angoli HDI, FCG sono eguali, & c. e anche le ombre HI, FG saranno eguali. Da M ergasi alla HM la perpendicolare MP, che in O, P seghe le DN, DA. Dunque per le medesime ragioni, come la MO alla OP, così la BN alla NA: *z* & componendo al contrario, come la

e 26. pri.

f schol. 4. sexti.

g schol. 18. quin.

R &amp; G.

b 29 pri.

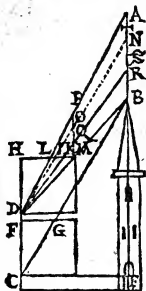
i 26. pri.

z schol.

18. quin.

EG.

MO alla MP, così la BN alla BA. Sicche facendo: Come la MO 532. alla MP 757. così la BN Pal. 10. alla BA: haueremo per essa Pal. 14.



18. quĩ  
i.  
LEG.

5 Sia ora la BR l'intervallo proposto; e l'estremo R si sia veduto sotto l'ombra HK. Sarà pure, per le ragioni medesime, come la OQ alla QM, così la NR alla RB: *m* & componendo: Come la OM alla QM, così la NB alla RB, &c.

6 Se poi il proposto intervallo fusse la BN, cioè, che la DN parallela s'affrontasse a esser la medesima col raggio visuale DN; il che faria, come è manifesto per le cose dette, quando fossero eguali l'ombre FG, HI, sotto le quali essi estremi si veggono; la NE sarà eguale alla DC: il che è chiarissimo per le cose dette più volte. Come poi si truovi la quantità delle MP, MO, MQ, si è insegnato nella Prop. 6. Num. 5. nell'e-

tempio



REG.  
d 4. triag.

torno all'angolo retto  $BEF$ ; <sup>d</sup> si hauerà anche la  $FB$ .

e coroll.  
4. sexti.  
REG.  
f 4. sexti.

3. Col Quadrato Geometrico. Resti segata l'ombra in  $I$ . e Per la somiglianza de' triangoli  $AGI$ ,  $ADB$ , farà, & farassi: *f* Come la  $AG$ , o  $GI$  alla  $AI$ ; così la  $AD$ , o  $DB$  nota alla  $AB$ . Le parti della Diottra  $AI$ , se non hauerà le diuisioni, *g* si troueranno da' due lati noti  $AG$ ,  $GI$  nel triangolo rettangolo  $AGI$ .

g 4. triag.

4 Per hauere la  $AB$ , si farà, come di sopra nel Num. 2.

5 AVVISO. Se restasse segata l'ombra retta, si farà come il lato del triangolo alla Diottra, così il lato noto dell'altro triangolo, cioè la distanza nota, o altezza all'interuallo, proposto: purché si piglino i lati corrispondenti, come è chiarissimo per le cose passate senz'altro esempio, o dimostrazione. Si potrà anche ridurre alla versa, & fare come di sopra, &c.





*Troueremo per essa AB Br. 18.*

\* 32. pri.  
REG.  
b 10. tri-  
ang.

2 Co'Seni. Dall'angolo BAD se ne caui il BCD. a Rimarrà l'angolo ABC noto. Ma Oltre gli angoli ABC, ACB nel triangolo ACB, è noto anche il lato AC. b Dunque anche la AB troueremo.

REG.

\* 11. tri-  
ang.

3 Cerchisi la FB. Perche nel triangolo AFB si san due lati: l' AF, come statura del Misuratore, & l' AB trouato, come di sopra; & è noto anche l'angolo BAF, composto del retto FAG, e del GAI: e Haueremo anche la quantità del tergo lato FB.

\* 4. pri.  
\* 28. pri.  
f 31. pri.  
g 29. pri.

4 Col Quadrato Geometrico. Seghisi prima l'ombra versa sempre, & sia la GI 785. la MN 458. Si pigli a questa la GK eguale, & si giunga la AK: la quale, d per l'eguaglianza degli angoli G-AK, MCN, e sarà parallela alla CB. f Da K si meni la KL alla AG equidistante. g Perche dunque ne' triangoli ABC, LAK gli angoli ABC, LAK sono eguali, & eguali anche gli alterni G-AK, cioè ACB, LKA; essi triangoli faranno equiangoli. b Dunque faremo: Come la KL 416. alla AL 742. come si dimostrerà, così la AC Br. 10. alla AB: che haueremo per essa Br. 18. Come si

b 4. sexti.  
REG.

troui

trouai la KL si è insegnato nell'2 GQ del Num. 6. della 6. Prop.

Che la AL sia 742. così si farà chiaro. Perche tirata la LO alla KG parallela, & la GO, per lo parallelogrammo GL, è 416. quanto la HL, se la caueremo da tutto il lato AG, rimarrà la AO 584. Et anche la LO è eguale alla GK, cioè MN 458. Dunque: *Noti due lati nel triangolo rettangolo AOI, lo AO, & l'OL: m Hauereмо anche la AL 742. Et è anche il modo di trouarla.*

5 Per hauere la FB facciasì, come la BA trouata Br. 18. alla AF Br. 3. così la AI 1271. alla IH 212. & si tiri la AH. Perche dunque gli angoli HIA, FAB in essi triangoli sono eguali, & per le parallele HI, AF, & i lati AI, IH si son fatti proportionali a' lati BA, AF: p essi triangoli saranno equiangoli. q Facciasì dunque: *Come la IH alla HA trouata per la 4. Prop. de' nostri Triangoli; così la AF alla FB, &c.*

6 Resti segata ora l'ombra retta sempre: & sia la GH 476. & la IK 952. Presa la GL alla IK eguale, & tirata la AL, & perche gli angoli GAL, ICK sono eguali in essi triangoli; saranno e-

31. pri.  
34. pri.

REG.

m 4. tri  
ang.

n 29. pri.  
o 6. vnde-  
cimi.  
p 6. sexti.  
q 4. sexti.  
REG.

r 4. pri.



HN 144. come dimostreremo alla NA REG.  
 1239. come si prouerà; così Br. 3. la AF  
 alla FB : troueremo essa FB essere Br.  
 26.

Che la HN sia 144. così si dimostre-  
 rà; & farà anche il modo di trouarla.  
 Perche i triangoli HAN, ABF si sono  
 dimostrati equiangoli, se faremo : , Co- REG.  
 me la AB trouata 23. Br. alla AF Br. 3.  
 così la AH 1107. alla HN; vedremo es-  
 ser vero, ch'ella è 144. Et la AN è 1239.  
 percioche, aggiunta essa HN alla MH,  
 d cioè a tutto il lato AG: haueremo tut- d 34. pri.  
 ta la MN 1144. Ma è nota anco la AM,  
 d cioè la GH. e Dūque troueremo 1239. e 4. triag.  
 per la AN nel triangolo rettangolo A-  
 MN.

8 AVVISO. Se l'ombre restasser  
 segate variamente, si ridurrà l'vna al-  
 l'altra, &c. come di sopra.

INVESTIGARE gl'interualli medesi-  
 mi per due stationi fatte l'vna sopra  
 l'altra. Prop. XXI.

1 SIASI visto in A il termine B del-  
 l'interuallo proposto sotto l'angolo D-  
 AB, tirata la AD al perpendicolo BD,

&c. di Gr. 43. Min. 9. & in C, menata  
la CM, &c. per l'angolo MCB Gr. 17.  
Min. 21. Intendafi prolungato il per-

**L**pendicolo DB fino in L, & facciasì la BL eguale alla AC. Dunque, perche, tirata la CL <sup>a</sup> le AC, BL sono anche parallele: <sup>b</sup> ancora le AB, CL faranno e parallele, & eguali. <sup>c</sup> Eguali per tanto faran gli angoli CLM,

2° Per li Seni. *Perche nel triangolo obliquangolo ABC son noti due angoli, lo A, come compimento del BAD, & il C composto del retto ACH, e del HCI;*

**ECON**

6. vnde  
imi.  
33. pri.

29. pri.

**EG.**

e con questi habbiamo anche il lato  $AG$  :  
 & Troueremo ancora l' $AB$ , &c.

3 Et per la  $FB$  : Essendo nel triangolo  $AFB$  obliqua  $\Delta$ golo noti due lati  $AF$  Pal. 3.  $AB$  trouato 22. & è noto l'angolo  $BAF$  composto del retto  $FAE$ , e dell' $EAB$ : e Haueremo anche il terzo lato  $FB$  &c.

4 Col Quadrato Geometrico. Resti segata l'ombra versa, & sia la  $EG$  937. & la  $HI$  312. Fatte le medesime cose, &c. perche ne' triangoli  $AEG$ ,  $CHK$  gli angoli  $A$ ,  $C$ ;  $E$ ,  $H$  sono ciascuno a ciascuno eguali; che quegli tai si son dimostrati, e questi son retti, & eguali sono anche i lati  $AE$ ,  $CH$ : f l'ombre  $EG$ ,  $HK$  saranno eguali; e però la  $IK$  sarà la lor differenza. g Ec ne' triangoli  $KCI$ ,  $ABC$  sono eguali gli angoli  $KCI$ ,  $ABC$ ;  $KIC$ ,  $ACB$ , b &c. e però essi triangoli equiangoli. Dunque, se faremo: i Come la differenza  $IK$  625. alla  $KC$ , l'trouata 1370. così la  $AC$  Pal. 10. alla  $AB$ : troueremo per essa Pal. 22.

5 Se vogliamo la  $FB$ , m si tira la  $AH$  a essa  $FB$  parallela, che con l'ombra  $EC$  prolungata s'incontri in  $H$ . n Dunque gli angoli  $GAH$ ,  $HGA$  del triangolo

d 10. triang.  
ang.

REG.

e 11. triang.  
ang.

f 16. pri.

g 29. pri.

h 32. pri.

i 4. sexti.  
REG.

l 4. triag.

m 31. pri.

n 29. pri.

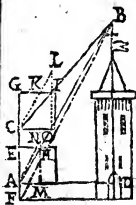
o 32. pri.  
p 4. sexti.  
q 4. tr. ág.  
REG.

GAH faranno eguali a gli angoli ABF, FAB del triangolo ABF ciascuno a ciascuno, &c. & però essi triangoli equiangoli. Perloche, se noi faremo: *p* Come la GA, *q* trouata 1370. alla HA, trouata 1503. così la AB trouata di sopra Pal. 22. alla FB: baueremo per essa FB Pal. 24.

r 4. sexti.  
REG.

6 AVVISO. Per trouar la quantità della EH, accioche habbiamo nel triangolo AEH noti i due lati attorno all'angolo retto E, &c. faremo: *r* Come la BA 22. alla AF 3. così la AG 1370. alla GH: sarà essa GH 186. Si sommi con la EG. Risulta tutta la EH 1123.

7 Resti ora segata l'ombra retta, & sia la EH 592. la GI 900. Si pigli la GK eguale alla EH, & si meni la CK, che prolungata concorra in L con la OL, tirata per I parallela al lato CG. Perche dunque ne' triangoli AEH, CGK i lati EA, EH sono eguali a' lati GC, GK ciascuno a ciascuno, & eguali anche gli angoli E, G retti, san-



f 4. pri.

che



che gli angoli EAH , GCK faranno eguali : *a* e però parallele le AB , CL .  
 « Adunque gli angoli LCI , LIC nel triangolo LCI faranno eguali ciascuno a ciascuno degli angoli ABC , ACB nel triangolo ABC , *x* &c. Onde , *y* se faremo : *Come la LI 5 20. alla LG, z trouata 1819. così la AC Pal. 10. ad altro : baueremo la AB Pal. 35.* Come si troua la LI si è insegnato nella 6. Prop. al Num. 5. nella GN. Aggiunta essa LI alla OL, *a* cioè a tutto il lato CG; habbiamo noti nel triangolo COL i lati OL , OC , *a* cioè IG , &c. *b* per trouare la CL .

128. pri.

29. pri.

32. pri.

4. sexti.

4. triäg.

REG.

34. pri.

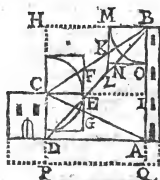
4. triäg.

Per la FB faremo : *Come la HN alla NA, così la AF alla FB.* Diche n'habbiamo interamente l'esempio nel Num. 6. della 20. Prop.

**AVVISO.** Se rimanga segata l'ombra variamente , si faccia la riduzione , &c.

*MISVRARE vn'altezza, o parte di  
essa di su vn'altra altezza sia nota, o  
no quella, su la quale il Misuratore si  
ritruoua. Prop. XXII.*

I SIA prima il Misuratore su la cima C dell'altezza CD, & habbia quindi a misurare l'altezza AB maggiore, & sia prima nota la CD.



Intédasi tirata la CI equidistante all'orizzonte DA : & sia es-  
sa CI in luogo del  
piano dell'orizzonte.

Dunque: *Trouata la IB per alcuno de' modi passati, & aggiuntai la 1A, a cioè la CD nota: ne risulterà tutta la AB.*

2 Ma se non si sappia l'altezza CD, si truouisi la CI, come se ella fusse il piano dell'orizzonte. Sia essa CI Br. 30. & siasi quindi veduta la cima B sotto l'angolo ICB Gr. 33. Min. 41. Riuoltato poi l'istrumento, come si vede nella figura, si miri l'estremo A per l'angolo ICA Gr. 25. Min. 1. E perche posta la CI tutto'l Seno le IB, IA sono le Tang.

degli

4 34.pri.

*b* 7.8 hu.  
ius.

degli angoli offeruati ICB, ICA; diremo: Poiche la CI tutto'l Seno è Br. 30. che sarà la BA, somma delle dette Tang. 113316? Troueremo Br. 34.

3 Co' Seni. Abbiamo nel triangolo rettangolo BIC noto il lato CI, & l'angolo CBI compimento del BCI. Haueremo dunque anche l'ipotenusa BC. Et nel triangolo obliquangolo ABC son noti due angoli, lo A come compimento dell'ICA, & il C composto de' due ICB, ICA. Per ciò haueremo anche il lato, o altezza AB.

4 Col Quadrato Geometrico. Fatte le medesime cose, resti segata l'ombra versa, & sia la EF 667. & la EG 467. E perche le FG, BA sono parallele, si triangoli IBC, EFC; IAC, EGC saranno simili. 8 Per la qual cosa sarà la BI prima alla IC seconda, come la FE terza alla EC quarta. Similmente la AI quinta sarà alla IC seconda, come la GE sesta alla EC quarta. b Dunque la BA composta della prima, e della quinta sarà alla seconda IC, come la FG composta della terza, e della sesta alla quarta EC. Et conuertendo la IC sarà alla BA, come la CE alla FG. Se

dunque

REG.

e 3. triag.

REG.

d 10. triang.

e 6. vnde-  
cimi.

f coroll.  
4. sexti.

g 4 sexti.

h 24. quin-  
ti.

i coroll.  
4. quinti.

REG.

dunque faremo : Come la CE 1000. alla FG 1134. così la CI Br. 30. alla BA : baueremo per essa BA Br. 34.

5 AVVISO. Se rimanesse segata l'ombra retta o vna, o ambedue le volte ; si ridurrà alla versa , & farassi al medesimo modo .

1. 3. 4.  
hujus.  
m 34. pri.

6 Sia ora il Misuratore su la cima B, & habbia quindi a misurare l'altezza CD. Intendasi tirata la BH parallela all'orizzonte, che concorra in H con la DC prolungata; sappiasi, o no essa AB. Trouata la CI, cioè la BH Br. 30. si miri l'estremo C per l'angolo IBC Gr. 56. Min. 19. & l'estremo D per l'angolo ABD Gr. 41. Min. 25. E perche, posta la BH tutto'l Seno, le HC, HD sono le Tang. degli angoli HBC, HBD, complementi degli angoli offeruati, & la CD la differenza di esse Tang. se faremo : Come la BH 100000. alla CD 46711. così Br. 30. BH ad essa CD : baueremo Br. 14. per l'altezza CD.

REG.

3. triag.  
REG.

19. pri.

7 Co'Seni. Se l'altezza AB sia nota, & troueremo l'ipotenusa BD, &c. Quindi nel triangolo BCD, noti due angoli, il CBD, come differenza tra l'IBC, & l'ABD, & il BDC, & eguale

all'al-

all'alterno  $ABD$ , & noto anche il lato  $BD$ : *p* troueremo per conseguẽza la  $CD$ .  
 Se essa  $AB$  non si sappia, *q* truouisi, &c.  
 Ouero, trouata la  $BH$ , come di sopra,  
 Perche nel triangolo  $BHC$  è noto il lato  $BH$ , con l'angolo  $HBC$  acuto, compimento dell' $IBC$ : *r* troueremo anche la  $BC$ . *s* Dunque, per le ragioni allegate la  $CD$  ancora.

8 *Col Quadrato Geometrico*. Resti segata l'vna, & l'altr'ombra, & sia la  $MK$  667. & la  $ON$  882. la quale si riduca alla versa  $ML$  1133. come si ha nel Num. 2. del 2. Cap. del Lib. 1. Dunque la  $KL$  sarà la differenza di esse ombre. Fatte le medesime cose, che nel Num. 6. *r* perche sono simili tanto i triangoli  $BMK$ ,  $BHC$ , quanto i  $BKL$ ,  $BCD$ : *u* sarà, come la  $BM$  alla  $BK$ , così la  $BH$  alla  $BC$ ; & come la  $BK$  alla  $KL$ , così la  $BC$  alla  $CD$ . *x* Dunque per la egual proportionẽ farà, e faremo: *Come la BM* 1000. *alla KL* 466. *così la BH* Br. 30. *alla CD* Br. 14.

9 *AVVISO*. Se si seghi sempre l'ombra retta si ridurrà pure alla versa, la qual riduzione non accaderà, se resti segata sempre la versa: e nell'vna,

*p* 10. triang.  
ang.

*q* 15. 16. huius.

REG.

*r* 3. triag.

*s* 10. triang.  
ang.

*r* coroll.

*u* 4. sexti.

*u* 4. sexti.

*x* 22. quĩ

ti.

REG.

e nell'altra occasione si terrà sempre'l modo insegnato.

*VN'ALTRO AVVISO*. Se l'altezza, su la quale si truoua il Misuratore sia vn monte, o c'habbia la base ingombrata da altri edifitij; è chiaro, che si conseguirà il medesimo.

*TERZO AVVISO*. Di qui è manifesto il modo, che si de' tenere per trouare la distanza del perpendicolo d'vn'altezza dal perpendicolo di vn'altra, sopra la quale sia il Misuratore. Percioche trouata la CI y di su la cima C, z o di su la sommità B, essa CI sarà quel che si cerca, <sup>a</sup> cioè la distanza DA.

*QUARTO AVVISO*. Se dalle medesime altezze si hauesse a misurare vna parte della proposta altezza, come di su la cima C la PA parte della BQ, presa la PQ per lo piano dell'orizzonte; ouero di B la CD parte della CP: c'imagineremo, che la DA, <sup>b</sup> tirata parallela alla PQ, dal termine D, o A, sia il piano medesimo dell'orizzonte: & opereremo al medesimo modo per appurto, come è manifesto.

y 7.8. huius.

z 1. 3. 4. huius.

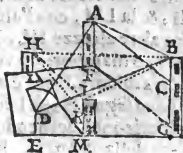
a 34. pri.

b 31. pri.

**INVESTIGARE** un' intervallo fra due cime di torri, o cose tali, e quindi raccogliere la distanza de' lor perpendicoli. Prop. XXIII.

I DAL luogo E habbiassi a misura-  
re l'intervallo AB fra le cime delle tor-  
ri AF, BG, & la  
distanza FG de'  
or perpêdicolì.

Si truouino le  
DA, DB. Poi,  
aggiustato l'istru-  
mento, che'l suo  
piano passi per  
le elme A,B; si noti la quantità dell'an-  
golo ADB, stando il centro D a per-  
pendicolo sopra E, come prima, &c.



Abbiamo dunque nel triangolo  $ABD$  noti due lati con l'angolo compreso da essi; b onde haueremo anche la  $AB$ .

2 Per la distanza FG, e truouinsi ambedue l'altezze AF, BG, oltre la AB, Dalla BG altezza maggiore caui- fi la AF, e cioè la CG a quella eguale. Rimarrà l'eccesso BC. Dunque, per- che: *Nel triangolo rettangolo ABC hab- biamo noti due lati, lo AB opposto all'an-*

19. 20.  
21. hus.

REG.

611. Tri-  
ang.

c 12, 20.  
22. huius.  
d 34. pri.

REG.

**B b**

*golo*

golo retto  $C$ , & il  $BC$ : haueremo, per lo Num. 3. della Prop. 4. de' nostri triangoli, anche la  $AC$ , & cioè  $FG$ .

2 Col Quadrato Geometrico. Si offeruerà il modo del Num. 3. della 12. & il 2. della 9. Prop.

3 **AVVISO.** Dall'altezza  $BG$  maggiore haueremo al medesimo modo la  $HI$ , & la  $LM$ , con l'aiuto della  $HK$ , in due altre altezze  $HL$ ,  $IM$ , sieno o minori, o maggiori; o vna maggiore, & l'altra minore. Il che è anche manifesto, se i due segni  $H$ , &  $I$  fossero nel piano dell'orizzonte, seruendoci per questo in oltre della Prop. 22. Possiamo appreso per questa Prop. misurare qual si voglia interuallo in qualunque piano eleuato, ancorche esso piano non sia retto all'orizzonte.

4 **VN'ALTRO AVVISO.** E chiaro, che, ancorche l'altezze proposte fussero monti, o haessero la base occupata da altri edificij; si conseguirà quanto si propone.

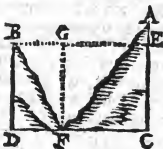


**MISVRARE** la profondità di vn pozzo, o di vna valle. Prop. XXIV.

1 PERCHE il misurare la profondità di vn pozzo non è altro, che inue-  
n-  
gare l'altezza di vn'edifitio, piglian-  
do il fondo del pezzo, o'l piano dell'ac-  
qua, per quello dell'orizzonte; per non  
crescere il volume senza bisogno: ri-  
mettiamo lo studioso lettore alle Prop.  
15. 16.

2 Per la valle alla Prop. 15. e 16.  
si è mostrato il modo. percioche  
non è la profondità della valle,  
e l'altezza perpêdicolare della spon-  
de, cioè nelle dette Prop. dell'edifitio,  
del monte, pigliando il fondo in luo-  
go del piano dell'orizzonte.

3 Se poi delle due sponde AF, BF,  
che formano la val-  
le AFB, l'vna AF  
sia più alta dell'  
altra B, & di A si  
vuesse trouare la  
profondità F rispet-  
ta alla BF, perche  
se in B non si possa andare: a troue-  
re prima l'altezza AC, poi la AE,



15. 16  
huius

B b z mi-

mirando di A il termine B, come se la BE, tirata per B parallela all'orizzonte, fusse il piano dell'orizzonte stesso. Poichè, se dalla AC ne caueremo la AE, eccello sopra la BD; rimarrà la EC, cioè la BD, o GF profondità, che si cerca.

4 Similmente se di B si douesse misurare la detta profondità, ma a rispetto della maggiore sponda AF; trouata la BD, & la AE, come se la BE fusse il piano dell'orizzonte, se ad essa BD, cioè EC aggiugneremo la AE; hauremo tutta l'altezza AC, che è quel, che si cerca, come è manifesto.

5 Et se vogliamo la calata AF, o BF; si trouerà per la 9. Prop.

#### A V V E R T I M E N T O.

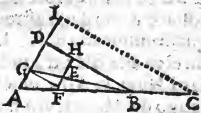
DA molte Propositioni in quà non si è fatta distinctione dell'istrumento pendulo dallo stabile; anzi il pendulo non si è più messo nelle figure; si perchè non restasse confuso lo studio con la moltitudine delle linee; si per esser più in vso, e più comodo, e più facile ad adoperarsi l'istrumento stabile, che'l pendulo. Onde oggi si fan tutti con la Diottra per l'ordinario, senza pensare a farui la commodità per lo filo, se alcuna volta pendulo si volesse adoperare. Con tutto ciò e per quel, che si è dimostrato nel Num. 3. del 2. Cap. del Lib. 1. e per

que'

te' modi , che dal principio di questo Libro  
r alquante Propositioni, si sono eseguiti col  
ndulo , e con lo stabile ; si può argomentare  
euolmente , che tutte le regole , da noi da-  
; e dimostrate per tutte queste 24. Prop. son  
re ancora nell'istrumento pendulo . Percio-  
e, formandosi sempre gli angoli eguali e nel  
ndulo , e nello stabile : è manifesto, per le  
se dette , e dimostrate più d'vna volta, secon-  
l'occasioni , che anche i Seni , le Tang. e le  
c. e le ombre saran sempre l'istesse nell'vno,  
nell'altro . E vero, che nel pendulo qualche  
commodo si prouerà , doue interuenga l'vso  
lle parti della Diottra , che su'l filo non si  
ggono : ma ancor queste si suppliranno nel  
o con poca industria , portandouele cioè al-  
ccasione , tolte prima nell'ato , col mezo del  
passo .

**MISURARE** col Quadrato Geometri-  
co qual si voglia linea in vna sola sta-  
tione. *Prop. XXV.*

**HABBIASI** prima da misurare  
distanza AB  
izontale da  
o degli e-  
emi A. In A  
metta vn'a-  
AD, & alla  
na D si applichi il Quadrato col cen-



Bb

3

tro

tro G di sotto, come si vede nella figura, & s'inclini tanto essa asta, che per l'ombra DH si vegga il termine B. Et stando così ferma l'asta con l'istrumento, si miri per la Diottra GE il termine B stesso. Sia il taglio FE 250. E perche i triangoli EFG, GDB sono equiangoli, e per essere eguali tanto gli angoli FEG, DGB, quanto li FGE, DBG, &c. Facciafi: Come la EF 250.

\* 29. pri.  
 \* 32. pri.  
 \* 4. sexti.  
 REG.

\* tutto'l lato FG 1000. così tutto'l lato GD inquanto 1. alla DB: che per essa DB baueremo 4. Si truoui quante volte il lato DG si contenga nella AD, il che si farà meccanicamente. Dunque: Nel triangolo rettangolo ADB e da due lati DA, DB noti, baueremo anche l'altro AB. Cioè nella misura DG. Onde se'l lato DG sia vn palmo, la misura verrà in palmi, se vn piede, in piedi, &c.

d 4. triag.  
 REG.

2. Ma se la distanza proposta fusse la BC, e'l Misuratore non si potesse accostare a vno degli estremi; ma bisognasse misurarla di A, luogo posto indiretto alla BC: truouisi come nel passato Num. la AB, cioè la distanza dal luogo del Misuratore fino al più vicino termine B. Poi fatto vn legno in D,

stando

stando l'alta AI immobile, si tiri tanto in su il Quadrato, fin che, essendo in I, si vegga per l'ombra DH, come di sopra, l'altro estremo C.

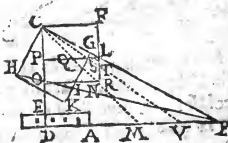
Dunque, perche gli angoli ADB, AIC sono eguali, per esser retti ambedue: e le DB, IC faran parallele.

Per tanto facciasi: *Come la AD alla DI, misurate in quai parti si voglia; così la AB, trouata, come qui sopra, alla BC: che haueremo essa BC nelle parti della AB.*

3 AVVISO. Si potran trouare ancora per lo Num. 1. ambedue le distanze AB, AC, e da la maggiore cavarne la minore.

4 Se poi il Misuratore si trouasse sopra vn'altezza AE, & si volesse quindi trouare la distanza AB dalla sua base fino a qualche segno B nell'orizzonte: ergasi in E vn'asta EC a perpendicolo, & intendasi prolungata fino in D. Si accomodi l'istrumento con l'angolo C all'asta, e col centro H da basso, & si miri il termine B, per l'ombra CG; il

quale, stando fermo l'istrumēto, si guardi anche per la Diottra HI. Notate le parti del taglio KI, troveremo, come nel Num. 1. la CB nella misura CH. Si accomodi di nuovo il Quadrato stabilmente col centro nel medesimo pun-



CL il medesimo estremo B, il che è manifestò, che accaderà per la stessa ipotenusa nota CB. Resti in questo segata l'ombra versa in L. E perche i triangoli CLF, BCD sono equiangoli, per gli angoli F, D retti, *a* e per gli alterni FLC, DCB eguali, *b* & *c*. *a* sarà, come la LC alla FC, così la CB, alla DB. Dunque, *a* trouate le parti della Diottra CL dalle FL, FC note; facciasi: *Come le parti della LC a tutto il lato FC; così le misure della CB alla DB: che troueremo la DB, &c.* Dalla quale, se ne caueremo la EK, *e* cioè la DA; rimarrà la AB.

4 19. pri.

*b* } 2. pri.

6 4 texti.

$d_4$  triâng.

REG.

e 34. pri.

5 Se

5 Se nel secondo Quadrato si segasse l'ombra retta , come accade in N, mirando l'estremo M della distanza AM; trouate le CM, CN, come di sopra, *f* per esser simili i triangoli CON, CD-  
M, *g* faremo : *Come la CN alla ON,*  
*così la CM alla DM : che troueremo la*  
*DM, &c.*

*f* coroll.  
4. sexti.  
*g* 4. sexti.  
REG.

6 Se dal medesimo luogo si volesse sapere la MB, truouinsi, come qui sopra le CB, CL, e per la Diottra del Quadrato stabile si miri, oltre il B, anche il termine M. Resti segata l'ombra retta in N oltre alla vera, come di sopra in L: e da L si meni la LP parallela all'ombra NO. i E perche i triangoli CLQ, CBM sono simili; se faremo : *Come le parti della CL alle parti della LQ,*  
*così le misure della CB alla BM ; troueremo essa BM, &c.*

*h* 31. pri.  
coroll.  
4. sexti.  
4. sexti.  
REG.

Le parti della QL così si troueranno. *m* Perche son simili i triangoli CON, CPQ, faremo : *n* *Come tutto'l lato CO all'ombra ON, così la CP, & cioè la FL alla PQ : che si troueran le parti della PQ.* Cauisi essa PQ dalla PL, & cioè da tutta l'ombra OR. Rimanran le parti della QL.

*m* coroll.  
4. sexti.  
*n* 4 sexti.  
REG.  
*o* 34. pri.

7 Se si segasse l'ombra versà sempre, come si fa in L, T, per misurare l'intervallo VB ; si terrà il modo medesimo , fuorchè in trouare le parti della SL , le quali si haueranno così . Perche i triangoli CFT, SPC sono equiangoli, per gli angoli retti F , P, p e per gli alterni FCT, PSC eguali , q &c. faremo: *Come l'ombra FT alla FC tutto il lato, così la CP, o FL alla PS : che si bauerà essa PS.* La quale cauata dalla PL , o cioè dalla OR ; il rimauente sarà la SL.

8 Se si segherà sempre l'ombra retta, si farà pure al medesimo modo . Ne accaderà tirare la PL . perche in luogo della QL, o SL entrerà , come è manifesto , la differenza delle ombre .

9 AVVISO . Per lo Num. 4. si potrà trouare l'vna , & l'altra distanza, e cauar poi la minore dalla maggiore , &c.

10 Se voleffimo vna distanza dal luogo del Misuratore fino alla base di qualche altezza perpendicolare , benchè si vedesse solamente la cima ; sarà ciò facilissimo dalle cose dette nel Num. 5. e 4. Poiche tutto questo quadrerà al-





4. pri. FG a tutto il lato EE, così il lato EC inquanto 1. ad altro: che troueremo la CD, o AB nella misura EC.

12 Per trouare vn'altezza perpendicolare, offeruato quel, che si è detto nel Num. 10. faremo per le ragioni del Num. 5. e 4. Come la CN alla ON, così la CM alla DM. Ouero, Come la CL alla CF, così la BG alla BD.

13 Se di su l'altezza AE si douesse essa altezza misurare, misurato vn segno B, o M nell'orizzonte, e fatte le cose de' Num. 4. o 5. faremo per le ragioni de' detti Num. Come la CL alla CP, così la CB alla CD. Ouero, Come la CN alla CO, così la CM alla CD. Si hauerà la CD. dalla quale cauata la CE altezza dell'istrumento: il restante farà la ED, &c.

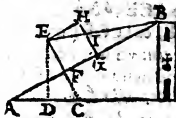
14 Per vna portione MB, o VB d'vn'altezza, offeruati i precetti del Num. 6. o 7. oltre quel, che si è detto quanto al sito della figura nel Num. 10. faremo: Come la CL alla LQ, così la CB alla BM. Ouero, Come la CL alla LS, così la CB alla BV.

15 Se si segasse sēpre l'obra OR, che qui faria la versa, si vegga il Num. 8.

16. *AVVISO.* Si può misurare l'vna, & l'altra altezza per lo Num. 12, e dalla maggiore cauare la minore, &c.

17. *VN ALTRO AVVISO.* Se l'altezza de' Num. 10. 12. e 13. sia vn monte, o casa altra tale, è chiaro che al modo istesso si hauerà la quantità della distāza fino al suo prepēdicoło, o quella del perpendicoło stesso. S'indenda anche che si eseguiranno i precetti de' Num. 14. 15. e 16. nel modo medesimo, se la portione proposta fusse vn edificio sopra vn monte.

18. Et se sia vn interuallo diagonale da vn segno B in qualche altezza ad vn altro A nell'orizzonte, doue (gli altri, quai sono i simili all'



FB, si sono nel Num. 10. & in altri trouati di sopra) nō si possa applicar l'occhio: terremo questa via. Si accomodi il Quatrato douunque si sia, purché l'obra FG stia nella AB, cioè che, guardando da E per G, si vegga'l segno B, e da G per F si miri giustamente A: il che si farà alzando, & abbassando l'

istiro-

istromento sopra'l suo piede , &c. Ciò fatto, e stando l'istromento così fermo, si offerui da E per F qualche segno C nell'orizzonte : e con vn filo col piombo applicato al centro E , si noti il punto D, perpendicolo di esso centro . Ora, tronata la quantità della FB, come di sopra, facendosi cioè, come la HI alla HE, così la EF 1. alla FB ; perche , allungato il lato EF fino in C , & tirata la ED dal centro E al suo perpendicolo D ; i triàngoli AFC , EDC sono equiangoli, per l'angolo retto  $\angle$  AFC, eguale all'altro retto EDC, e per lo comune ACE,  $\hat{b}$  &c se misureremo le DC, DE, & la CF ( questa bisogna misurarla con vn filo , & nelle parti della FB, cioè nella misura EF) & faremo *Come la DG alla DE, così la CF ad altro : baueremo la FA nelle parti della FB.* Dunque, giunte insieme, tutta la AB si farà tronata.

19 Ma se nõ potessimo partirci dal luogo A , pongasi quiui vn asta AD, & accomodato ad essa il Quadrato in C, presa la AC di tante misure CD , quante vogliamo, che'l lato CD si confaccia con essa asta , e col centro di sopra, co-

me si vede ; facciasì pendere la detta asta col Quadrato fisso o innanzi, o indietro ; secondo che si richiede per vedere il segno B per l'ombra CE: & si truoui la CB, come di sopra. *Perche dunque Nel triangolo rettangolo ABC sono noti due lati attorno all'angolo retto C: a troueremo ancora la AB.*



REG.

3 4. triag.

20 Se finalmente vorremo eseguire così quel, che si ha nelle Prop. 9. 22. 23. & 24. altro non vi sarà da mutare, che trouar le linee, che van quiui trouate, come si trouò la DB nel Num. 1. &c. Il resto si eseguirà, come nelle citate Prop. Il che è chiarissimo senza altri esempi.

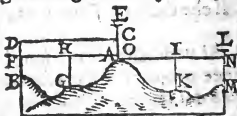
**AVVISO.** Si vede, che in tutti questi modi le linee proposte si son trouate nella misura del lato del Quadrato: la quale sarà facile a conuertire in Br. in Piedi, o altre tali. Come se habbiamo vna linea, trouata 500. e'l lato del Quadrato sia vn quarto di Br. diuiso

500. per 4. haueremo per la detta li-  
nea Br. 125. e così delle altre misure.

VN ALTRO AVVISO. Per le misurazioni grandissime i precetti di questa Prop. faranno poco atti, ancorche il Quadrato sia assai grande: perche, per le settioni, o cor. corsi obliquissimi, e facil cosa di commettere errore notabile.

*Linellare i luoghi per condurre acque.*  
*Prop. XXVI.*

**I NASCE** acqua in A. Si vuol cōdurre in B per canale. Si cerca, se si potrà. Quando la distanza non è molta, si ponga in A vn bastone AE diritto, a perpendicolo: & vn'altro di egual lunghezza si planti pure perpēdi-



colarmen-  
te in B. Poi  
applicato  
a quel, che  
pare più al  
to AE, il

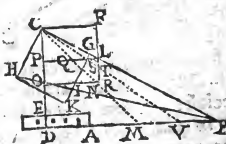
Quadrante, o Quadrato stabile, o altra  
cosa, che possa tormare l'angolo retto  
ACD; si abbassi, & si alzi finche per lo

lato

ato si vegga l'estremo D del bastone BD. E perche i bastoni AE, BD si son prefissi eguali; è manifesto, che'l luogo A, è più alto del B, quanto è l'eccesso CE; e però si potrà tale acqua comodamente condurre. Il che non si faria, se l'angolo dell'istrumento arrivasse all'estremo E; molto meno, se lo superasse; perche A farebbe o nel medesimo piano con B, o questo più alto.

2. Se poi la distanza fusse grande, & non si potesse però spedire l'operatione in questo modo, come se si volesse sapere, se vn'acqua, che scaturisce in B, si possa tirare in M; polti al medesimo modo i bastoni in B, & in G, distanza ragioneuole, & veduto per F l'estremo H, come si è qui di sopra detto: sia l'eccesso FD Onc. 20. quanto cioè è più alto il luogo B del G. Poi fermato vn'altro bastone in A eguale agli altri, quale e' l'AE, & veduto l'estremo H per A; sia la AE Onc. 43. Dalla quale leuatane la AC, cioè la FD; rimarrà la CE Onc. 23. per l'eccesso del luogo A sopra'l luogo B. Fatto il medesimo in K, & veduto per O l'estremo I. sia la OE Onc. 56. quanto cioè il luo-

quale, stando fermo l'istrumēto, si guardi anche per la Diottra HI. Notate le parti del taglio KI, troueremo, come nel Num. 1. la CB nella misura CH. Si accomodi di nuouo il Quadrato stabilmente col centro nel medesimo punto C, e col



to C, e col  
lato CF e-  
quidistante  
all'orizzonte  
DB: & si  
guardi per  
la Diottra,

CL il medesimo estremo B, il che è ma-  
nifesto, che accaderà per la stessa ipo-  
tenuza nota CB. Resti in questo sega-  
ta l'ombra versa in L. E perche i trian-  
goli CLF, BCD sono equiangoli, per gli  
angoli F, D retti, *a* e per gli alterni F-  
LC, DCB eguali, *b* & *c*. *e* sarà, come la  
LC alla FC, così la CB, alla DB. Dun-  
que, *d* trouate le parti della Diottra,  
CL dalle FL, FC note; facciasi: Come  
le parti della LC a tutto il lato FC; così  
le misure della CB alla DB: che troue-  
remo la DB, &c. Dalla quale, se ne ca-  
ueremo la EK, *e* cioè la DA; rimarrà  
la AB.

*a* 19. pri.  
*b* 32. pri.  
*c* 4 texti.  
*d* 4 triag.

REG.

*e* 34. pri.



5 Se nel secondo Quadrato si sega-  
 se l'ombra retta , come accade in N,  
 mirando l'estremo M della distāza AM;  
 trouate le CM, CN, come di sopra, f coroll.  
 f per esser simili i triangoli CON, CD- 4. sexti.  
 M, g faremo : *Come la CN alla ON,* g 4. sexti.  
*così la CM alla DM : che troueremo la* REG.  
*DM, &c.*

6 Se dal medesimo luogo si volesse  
 sapere la MB, truouinsi, come qui so-  
 pra le CB, CL, e per la Diottra del Qua-  
 drato stabile si miri, oltre il B, anche  
 il termine M. Resti segata l'ombra ret-  
 ta in N oltre alla vera, come di sopra  
 in L: e da L si meni la LP parallela al h 31. pri.  
 l'ombra NO. i E perche i triangoli C- coroll  
 LQ, CBM sono simili; se faremo : *Co* 4. sexti.  
*me le parti della CL alle parti della LQ,* 4. sexti.  
*così le misure della CB alla BM ; tro* REG.  
*ueremo essa BM, &c.*

Le parti della QL così si trouerāno. i coroll  
 m Perche son simili i triangoli CON, C- 4. sexti.  
 PQ, faremo : *« Come tutto'l lato CO al-* n 4 sexti.  
*l'ombra ON, così la CP, & cioè la FL* REG.  
*alla PQ : che si troueran le parti della* o 34. pri.  
*PQ. Cauisi essa PQ dalla PL, & cioè da*  
 tutta l'ombra OR. Rimarran le parti  
 della QL.

7 Se si segasse l'ombra versa sempre, come si fa in L, T, per misurare l'intervallo VB ; si terrà il modo medesimo , fuorché in trouare le parti della SL , le quali si haueranno così . Perche i triangoli CFT, SPC sono equiangoli, per gli angoli retti F ; P, p e per gli alterni FCT, PSC eguali , &c. faremo: *Come l'ombra PT alla FC tutto il lato, così la CP, o FL alla PS : che si hauerà essa PS.* La quale cauata dalla PL, o cioè dalla OR ; il rimanente sarà la SL.

8 Se si segherà sempre l'ombra retta, si farà pure al medesimo modo . Ne accaderà tirare la PL . perche in luogo della QL, o SL entrerà , come è manifesto , la differenza delle ombre .

9 **AVVISO.** Per lo Num.4. si potrà trouare l'vna , & l'altra distanza, e cauar poi la minore dalla maggiore , &c.

10 Se volessimo vna distanza dal luogo del Misuratore fino alla base di qualche altezza perpendicolare , benché si vedesse solamente la cima ; sarà ciò facilissimo dalle cose dette nel Num. 5.e 4. Poiche tutto questo quadrerà al-



4. pri.

FG a tutto il lato FE , così il lato EC inquanto 1. ad altro : che troueremo la CD , o AB nella misura EC.

G. 3  
G.

12 Per trouare vn'altezza perpendicolare , offeruato quel, che si è detto nel Num. 10. faremo per le ragioni del Num. 5. e 4. *Come la CN alla ON, così la CM alla DM*. Ouero, *Come la CL alla CF, così la BG alla BD*.

G. 3

G.  
G.

13 Se di su l'altezza AE si douesse essa altezza misurare , misurato vn segno B , o M nell'orizzonte, e fatte le cose de' Num. 4. o 5. faremo per le ragioni de' detti Num. *Come la CL alla CP, così la CB alla CD*. Ouero, *Come la CN alla CO, così la CM alla CD* Si hauerà la CD. dalla quale cauata la CE altezza dell'istrumento : il restante farà la ED , &c.

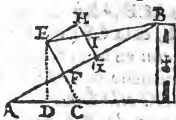
G.  
G.

14 Per vna portione MB , o VB d'vn'altezza, offeruati i precetti del Num. 6. o 7. oltre quel, che si è detto quanto al sito della figura nel Num. 10. faremo : *Come la CL alla LQ, così la CB alla BM*. Ouero, *Come la CL alla LS, così la CB alla BV*.

15 Se si segasse sēpre l'obra OR, che qui faria la versa, si vegga il Num. 8.

16. *AVVISO.* Si può misurare l'una, & l'altra altezza per lo Num. 12, e dalla maggiore cauarne la minore, &c.

17 VN ALTRO AVVISO. Se l' altezza de' Num. 10. 12. e 13. sia vn monte, o casa altra tale; è chiaro che al modo istesso si hauerà la quantità della distāza fino al suo prepēdicolo, o quella del perpendicolo stesso. S'indenda anche che si eseguiranno i precetti de' Num. 14. 15. e 16. nel modo medesimo, se la portione proposta fusse vn edificio sopra vn monte.

[illegible]

FB, si sono nel Num. 10. & in altri tro-  
uati di sopra) nò si possa applicar l'oc-  
chio: terremo questa via. Si accom-  
modi il Quatrato douunque si sia, pur-  
che l'obra FG stia nella AB, cioè che,  
guardando da E per G, si vegga'l segno  
B, e da G per F si miri giustamente A:  
il che si farà alzando, & abbassando l'

intro-

15. pri.

32. pri.

EG.

4. sexti.

istromento sopra'l suo piede, &c. Ciò fatto, e stando l'istromento così fermo, si offerui da E per F qualche segno C nell'orizzonte: e con vn filo col piombo applicato al centro E, si noti il punto D, perpendicolo di esso centro. Ora, trouata la quantità della FB, come di sopra, facendosi cioè, come la HI alla HE, così la EF 1. alla FB; perche, allungato il lato EF fino in C, & tirata la ED dal centro E al suo perpendicolo D: i triàngoli AFC, EDC sono equiangoli, per l'angolo retto AFC, eguale all'altro retto EDC, e per lo comune ACE, &c se misureremo le DC, DE, & la CF ( questa bisogna misurarla con vn filo, & nelle parti della FB, cioè nella misura EF) & faremo *Come la DG alla DE, così la CF ad altro: baueremo la FA nelle parti della FB.* Dunque, giunte insieme, tutta la AB si farà trouata.

19 Ma se nõ potessimo partirci dal luogo A, pongali quiui vn asta AD, & accomodato ad essa il Quadrato in C, presa la AC di tante misure CD, quante vogliamo, che'l lato CD si confaccia con essa asta, e col centro di sopra, co-

me



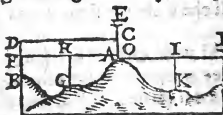
500. per 4. haueremo per la detta li-  
nea Br. 125. e così delle altre misure.

**VN ALTRO AVVISO.** Per le misurazioni grādissime i precetti di questa Prop. faranno poco atti, ancorche il Quadrato sia assai grande: perche, per le settioni, o concorsi obliquissimi, e facil cosa di commettere errore notabile.

*Liuellare i luogbi per condurre acque.*

*Prop. XXV<sup>i</sup>.*

**I NASCE** acqua in A. Si vuol cōdurre in B per canale. Si cerca, se si potrà. Quando la distanza non è molta, si ponga in A vn bastone AE diritto, a perpendicolo: & vn'altro di egual lunghezza si planti pure perpēdi-



colarmen-  
te in B. Poi

applicato  
a quel, che  
pare più al  
to AE, il

Quadrante, o Quadrato stabile, o altra  
cosa, che possa formare l'angolo retto  
ACD; si abbassi, & si alzi finche per lo

lato

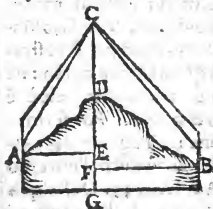


lato si vegga l'estremo D del battonc BD. E perche i bastoni AE, BD si son prefissi eguali; è manifesto, che'l luogo A, è più alto del B, quanto è l'eccesso CE; e però si potrà tale acqua comodamente condurre. Il che non si faria, se l'angolo dell'istrumento arrivasse all'estremo E; molto meno, se lo superasse; perche A farebbe o nel medesimo piano con B, o questo più alto.

2. Se poi la distanza fusse grande, & non si potesse però spedire l'operatione in questo modo, come se si volesse sapere, se vn'acqua, che scaturisce in B, si possa tirare in M; polti al medesimo modo i bastoni in B, & in G, distanza ragioneuole, & veduto per F l'estremo H, come si è qui di sopra detto: sia l'eccesso FD Onc. 20. quanto cioè è più alto il luogo B del G. Poi fermato vn'altro bastone in A eguale agli altri, quale e l'AE, & veduto l'estremo H per A; sia la AE Onc. 43. Dalla quale leuatane la AC, cioè la FD; rimarrà la CE Onc. 23. per l'eccesso del luogo A sopra'l luogo B. Fatto il medesimo in K, & veduto per O l'estremo I. sia la OE Onc. 56. quanto cioè il luo-

go A supera il luogo K. Se ne lieui la CE. Rimarrà la OC Onc. 33. quanto cioè è più depresso il luogo K del B. Finalmente, fatto il medesimo in M, & offeruato l'estramo I per N, sia la NL Onc. 6. l'eccesso del luogo M sopra'l luogo K; che cauato dalla OC, il rimanente, Onc. 27. farà quanto è più alto il luogo B del luogo M. Si che l'acqua scorrerà commodamente: il che non faria, se essi luoghi B, M si fussier tro- uati d'eguale altezza. Molto meno se lo M più alto.

3 Ma se, nascendo acqua in A, si vo-



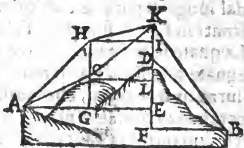
lesse condurre in B, e vi fusse framezzo qual che alto monte D; prima, possiamo tene- re il modo del Num. passato, facendo cioè

più positioni attorno al monte, &c. Ma altramente. Sulla cima D si metta vna pertica DC con qualche segno in C, che si possa discernere dall'vno, e dall'altro luogo A, B: & s'intenda pro-

lungata

lungata fino all'orizzonte G. Poi sopra di vn'asta in A, intesa tirata la A E all'orizzonte parallela, si cerchi l'altezza EC; & in B così pure la FC, tirata con la mente la BF. E perche l'altezza FC è maggiore della EC, quanto è la EF; veniamo a comprendere, essere assai più alto il luogo A del B, e che però benissimo scorrerà l'acqua.

4 Et se vi sieno in mezzo più monti,  
ò vn solo, ma tanto ampio, che in ni-  
un luogo si possa fermar la pertica,  
che si veg-  
ga di la, do-  
ue nasce l'  
acqua, &  
oue si vuol  
cōdurre;  
oltre che



qui ancora possiamo operare per lo  
 Num. 2, attorno al monte : terremo  
 quest'altra strada più breve. Da C, per  
 due stationi , &c. su l'asta CH; & inre-  
 stighili, tirata per A la AG parallela  
 all'orizzonte, e prolungata l'asta fino in  
 G; l'altezza HG. Ciò fatto, posta vn  
 altr'asta DK in D, che sia eguale alla  
 CH, e prolungata con la mente fino in

b 16. hui<sup>9</sup> L, & tirata Per C la CL parallela all'o-  
 rizzonte; b si cerchi l'altezza KL. E per  
 che questa supera la HC, cioè, perche  
 allungate le AG, KL finche s'incontrino  
 in E; la KE eccede la HG di quan-  
 to è la K; e posciache, menata la HI  
 parallela alla GE, le HG, IE sono e-  
 guali; per lo paralelogrammo HIEG,  
 e per conseguenza l'estremo K viene a  
 superare il luogo A tanto, quãto è tut-  
 ta la EK: intendasi prolungata di nuo-  
 uo l'asta KD, finche con la BF, tirata  
 dal luogo B parallela all'orizzonte, s'af-  
 fronti in F: & si misuri l'altezza KF.  
 La quale se noi troueremo o minore, o  
 eguale alla KE, non si potrà da A cõ-  
 durre in B l'acqua, che si desidera. Ma,  
 perche la trouiamo maggiore di essa,  
 KE, quanto è la EF: però si raccoglie,  
 che'l luogo B sia inferiore al luogo A,  
 quanto è la EF. Siche vi si potrà com-  
 modamente condurre l'acqua da A.

5 Se finalmente nel monte D fosse  
 vn pozzo, o altra conserua d'acqua, &  
 si desiderasse di sapere, se ella p canale  
 possa quindi guidarsi al luogo B: prima  
 con vna corda, appiccatoui qualche  
 peso, si troverà il fondo; & sia tutta

la DE la cupezza sua. Se dunque, allungata la DE, finche con la BF s'intoppi, come di sopra in, F, troueremo o dal luogo *d* D, o *e* dal B, l'altezza DF, & la paragoneremo con la corda; se essa DF sarà alla corda eguale, o minore di essa; non si potrà tal acqua a tal luogo cōdurre: ma perche ella è maggiore della corda, quanto è la EF: però diremo, che benissimo sia per iscorrere la detta acqua al luogo B.

*AVVISO.* Le AE, BF, CL è chiaro, che stanno in luogo dell'orizzonte.

• 13. hui

*Il fine del Terzo Libro.*

# DELLA GEOMETRIA

Di

PIERO DIONIGIO VEGLIA  
Perugino.

*Parte Seconda, Libro Quarto.*

*Della misura delle figure piane.*

*Dell'aia de' Triangoli. Cap. 1.*

TRIANGOLO EQVILATERO.

REG. 1.

**L** Quadrato del lato si  
multiplichi per  $\frac{1}{3}$ , che'l  
prodotto sarà l'aia del  
Triangolo equilatero.  
Sia il triangolo ABC e-  
quilatero, il cui lato,  
per esempio, Pal. 4. Se moltipliche-  
remo 16. quadrato del lato per  $\frac{1}{3}$  ha-  
ueremo  $\frac{16}{3}$  cioè Pal. quadrati  $6\frac{2}{3}$ .  
e tanto sarà l'aia del proposto trian-  
golo. Quest'operatione così la dimo-  
streremo. Sia vn altro triangolo DEB  
pure equilatero, il cui lato 1. Pal. e si

descrivano

descriuano i quadrati EG, BF dei lati  
EB, BC de i due

triangoli. Per-  
che dunque, co-  
me si vedrà nel-  
la següente Reg.

l'aia del triângo-  
lo DEB, i' cui la-  
to 1. Pal. è la

radice quadra-  
ta di è  $\frac{1}{16}$ . che  
è  $\frac{1}{16}$ . & 1. a 16.

cioè'l quadrato

EG del lato EB 1. Pal. al quadrato BF  
dellato BC 4. Pal. ha la proportione

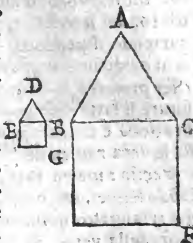
medesima, che'l triangolo DEB al tri-  
angolo ABC, & per essere tanto la pro-

portione del quadrato EG al quadra-  
to BF, quanto quella del triangolo D-

EB al triangolo ABC, duplicata della  
proportione del lato EB al lato BC, es-

senso esse figure simili, come è mani-  
festo; se faremo, come 1. quadrato EG

della EB 1. Pal. a 16. quadrato BF del-  
la BC. 4. Pal. così  $\frac{1}{16}$ . aia del triangolo  
DEB del lato EB 1. Pal. ad altro: il nu-  
mero, che ne verrà, sarà l'aia del tri-  
angolo equilatero ABC di Pal. 4. di la



a 19. sex.

to. Moltiplicando dunque il quadrato BF 16. del lato BC 4. per  $\frac{1}{3}$  perche, partendo il prodotto  $\frac{20}{3}$  per 1. rimane il medesimo numero  $\frac{20}{3}$ . viene a esser prouata la nostra Regola, per misurare si fatti triangoli. Questa dimostrazione è fondata in questo, che  $\frac{1}{3}$  sia la vera radice di  $\frac{1}{3}$ . che però non è precisa: ma vn tantolino maggiore. Dòde segue, che questa regola dà l'aia del triangolo equilatero alquanto maggiore della vera, se bene con insensibile accrescimento.

### TRIANGOLO ISOSCELE.

LEG. 2.

*Sottraggasi dal quadrato del lato il quadrato della metà della base. Il numero rimanente si moltipichi nel medesimo numero sottratto: e del prodotto si cavi la radice. Questa sarà l'aia del proposto triangolo.* Sia il triangolo ABC, nel quale i lati sieno 10. & la base 12. Dal quadrato 100. del lato cauatone il quadrato 36. della metà della base, & moltiplicato il rimanente 64. per lo medesimo 36. e del Prodotto 2304. cauatane la radice 48. questa sarà l'aia de

trian-



triangolo proposto. Posciache, diuisa la base BC in D egualmente, & tirata la AD; & ella sarà perpendicolare alla BC, e però gli angoli in D retti. Perche dunque il quadrato della AB è eguale a' quadrati delle AD, BD; se del quadrato d'essa AB sene cavi il quadrato della BD: il rimanente sarà il quadrato della AD. Il quale, moltiplicato nel quadrato della BD, produrrà vn quadrato numero, la cui radice sarà il rettangolo DE, & contenuto sotto le BD, AD, & che è eguale al triangolo ABC.



6 schl. 16.  
pri.  
6 47. pri.

Che i quadrati de' lati BD, AD moltiplicati insieme producano il quadrato delle parti del rettangolo DE, o del triangolo ABC; così si dimostra. Di A, lato BD, e  
di B, lato A- A 6. B 8.  
D, ciasenno  
in se stesso, C 36. E 48. D 64.  
facciasi C, e  
D; & di A F 2304.  
in B facciasi  
E: e moltiplicandosi l'vn l'altro C, D,

41. def.  
sec.  
6 schl. 41.  
pri.

17. sex. si faccia F. Dico, F essere il quadrato di E, cioè del rettangolo del lato A nel lato B. Percioche, conciosia-  
 10. sept. cosache, moltiplicando A se stesso, & B, faccia C, & E; g sarà come A a B, così C a E. Per la ragion medesima, cioè perche B moltiplicando A, & se stesso fa E & D; sarà come A a B, così E a D. Per la qual cosa i numeri C, E, D saran continui proportionali, & e, per conseguenza, quel, che vien fatto di C in D, quadrati de' lati A, B, sarà eguale a quel, che si fa di E in se stesso. Onde F sarà il quadrato di E.

Il medesimo si de' intendere del triangolo equilatero FBC, per cagione de' due lati eguali sopra la base. Sia ciascuno de' suoi lati, per esempio, 1. Pal. La BD sarà  $\frac{1}{2}$ . Si caui dal quadrato 1. del lato il quadrato  $\frac{1}{4}$ . della BD. Rimai  $\frac{3}{4}$ . che moltiplicato per  $\frac{1}{4}$ . medesimo: il prodotto  $\frac{3}{16}$ . sarà il quadrato del numero, che rappresenta l'aia del triangolo FBC. Dunque la sua radice  $\frac{\sqrt{3}}{4}$ . sarà l'aia predetta inferibilmente maggiore della precisa: per questa cagione, che  $\frac{3}{16}$ . non essendo numero quadrato, non ha radice se no

forda

lorda, cioè che non si può esprimere in numeri.

RETTANGOLO  
TRIANGOLO EQUILATERO.

Si moltiplichino insieme i lati, che circondano l'angolo retto; e del prodotto se ne piglia la metà. Questa sarà l'aia. Oucro. Si pigli la metà di uno de' detti lati; e si moltiplichi in tutto l'altro. Il prodotto sarà l'aia, che si cerca. Come nel triangolo ABC, nel quale il lato AC 8. il BC 6. Il lor prodotto 48. La metà 24. è l'aia. Similmēte il prodotto della EC 3. metà della BC, nella AC 8. ouero della GC 4. metà della AC, nella BC 6. ci mo

strerà la medesima aia 24. Tutto questo si farà manifesto. Poiche, quanto alla prima, nascendo il rettangolo DACB dalla BC nella AC, e' detto rettangolo è'l doppio del rettangolo ABC; è chiaro, che la metà del prodotto della BC nella AC sarà l'aia del proposto triangolo. Quanto alla seconda, tanto il rettangolo FACE, quāto lo HGCB, fatto quello della EC

metà

REG. 3.

REG. 4.



a ti. def.  
sec.  
b 4 ti. pri.  
trian-

e schol.  
4 ti. pri.

metà della BC in tutta la AC; questo della GC, metà della AC in tutta la BC è eguale al triangolo ABC.

## OGNI SORTE DI TRIANGOLO.

REG. 5.

REG. 6.

REG. 7.

a 1. def.

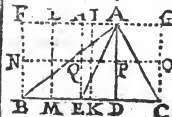
lec.

b 41. pri.

c schol.

41. pri.

*Da qualsivoglia angolo si tiri la perpendicolare al lato opposto, allungata, se bisogna. Questa moltiplicata nel lato doue ella cade, ci darà l' doppio del triangolo. Si che la sua metà sarà l' aia.* Ouero. *Si moltiplichi la detta perpendicolare nella metà della base. O pure tutta la base nella metà della perpendicolare: che l' uno & l' altro di questi prodotti sarà l' aia, che si desidera.* Come nel triangolo ABC, la cui base BC 15. tirata la perpendicolare AD 8. dall'angolo A per di dentro al triangolo: & di essa nella BC fatto il rettangolo FG-  
(B 120: 6 perche egli è l' doppio del  
triangolo ABC, la sua metà 60. sarà l' aia, che si cerca. Ouero fatto della medesima AD 8. nella KC  $7\frac{1}{2}$ . metà della BC, il rettangolo IGCK 60. que-



sta

sta sarà l'aia di esso triangolo. Ouero della PD 4. metà della perpeodicolare in tutta la BC 15. fatto il rettangolo NOCB 60. esso sarà pur l'aia, che cerchiamo, *d* per esser egli la metà dell' *d* 1. sex. FGCB.

Similmente nel triangolo ABE, la cui base BE 6. tirata la perpendicolare AD 8. dall'angolo A per difuora, nel lato BE allungato; e di essa nella BE si farà il rettangolo FHEB 48. *f* doppio del triangolo ABE. Per conseguenza la metà 24. sarà l'aia, che si vuole. *g* Ma della AD 8. medesima nella ME 3. metà della BE, nasce il rettangolo LHEM 4. pure *h* eguale al nostro triangolo. Ouero *f* della PD 4. metà della AD in tutta la BE 6. si produce il rettangolo NQEB 24. *h* che pure è la metà dell' FHEB.

**AVVISO.** Queste perpendicolari o le misureremo meccanicamente, ouero trouerãsi per la Prop. 8. de' nostri triangoli, quando sieno noti o tutti i lati, o alcuno. Ricorderemo di più, che, quando la perpendicolare trouata per la Prop. 8. sia radice sorda, non si dovrà estrarre: ma si moltiplicherà l' suo

quadrato nel quadrato o di tutta, o della metà della base; che questo prodotto, per quello, c'habbiam dimostrato sotto la Reg. 2. sarà'l quadrato del numero rappresentante l'aia del doppio di esso triangolo, o la eguale a lui. Così, se bene la radice sia sorda, ci appresseremo sempre più al vero.

IN ALTRO MODO, QUANDO  
SI DIENO I TRE LATI,

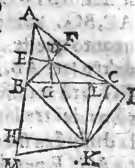
REQ. 8.

*Si moltiplichi la metà della somma de'lati per lo prodotto della moltiplicatione delle tre differēze tra ciascuno de'lati, & detta metà. La radice quadrata di quel che ne risulta sarà l'aia. Nel triangolo ABC, i cui lati 8. 11. 13. la somma loro è 32, la metà 16. Le differenze trà questa metà, e ciascuno de'lati, sono 8. 5. 3. le quali moltiplicate insieme, e per lo prodotto 120. moltiplicata la metà predetta; la radice  $43\frac{7}{12}$  del prodotto 1920. sarà l'aia del triangolo proposto. La qual operatione, così dimostrano. Divisi gli angoli B, C in due parti eguali cō le rette BD, CD; dal punto D del concorso; & si tirino*

9. pri.  
6 12. pri.

a ciascun lato le perpendicolari DE, DF, DG : e dall'angolo A si meni al medesimo punto la AD. E perche ne' triangoli BED, BGD gli angoli E, G son retti, & gli EBD, GBD si son fatti eguali; e'l lato BD è comune; e i lati DE, DG : BE, BG saranno dunque eguali.

Per la medesima ragione, saranno eguali ne' triangoli CFD, CGD le DF, DG : CF, CG. Sicche saranno eguali tutte tre le perpendicolari DE, DF, DG. Appresso, & perche i quadrati delle EA, ED sono eguali al quadrato della AD, & al quale eguali sono medesimamente i quadrati delle FA, FD : i quadrati delle EA, ED insieme saranno eguali a' quadrati delle FA, FD presi insieme medesimamente. Tolti dunque dall'vna, e dall'altra banda quadrati eguali delle eguali ED, FD : rimarranno i quadrati delle EA, FA eguali tra loro. Dunque esse rette EA, FA saranno eguali : e però eguali saranno anche gli angoli EAD, FAD, per lo lato AD comune in essi triango-



e 16. pri.

e 47. pri.

e 8. pri.

li EAD, FAD. Per la qual cosa le due AF, BG saranno a tutta la AB eguali: & con la giunta delle eguali CF, CG, le due AB, CG saranno eguali alle due AC, BG. Saran dunque tanto quelle, quanto queste, la metà della somma de' tre lati AB, AC, BC. Tanto che la CG sarà la differenza trà la metà della sôma dei tre lati, & il lato AB; & la BG la differēza fra la metà medesima, e' il lato AC: E perche si è dimostrato, che le AB, CG fanno la metà della somma d'essi lati, & che le BE BG sono eguali; la medesima metà saranno le BC, AE, & conseguentemente la AE sarà la differenza tra la metà della somma de' lati, e' il lato BC. Dimodoche le tre rette AE, CG, EB fanno la metà della somma de' lati, & sono la differenza tra i lati, & la metà medesima. Si allungino le AB, AC fino in H, & I, tanto cioè, che la BH sia eguale alla CG, & la GI alla BG. Così tanto la AH quanto la AI sarà eguale alla metà della sôma de' lati, & sarà cōposta delle tre differēze dette, come è manifesto, per l'eguaglianza delle rette, che sono attorno agli angoli A, B, C. *f* Tirisi alla

f II. pri.

AH



AH da H la HK perpendicolare, che s'incontri in K con la AD allungata: & si giungano le rette KB, KC, KI. Perche dunque ne' triangoli AHK, AIK i lati AH, AI sono eguali, & il lato AK comune, & comprendono in A angoli eguali; & faranno eguali anche, & le basi KH, KI, & gli angoli AHK, AIK. Ma l'AHK fu fatto retto. Lo I anche dunque sarà retto parimente. Appresso piglisi la BL eguale della CG, cioè alla BH. La rimanente LC sarà eguale alla BG, cioè alla CI. Si meni la retta KL: & si allunghi la BH tanto, che la HM venga alla CI eguale, & giugasi la KM. E perche i due lati KH, HM nel triangolo KHM sono eguali a' due lati KI, IC nel triangolo KIC, e comprendono angoli eguali, cioè retti: & anche le basi KM, KC faranno eguali. Onde essendo ne' triangoli BMK, BCK eguali i lati BHM, BLC, il BK comune, & eguali le basi KM, KC: & anche gli angoli KBM, KBC faranno eguali. Per lo che, essendo ne' triangoli BHK, BLK eguali i due lati BH, BL, il BK comune, e contengono in B angoli eguali: & eguali faranno ancora, & le,

24. pri.

8. pri.

4. pri.

Dd KH,

HK, KL, & gli altri angoli ciascuno a ciascuno. Retto sarà per tanto l'angolo BLK, siccome retto si fece il BHK suo rispondente. E perche i quattro angoli nel quadrilatero BLKH sono eguali a quattro retti; se da questa somma se ne cauino i due retti BHK, BLK: i rimanenti HBL, HKL saranno eguali a due retti, *m* e però ai due HBL, EBL. Si che leuatone il comune HBL, il rimanente HKL sarà eguale all'EBL: e per conseguenza saranno anche eguali le lor metà HKB, EBD ne' triangoli BHK, DEB. Ma sono anche eguali i retti BHK, DEB. *n* Adunque anche gli altri HBK, EDB eguali altresì saranno: & equiangoli però essi triàngoli. Per lo che, come la DE alla EB, così sarà la BH alla HK. Onde ridotte tai linee a numeri, *p* il numero, fatto dalla DE nella HK, sarà eguale a quello, che si fa della EB nella BH: *q* e perciò il quadrato della DE hauerà la proportion me desima a ciascuno de' detti prodotti. *r* Ma'l quadrato della DE è al prodotto della DE nella HK, come essa DE ad essa HK: e *s* per conseguenza esso quadrato della DE sarà al numero fatto

della

7 schol.  
32. pri.

*m* 13. pri.

*n* 32. pri.

*q* 4. sex.

*p* 19. sex.

*q* 7. quin-  
ti.

*r* 17. sept.

*s* 7. quin-  
ti.

della EB nella EH, come essa DE alla HK medefimamente, Ma come la ED alla HK, così è la AE alla AH,  $\dagger$  per ragione delle parallele ED, HK,  $\alpha$  che fanno equiangoli i triangoli AED, AHK.  $\times$  e però come la ED alla AE, così la HK alla AH; &  $\gamma$  permutando, come la ED alla HK, così la AE alla AH. Per la qual cosa il quadrato della ED sarà al prodotto della EB nella BH, come la AE alla AH.  $\Sigma$  Per tanto il numero, che si fa dal quadrato di essa ED nella AH, sarà eguale al numero, che si genera dalla AE nel prodotto della EB nella BH.  $\ast$  Adunque il numero, che vien fatto dal quadrato della ED nella AH, moltiplicato per essa AH, sarà eguale al numero, che si fa dalla AE nel prodotto della EB nella BH, moltiplicato per la AH medesima. Cioè  $\delta$  il numero, che si fa della AH nella AH, cioè il quadrato d'essa AH, moltiplicato nel quadrato della ED, sarà eguale al numero, che vien fatto dalla AE nel prodotto della EB nella BH; cioè della moltiplicatione delle tre differenze AE, EB, BH, cioè CG fra loro, moltiplicato per la AH, che è

$\dagger$  18. pri.  
 $\alpha$  corol.  
4. sexti.

$\times$  4. sex.  
 $\gamma$  16. quin.  
ti.

$\Sigma$  19. sept.

$\ast$  18. sept.

$\delta$  scol. 19  
octavi.

la metà della somma de' lati, come si è dimostrato di sopra. Ma dal quadrato della ED nel quadrato della AH nasce il quadrato del numero delle parti del triangolo ABC. Postiache, conciosiacosache, per la Reg. 6. di questo Cap. dalla ED nella metà della AB si produca l'aia del triangolo ADB; della medesima ED, cioè della eguale DG nella metà della BC l'aia del triangolo BDC; e dalla stessa ED, cioè della DF eguale, nella metà della AC si faccia quella del triangolo ADC, e quel, che vien fatto dalla ED nelle tre dette metà è eguale a quel, che si fa dalla medesima ED nella AH, dimostrata a quelle tre metà eguale: è cosa chiara, che della ED nella AH si produrrà l'aia del proposto triangolo ABC: sicome è manifesto, per quel, che si è dimostrato sotto la Reg. 2. che dal numero quadrato della ED nel numero quadrato della AH detta si viene a procreare il quadrato del numero rappresentante l'aia del nostro triangolo. Dunque anche dal numero fatto dalla multiplicatione delle tre differenze AE, EB, BH, cioè CG, moltiplicato per

la AH, cioè per la metà de'lati ; na-  
scerà il medesimo quadrato del nume-  
ro dell'aia di esso triangolo : e però la  
sua radice sarà l'aia , che si cerca :

*Dell'aia de' Quadrilateri Cap. II.*

QVADRILATERO RETTAN-  
GOLO.

*a Si multiplicbino i due lati, che com-  
prendono l'angolo retto , che'l prodotto  
sarà l'aia di si fatte figure. Come nel-  
la ABCD , c'habbia i lati attorno all'  
angolo retto , per esempio di 4. Pal.  
l'aia si produrrà* A B E F  
dalla multiplica-  
zione del lato A-  
B nel lato AD, o  
di quali altri due D C H G  
si vogliano ; o anche perche tutti sono  
eguali , dalla multiplicatione del lato  
in se stesso . Onde in essa figura si veg-  
gono 16. quadretti , che rappresenta-  
no 16. spatij , ciascuno de' quali habbia  
vn Pal. di costa ; quanti cioè ne vengo-  
no prodotti da 4. AB in 4. AD, o da 4.  
AB in se stesso .

REG. I.

a I. : def.  
secundi.

Et nella figura EFGH, multiplicato il lato BF 3. nel lato EH 4. o quali altri due si sieno; ch'abbraccino vn de' quattro angoli; si vengono a produrre. 12. spatij quadri; de quali ciascuno habbia vn Pal: di costa medesimamente: I quali però non si habberanno; multiplicando alcuno de' lati in se stesso, come è manifesto. Percioche il lato EF in se medesimo fa 9. & l'FH 16. quello tre meno; questo quattro di più; che la figura, come appare; veramente non è

### QVADRILATERO OBLIQUANGOLO.

REG. 1.

*L'aia del Rombo, o del Rhomboidé si produce dalla multiplicatione della perpendicolare nel lato; doue ella cade, allungandolo; se bisogna.*

REG. 3.

*L'aia del Trapezio di lati paralleli si genera dalla multiplicatione della perpendicolare; tirata da vno all'altro lato parallelo; allungato se bisogna; nella metà della somma di essi lati.*

REG. 4.

*L'aia del Trapezio di lati non paralleli si hauerà; tirato il diametro, con inuestigare l'aia de' due triângoli. Come*

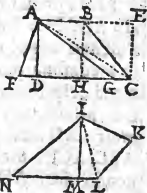
nel

nel Rombo , ouero Romboide AB-  
CD, trouata la perpẽ-  
dicolare CE, allungã-  
do anche il lato, se bifo-  
gna, come accade nel-  
la terza figura, & mol-  
tiplicata nel lato AB,  
doue ella cade: haue-  
remo per la 11. Règ. di  
questo Cap. l'aia del  
rettângolo FECD, che  
è eguale al parallelo-  
grammo ABCD. Sicche  
nel Rombo AC, il cui lato 6. Pal. ha-  
ueremo la perpendicolare CE Pal. 5.  
che moltiplicata nel lato AB 6. ci da  
Pal. 30. per l'aia sua, e cosi di tutti.

Il Trapezio, c'habbia due lati paral-  
lelli, può hauer due  
ângoli retti (noi chia-  
miamo obliquangole  
quelle figure quadri-  
latere, che non han-  
no tutti gli ângoli ret-  
ti) & lo chiamano i  
Misuratori comune-  
mente Capotagliato, N  
quale è l'ABCD. Diciamo d'vnque,



35. pri.



D d 4 che

che l'aia sua si produce dalla AD, sopra la quale si possano gli angoli retti BAD, CDA, nella metà della somma de' lati AB, CD. Percioche, tirato il diametro AC, che diuida la figura ne' due triangoli ABC, ACD; l'aia dell'ABC, per la 6. Reg. del 1. Cap. si produrrà dalla perpendicolare CE, cadente nel lato AB allungato, & cioè dalla AD, nella metà della base AB: & l'aia del triangolo ACD dalla medesima AD nella metà della base CD. Ma quel, che vien fatto dalla AD nella metà della AB, e dalla AD nella metà della CD, è eguale a quel, che nasce della medesima AD nella somma delle dette metà, cioè nella metà della somma di essi lati AB, CD. Dunque è chiaro il proposito.

Per la medesima ragione il Trapezio ABCF di due lati paralleli, ma senz'alcuno angolo retto, si produrrà dalla medesima perpendicolare AD nella metà della somma de' lati AB, FC: il che è manifesto, se s'intenda diniso dal diametro AC medesimo ne' due triangoli ABC, ACF. Sicche, *f* trouata la perpendicolare AD 8. il lato AB 7. il C 17. se moltiplicheremo 12. metà de la

somma

# 43. pri.

# 1. secudi.

f 8. triag.



sōma 24. de' lati per essa AD: haueremo 96, per l'aia del proposto Trapezio.

Il medesimo nel Trapezio ABCG, contenuto pure fra le medesime parallele. Poiche prolungato il lato CG, & tirata la perpendicolare BH, e' diametro AC; da essa perpendicolare nella metà della somma de' lati AB, CG, risulterà l'aia sua. Poiche dalla moltiplicatione di essa BH, & cioè della CE nella metà del lato AB si produce, per la sopracitata Reg. l'aia del triangolo ABC: e dalla stessa BH cioè dalla AD nella metà del lato CG si fa l'aia del triangolo ACG, &c.

g 34. pri.

Ma'l Trapezio, che non ha lati paralleli, può hauere vn angolo retto. Tale è l'IMLK: nel quale farà di mestieri, tirato il diametro IL da quale angolo si vuole, d'investigare, per le Reg. del 1. Cap, l'aia dell'vno e dell'altro triangolo IKL, ILM: che la lor somma farà la quantità di tutto'l Trapezio.

Allo stesso modo si misurerà quello, che non ha alcun'angolo retto, quale è tutta la figura IKLMN. poiche, tirato il diametro IL, s'investigherà l'vno, & l'altro triangolo IKL, ILN. &c.

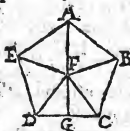
*Dell'aia*

*Dell'aia de' Multilateri. Cap. III.*

## MULTILATERO REGOLARE.

REG. I.

*La metà dell'ambito della figura si moltiplichi nella perpendicolare, cadente dal centro in vn de' lati: che'l prodotto sarà l'aia, che si desidera.* Perche'l Multilatero regolare è quella figura, c'ha i lati, e gli angoli eguali: però sotto questo nome, e questa regola, verran compresi anche il triangolo equilatero, e'l quadrato. Sia dunque qualunque figura multilatera regolare ABCDE, per esempio pentagona. E perche, come habbiamo nel 4. Libro



d'Euclide, attorno ad ogni figura equilatera, & equiangola, si può descriuere il circolo; segue, che haueremo in essa il centro F egualmente distante da tutti gli angoli, cioè le rette FA, FB, FC, FD, FE saranno eguali, come semidiametri, ch'elle sono. Ma eguali sono anche nei triangali formati le basi AB, BC, CD, DE, EA. Du-

que

que tutti gli angoli formati nel centro F da' semidiametri detti saranno eguali tra loro, & eguali però tutti i triangoli AFB, BFC, CFD, DFE, EFA fra loro medesimamente. Perche dunque dalla perpendicolare FG; cadente dal centro nella base DC, nella metà di essa DC si produce l'ala del triangolo FCD; come si ha nella Reg. 6. del 1. Cap: & a esso triangolo FCD si sono gli altri dimostrati eguali: se essa FG si moltiplicherà per le 5. metà delle 5. basi; o lati eguali della figura; la somma de' 5. rettangoli prodotti sarà eguale a' 5. triangoli della figura proposta; e per conseguenza a tutta la figura stessa. Ma quel, che vien fatto dalla perpendicolare FG nelle 5. dette metà è eguale a quel, che si fa della medesima FG nella retta eguale alla metà di tutto l'ambito. E dunque manifesto il proposito. Siche, per venire all'esempio, sia il lato del nostro Pentagono 6. Pal. La metà di tutto l'ambito sarà Pal. 15. che moltiplicati per la FG; & trouata Pal. 4.  $\frac{12914}{10000}$ . habbiamo Pal. 61.  $\frac{9172}{10000}$ . per l'ala del proposto Pentagono. E così d'ogni altra figura regolare.

64. pri.

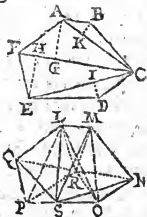
61. secun di.

8. triag.

## MULTILATERO IRREGOLARE.

REG. 2.

*Si riducano in triangoli, in rettangoli; o in capi tagliati: che, trouata l'aisa di ciascuno, la lor somma sarà tutta la figura.* Multilatero irregolare è quella figura, c'ha più di quattro lati ineguali, come la ABCDEF. La quale,



se si voglia misurare farà di mestieri risolverla in triangoli, tirando ad ogni angolo linee rette: e questo o da vn angolo C, come nella prima figura, o da vn punto S, preso in vno de'lati come nella seconda, o da vn punto R, tolto nel mezzo, doue vogliamo: o finalmente da vn angolo all'altro. Siche nella prima si veggono quattro triangoli ABC, AFC, EFC, EDC. Nella seconda se ne contano prima cinque, SON, SNM, SML, SLQ, SQP: poi sei, RMN, RNO, ROP, RPQ, RQL, RLM: e finalmente quattro, MN-O, MOP, MPL, LPQ. Se dunque, per li

precetti

precetti del 1. Cap. si trouerà l'aia di ciascuno, secondo vno de modi predetti; la lor somma sarà l'aia che si cerca.

Se non si potesser tirare le dette rette, per qualche ingombro, che fusse framezzo la figura; si misureranno i lati tutti, che la circondano, & trouerassi la quantità de gli angoli, che formano essi lati o col Quadrante in vn campo, o nel modo, insegnato nel Cap. 4. del 1. Lib. se fusse vna tauola, vn marmo, o casa tale; o con la Squadrazoppa, quando essi lati fussen muraglie; e ciò si farà con quest'ordine. Preso nella prima figura, per esempio l'angolo B. da due lati BA, BC noti, e dall'angolo, che contengono, haueremo gli angoli BAC, BCA, & con la quantità della AC, benchè nõ sia tirata, che cõ l'imaginatione. Poi misurato l'angolo BAF, se da esso ne caueremo il BAC; il rimanente sarà l'FAC: & onde troueremo anche la FC. Il medesimo faremo in D per hauere allo stesso modo la EC. Così ne saran noti tutti i lati di quanti triangoli vengano formati nella figura. Adunque per le Reg. del 1. Cap. si hauerà l'aia di ciascuno, & la sôma di tutti &c.

h 6. triag.  
i 11. triag.

Coloro

Coloro, che misurano i campi sogliono inuestigare con la canna solamente i lati con la loro perpendicolare. Come l'AC con la BK; la FC cō le AG, EH; l'EC cō la DI: & p la 5. 6. o 7. Reg. del 1. Cap. truouan l'aia di tutti, &c.

Ouerò, quando'l campo è grande sì, che non si possa diuidere in questo modo, tireremo in essa vna retta lunga, quanto più sia possibile, la quale chiamano Maestra, o Fondamentale: e poi caminando sù per essa, anderemo formando con lo squadro triangoli, e capitagliati. Come nella presente figura,



tirata la AB, camineremo tanto per essa, che essendo lo squadro in C, si vegga per la fessura F trauersale il segno posto nell'angolo D: & misurate con la canna le AC, CD, & notate in vna carta; trasporteremo l'istrumēto in E, per vedere il segno dell'angolo F al medesimo modo. Et misurate le CE, EF, faremo il medesimo in G, H, & in L, K, I dalla cōtraria pare. E perche la HO forma il trapezio BN-

OH irregolare; posto lo squadro in M nella HO, & veduto il segno dell'angolo N: si trouerà diuiso il detto trapezio nel triangolo MNO, e nel capitagliato BNMH. Tantoche, risoluta tutta la figura in triangoli, & in capitagliati, troueremo per li passati precetti l'aia di ciascuno; che la somma sarà tutto'l campo proposto.

Ma quando, per qualche impedimento, che sia framezzo'l campo da misurarsi, come sono alberi spessi, edifizij, o cosa tale; non si possono guidare i raggi della vista per tirare tai linee maestre; vi formeremo dentro vn rettangolo ABCD, quanto possiamo maggiore, e ci seruiremo de' suoi lati in vece di linee fondamentali da costituirui su i triangoli, e i capitagliati, come appare nella presente medesima figura, che in questo caso poste insieme l'aie di tutti i triangoli, e di tutti i capitagliati, con quella del rettangolo; le quali si troueranno per li precetti passati; la somma loro



sarà

farà la quantità del campo proposto.

*Dell'aia del Circolo Cap. IV.*

Tre propositioni sono state dimostrate da Archimede nel Lib. *De dimensione circuli*: ma di due solamente farem noi qui mentione, che tante bastano. Dimostra nella prima, che l'aia di qual si voglia circolo è eguale al triangolo rettangolo, nel quale de' lati attorno all'angolo retto vno sia eguale al semidiametro; l'altro alla circonferenza. Nella terza, che la circonferenza di qualunque circolo è tre volte il diametro, & di più vna parte, la quale è minore di  $\frac{1}{7}$ . maggiore di  $\frac{10}{71}$ . del diametro medesimo. Fondati sopra queste due Prop. ne dimostreremo tre altre, pertinenti a questo negotio.

*Dato il diametro d'un circolo trouare la sua circonferenza maggiore, e minore della precisa. Prop. 1.*

REG. I.  
a 17. sept. Facciafi come 1. a  $3\frac{1}{7}$ . a cioè come 7. a 22. così l dato diametro ad altro: che baueremo la circonferenza del suo circo-



lo alquanto maggioretta della vera.

Facciafi come 1. a  $3\frac{1}{7}$ . 2. cioè come 71. a 223. così l dato diametro ad altro: che si trouerà la circonferēza vn tantolino minore della precisa.

Come se'l dato diametro sia 10. moltiplicato per 22. e partito il prodotto 220. per 7. il quoziente  $31\frac{2}{7}$ . sarà la circonferenza vn tantino maggiore della vera del circolo del diametro dato. Percioche, essendo la proportionē della circonferēza al diametro del circolo minore, che non è quella di  $3\frac{1}{7}$ . a 1. cioè, moltiplicati i termini per 7. denominatore della frattione, che non è quella di 22. a 7. quale è quella di  $31\frac{2}{7}$ . a 10. e sarà esso numero  $31\frac{2}{7}$ . maggiore della precisa circonferenza.

Ouero, moltiplicato il medesimo diametro 10. per 223. e partito il prodotto 2230. per 71. il quoziente  $31\frac{2}{7}$ . sarà la circonferenza alquanto minore della vera.

Percioche, essendo la proportionē della circonferēza al diametro maggiore di quella di  $3\frac{1}{7}$ . a 1. cioè moltiplicati i termini per 71. b di quella

REG. 2.

b3. Arch.  
e 8. quin  
ti.

d 17. sept.  
e 10. quin  
ti.

f3. Arch.  
g 8. quin  
ti.

h 17. sept.

Ee di

g 10. quin-  
ti.

di 223. a 71. quale è quella di  $31\frac{29}{71}$  a 10. g sarà esso numero  $31\frac{29}{71}$  minore vn tantino della circonferenza vera.

*DATA la circonferenza di vn circolo, trouare il suo diametro maggiore, e minore del vero. Prop. 11.*

REG. 3.

17. sept.

*FACCIASI, come  $3\frac{1}{71}$  a 1. 2 cioè come 223. a 71. così la data circonferenza ad altro: che troueremo il diametro alquanto maggiore del preciso.*

REG. 4.

*Facciasi, come  $3\frac{1}{71}$  a 1. 2 cioè come 22. a 7. così la circonferenza data ad altro. Si bauerà il suo diametro minore del vero.*

3. Arch.  
e 8. quin-  
ti.

ro. quin-  
ti.

Come se la data circonferenza sia 10. moltiplicata per 71. e partito il prodotto 710. per 223. il quoziente  $3\frac{41}{223}$  sarà il diametro maggiore vn tantino del preciso. Perche, è conciosiacosache la proportion della circonferenza al diametro sia maggiore di quella di 223. a 71. quale è di 10. a  $3\frac{41}{223}$ . e per conseguenza, il diametro vero della data circonferenza 10. sarà minore del nostro  $3\frac{41}{223}$ . Cioè questo sarà maggiore del preciso.

Per

Per l'altra Reg. di questa Prop. troveremo il diametro della circonferenza 10. essere  $3\frac{2}{11}$ . e sarà minore del vero. Poſciache, e eſſendo  $f$  la propor- e 3. Arch.  
 tione della circonferenza al ſuo dia- f 8. quin-  
 metro minore, che nō è quella di 22. ti  
 a 7. quale è quella di 10. a  $3\frac{2}{11}$ . & il g 10. quin-  
 diametro vero della circonferenza 10. ti.  
 farà alquanto più del noſtro  $3\frac{2}{11}$ . e pe-  
 rò quello ſarà minore del precito.

*SAPUTA la quantità del diametro, e della circonferenza, trouare la capacità del circolo. Prop. III.*

*SI moltiplichi il diametro nella quarta parte della circonferenza. Ouero. Si moltiplichi il ſemidiametro nella metà della circonferenza. Opure Si moltiplichi la quarta parte del diametro in tutta la circonferenza. Il prodotto di ciaſcuna di queſte moltiplicationi ſarà l'aria del circolo.*

Sia il circolo DB, al cui diametro DB e 11. pri.  
 ſi tiri la perpendicolare b 1. Arch.  
 BC, che ſia tre volte il diametro DB, &  
 vna ſua ſettima parte: accioche, tira-  
 ta la AC, il triangolo ABC ſia egua-

le al circolo DB. Si cōpisca il parallelogramo DMCB; & , presa la BE vna quarta parte della BC: , si tiri la EF

631. pri.



parallela  
alla BD.

Si mena anche dal centro A la

430. pri.

AL parallela alla BC, & per conseguenza alla DM. E perche le BD, CM sono parallele, & le AB, AD egua

•36. pri.

f 41. pri.

li, e eguali faranno anche i parallelogrammi  $ALCB$ ,  $ALMD$ . Dūque, *f* per essere il triangolo  $ABC$  metà del parallelogrammo  $ALCB$ , sarà'l medesimo triangolo  $ABC$  anche la metà del parallelogrammo  $ALMD$ : e però la quarta parte di tutto'l perallelogrammo

*p. r. sexti*

### h 9. quinquagesima

tl.

DMCB. *g* Ma anche il parallelogrammo BEFD è la quarta parte del parallelogrammo DMCB. *h* Egual farà dunque il parallelogrammo BEFD al triangolo ABC: e conseguentemente al circolo BD. Sicche è prouato quel, che si propone nella 5. Reg.

i 31. pr

alla

alla AB, *l* che sarà anche tale alla IC; perche si è dimostrato, il triangolo ABC esser la metà del parallelogrammo ALCB, *m* e del medesimo è metà il parallelogrammo AHGB: *n* segue, che il parallelogrammo AHGB sia eguale al triangolo ABC: *o* e però anche al circolo DB.

E perche, diuisa la AB egualmente in *l*, *p* e tirata la IK parallela alla BC; il triangolo ABC ha doppia base del parallelogrammo IKCB, e sono fra le medesime parallele: *q* sarà esso parallelogrammo IKCB eguale al triangolo ABC, *r* e per conseguenza anche al circolo DB. E dunque prouata anche la 6. e 7. Reg.

C O R O L L A R I O.

SEGV E dalla dimostratione della, 5. Reg. che tutto'l rettangolo BM, cioè quel, che vien fatto dalla multiplicatione del diametro in tutta la circonferenza, e quadruplo del circolo: *s* per esser quadruplo del BK &c.

L E M M A. I.

*L'unità ha a' qual si voglia minutia la proportion medesima, che'l denominatore al numeratore della minutia proposta.*

30. pri.

*m* 1. sexti.

*n* 9. quin ti.

*o* 1. Arch.

*p* 31. pri. ti.

*q* schol. 41. primi.

*r* 1. Arch.

*s* 1. sexti.

Sia qualsiuoglia minutia  $\frac{1}{11}$ ,  $\frac{10}{11}$ ,  $\frac{7}{11}$ ,  $\frac{4}{11}$ ,  $\frac{3}{11}$ , &c, Dico, che l'vnità è a qual si sia di queste, come il denominatore 11. al numeratore 1. 10. 7. 5. 4. &c: Ridotta l'vnità in forma di minutia, denominata dal medesimo denominatore 11. e posta appresso alla minutia proposta: ciò sarà chiaro per la 20. Def. del 7. di Euclide: Poiche, nel primo esempio, in  $\frac{1}{11}$ , cioè nell'vnità, o nell'intero,  $\frac{1}{11}$  si contiene 11. volte,

A	$\frac{11}{11}$	C	$\frac{1}{11}$	come è manifesto.
B	$\frac{11}{11}$	D	$\frac{11}{11}$	Et altrettante volte vien
E	$\frac{11}{11}$	G	$\frac{10}{11}$	compreso il numero C
F	$\frac{11}{11}$	H	$\frac{11}{11}$	nel numero D. Dun-
I	$\frac{11}{11}$	L	$\frac{7}{11}$	que la minutia AB è e-
K	$\frac{11}{11}$	M	$\frac{7}{11}$	gualmente molteplice
N	$\frac{11}{11}$	P	$\frac{5}{11}$	della minutia CD, che'l
O	$\frac{11}{11}$	Q	$\frac{11}{11}$	numero D. del numero
R	$\frac{11}{11}$	T	$\frac{4}{11}$	C. E per conseguenza,
S	$\frac{11}{11}$	V	$\frac{11}{11}$	per la sopracitata Def.
				la minutia AB cioè l'v-
				nità, sarà alla minutia
				CD, come'l denomina-
				tore D al numeratore C.

Il medesimo negli altri esempi. Poscia che la minutia EF contiene la GH vna volta, & vna sua decima parte: la IK

comprende la LM vna volta, e 4. sue parti settime: la NO la PQ due volte, & 1. sua parte quinta: & la RS abbraccia due volte la TV, & 3. sue quarte parti. Et al medesimo modo cotiene il denominatore 11. il numeratore 10.75.4. e così di tutte in ogni genere di pportione, come è chiaro negli esēpi addotti.

### IL L E M M A 71.

*I diametri de' circoli sono frà loro, come le circonferenze.*

Sebene la porportionione della circonferenza del circolo al suo diametro è ignota, nondimeno; hauendo trobato Archimede co' acurissime dimostrationi, la propinqua esser quella, c' habbiam detto nel principio di questo Cap. & altri Matematici han cercato con felice successo d'aprossimarsi più alla precisa; & tal propotione conuiene, come è manifesto; ad ogni circolo: nõ so vedere, perche questo modo d'argomentare non concluda a bastanza; che cioè perche, come la circonferenza d'un circolo al suo diametro, così la circonferenza d'un altro circolo al diametro suo, sia permutando, come

16. quinti.

Et 4 la

la circonferenza dell'vn circolo alla circonferenza dell'altro; così il diametro dell'vno al diametro dell'altro. Siche, dico, mi par dimostrata questa propositione così, senz'altra manifattura; massimaméte che tutti i semicircoli sono simili, le corde de'cui archi sono essi diametri.

### LEMMA III.

*Il quadrato del diametro di qualsivoglia circolo ha al suo circolo maggior proportione, che non è quella di 14. a 11. & minore di quella di 284. a 223.*

Sia il circolo A, & vn altro circolo B o maggiore, o minore, & C, D i quadrati de'lor diametri.



Perche dunque il quadrato C al quadrato D è come il circolo A al circolo B; sarà permutando, il quadrato C al circolo A,

come il quadrato D al circolo B. † Per la qual cosa, fatto il diametro A 1. perche la proportione del quadrato C del diametro detto al suo circolo A è maggiore, che non è quella d;



14. a 11. e minore, che non è quella di 284. a 223. però la proportionione del quadrato D di qual si voglia altro diametro B sarà al suo circolo B maggiore di quella di 14. a 11. & minore, che di 284. a 223.

† *EPR la qual cosa &c.* Questo così si proua. Se facciamo come 7. a 22. così il diametro A. 1. ad altro; haueremo per la Reg. 1. di questo Cap.  $3\frac{1}{2}$ . per la circonferenza maggiore della vera del circolo A. Et se moltiplicheremo la metà  $\frac{1}{2}$  nel semidiametro  $\frac{1}{2}$ . troueremo, per la 6. Reg.  $\frac{1}{4}$ . per l'aria maggiore della vera del circolo A. Dūque, il quadrato del diametro A 1. che pure è 1. hauerà alla precisa aia del suo circolo A, la quale è minore di  $\frac{1}{4}$ . maggior proportionione, che a  $\frac{1}{4}$ . Ma 1. a  $\frac{1}{4}$ . è come 14. a 11. Il quadrato dunque C del diametro A alla vera aia del circolo suo hauerà maggior proportionione, che non è quella di 14. a 11. Di quì è manifesta anche l'altra parte. Perche, se faremo, come 71. a 223. così il diametro A 1. ad altro; haueremo per la 2. Reg.  $3\frac{1}{2}$ . per la circonferenza del circolo A minore del

8 quin.

lem. 1.

la precisa. Si moltiplichì la sua metà  $\frac{2\frac{2}{3}}{1\frac{1}{4}\frac{1}{2}}$ . nel semidiametro  $\frac{1}{2}$ . Troueremo, per la 6. Reg.  $\frac{2\frac{2}{3}}{1\frac{1}{4}\frac{1}{2}}$ . per l'aia minore della vera di esso circolo A. & Onde il quadrato C del diametro A 1. cioè 1. alla vera aia del circolo; la quale è maggiore di  $\frac{2\frac{2}{3}}{1\frac{1}{4}\frac{1}{2}}$ . hauerà minor proportionè, che a  $\frac{2\frac{2}{3}}{1\frac{1}{4}\frac{1}{2}}$ . f Ma 1. a  $\frac{2\frac{2}{3}}{1\frac{1}{4}\frac{1}{2}}$ . è come 284. a 223. Dunque anche il quadrato del diametro A 1. alla vera aia del suo circolo hauerà minor proportionè, che non è quella di 284. a 223.

## L E M M A IV.

*IL quadrato della circonferenza di qualunque circolo ha al suo circolo maggior proportionè, che non è quella di 892. a 71. & minore di quella di 88. a 7.*

Sia la retta AB eguale alla circonferenza del circolo I, & vn'altra retta AC eguale alla circonferenza di vn altro circolo F maggiore, o minore; & AE, AD i lor quadrati: Perche dunque la circonferenza del circolo I alla circonferenza del circolo F, cioè perche la AB alla AC è, come il diametro IG al diametro FG: & il quadrato AE fa al quadrato AD, come il qua-

drato

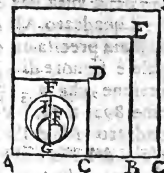
drato del diametro IG al quadrato del diametro FG. Ma come il quadrato del diametro IG, al quadrato del diametro FG, così è il circolo I al circolo F.

è 2. duodec.

Anche il quadra

è 12. quin.

ro AE dunque al quadrato AD sarà, come il circolo I al circolo F: & permutando, il quadrato AE al circolo I, come il



è 16. quin.

quadrato AD al circolo F. † Perche dunque, fatta la AB 1. la proportion del quadrato AE al circolo I è maggiore, che non è quella di 892. a 71. & minore di quella di 88. a 7. però la proportion del quadrato AD della circonferenza AC di qual si voglia altro circolo F ha uerà a esso circolo F maggior proportion, che quella di 892. a 71. & minore di quella di 88. a 7.

† *PERCHE dunque, &c.* Se faremo, come 223. a 71. così la circonferenza AB 1. del circolo I ad altro: ha ueremo per la 3. Reg.  $\frac{223}{221}$  per lo diametro IG alquanto maggiore del ve-

ro.

ro. Et per la 6. Reg. moltiplicato  
 $\frac{7^2}{44}$ . metà del diametro per  $\frac{1}{2}$ . me-  
 tà della circonferenza; il prodotto  
 $\frac{7^2}{88}$ . *f* sarà l'aia maggiore vntanto-  
 lino della vera del circolo I. *g* Perlo-  
 che il quadrato AE 1. della AB 1. haue-  
 rà all'aia precisa di esso circolo I, la-  
 quale è minore di  $\frac{7^2}{88}$ . maggior pro-  
 portione, che a  $\frac{7^2}{88}$ . *h* Ma 1. a  $\frac{7^2}{88}$ . è  
 come 892. a 71. Vero è dunque, che'l  
 quadrato AE della circôferēza AB ha  
 all'aia del suo circolo I maggior pro-  
 portione, che 892. a 71. Di qui è an-  
 che chiaro il resto. Posciache, se fac-  
 ciamo come 22. a 7. così la circôferē-  
 za AB 1. del circolo I, ad altro;  
 troueremo per la 4. Reg.  $\frac{7^2}{22}$ . per lo dia-  
 metro IG minore del preciso. Emulti-  
 plicâdo insieme  $\frac{7^2}{44}$ . metà del diame-  
 tro, metà della circonferenza; haue-  
 remo per la 6. Reg.  $\frac{7^2}{88}$ . per l'aia mino-  
 re della vera di esso circolo I. Per la  
 qual cosa il quadrato AE 1. della AB 1.  
 hauerà alla vera aia del circolo I, la-  
 quale è maggiore di  $\frac{7^2}{88}$ . minor propor-  
 tione, che a  $\frac{7^2}{88}$ . Ma 1. a  $\frac{7^2}{88}$ . è, come  
 88. a 7. E dunque il vero, che'l qua-  
 drato AE della circonferenza AB ha

all'aia

all'aia del suo circolo I minor proportione che 88. a 7.

Di qui si cauano due altre propositioni.

*DATO il diametro di vn circolo, trouare la sua aia maggiore della precisa, e minore. Prop. 1V.*

Si faccia, come 14. a 11. così il quadrato del dato diametro ad altro; che habueremo l'aia del suo circolo maggiore della precisa. REG. 8.

Facciasi, come 284. a 223. così il quadrato del dato diametro ad altro; che si trouerà l'aia medesima: ma minore della vera. REG. 9.

Come, se'l diametro dato sia 10. moltiplicato il suo quadrato 100. per 11. e diuiso il prodotto 1100. per 14. il quoziente  $78\frac{4}{7}$ . sarà l'aia vn tantino maggiore del circolo proposto. Poiche, essendo la proportion del quadrato del diametro del circolo all'aia sua maggiore, che quella di 14. a 11. quale è quella del quadrato 100. all'aia trouata  $78\frac{4}{7}$ . segue, che esso quadrato 100. alla vera aia habbia mag

510. quin. gior proportione, che a  $78\frac{4}{7}$ . *b* Onde l'aia precisa sarà minore di  $78\frac{4}{7}$ . e, per conseguenza, questa maggiore della precisa.

Quero moltiplicato il quadrato medesimo 100. p 223. e partito il prodotto 22300. per 284. il quociēte  $78\frac{17}{21}$ . sarà l'aia minore della precisa del nostro circolo del diametro 10. Perche, hauendo il quadrato del diametro del circolo all'aia d'esso circolo minor proportione, che quella di 284. a 223. quale è quella del quadrato 100. a  $78\frac{17}{21}$ . per cōseguenza, esso quadrato 100. alla vera aia hauerà minor proportione che a  $78\frac{17}{21}$ . *d* Perlo che essa aia vera sarà maggiore di  $78\frac{17}{21}$ . Dunque questa minore.

## C O R O L L A R I O

6 coroll. 4. quin. DALLA 9. Reg. è manifesto, e che se si faccia, come 223. a 284. così l'aia, per esempio,  $78\frac{17}{21}$ . di vn circolo ad altro; haueremo 100. pre lo quadrato del tuo diametro maggiore del preciso. Dunque la sua radice 10. sarà esso diametro maggiore del vero. E dall'8. faremo, come 11. a 14. così l'aia, per esempio,  $78\frac{4}{7}$ . d'vn circolo ad altro: haueremo 100. per lo quadrato del diametro minore del preciso. Ondè la sua radice 10. sarà esso diametro.

DATA

**DATA** la circonferenza d'un circolo,  
trouare l'aia sua maggiore, & minore  
della vera. Prop. V.

**FACCIASI**, come 892. a 71. così'l  
quadrato della data circonferenza ad  
altro; che troueremo l'aia maggiore del  
vera del suo circolo. REG. 10.

**Facciasi**, come 88. a 7. così'l quadra-  
to della circonferenza data ad altro:  
che si hauerà la medesima aia, ma mi-  
nore della vera. REG. 11.

Come se la circonferenza di vn circo-  
lo, sia 10. moltiplicato il quadrato  
100. per 71. e diuiso il prodotto 7100.  
per 892. il quoziente  $7\frac{214}{221}$ . sarà l'aia  
del circolo alquanto maggiore della  
precisa. Posciache, hauendo il qua-  
drato della circonferenza del circolo  
maggiore proportionione all'aia di esso cir-  
colo, che non è quella di 892. a 71.  
quale è quella del quadrato 100. della  
circonferenza 10. a  $7\frac{214}{221}$ . perciò esso  
quadrato 100. hauerà maggior pro-  
portionione alla precisa aia, che a  $7\frac{214}{221}$ .  
e per conseguenza questa sarà mag-  
giore della vera. 4 lem. 4.

Ouero moltiplicato il medesimo b 10. qui.

quadra-

quadrato 100. per 7. e'l prodotto 700. diuifo per 88. il quoziente  $7\frac{2}{3}$ . farà l'aia d'eflo circolo alquanto minore della vera. Poiche, hauendo l'quadrato della circonferenza minor proportione all'aia del fuo circolo, che quella di 88. a 7. quale è quella del quadrato 100. a  $7\frac{2}{3}$ . eflo quadrato 100. hauerà alla vera aia del circolo minor pportione, che a  $7\frac{2}{3}$ . & e p còse guèza quella farà minore della precisa.

## COROLLARIO

E chiaro per la 11. Reg. che, se facciamo, come 7. a 88. così l'aia, per efempio,  $7\frac{2}{3}$ . d'un circolo ad altro; si trouerà 100. quadrato della circonferenza maggiore della precisa; & la fua radice 10. farà efia circonferenza. Se poi faremo, come 71. a 892. così l'aia, per efempio,  $7\frac{2}{3}\frac{1}{2}$ . ad altro; haueremo, per quel che si raccoglie dalla Reg. 10. il quadrato 100. della circonferenza minore della precisa del propofito circolo, & la fua radice 10. farà la circonferenza detta.

*Dell'aia de' fegamenti del circolo.*

*Cap. V.*

**P** RIMACHE noi veniamo alle regole per mifurare qualfiuoglia parte, che ne poffi occorrere del circolo, e neceffario di dimoftrare quefto.

LEM-



## L E M M A.

*DAT A la corda di vn' arco cō la perpẽdicolare dal punto di mezzo in essa corda fino all' arco , venire in cognitione della quantità dell' arco , e del semidiametro .*

Sia la AC la corda data , & la DB la perpendicolare dal punto D di mezzo della corda fino all' arco ; questa 4. quella 16. E perche , tirata la BC , nel triangolo rettangolo BCD son noti i due lati BD , DC attorno all'angolo retto \* haueremo Gr. 63. Min. 26. per l'angolo CBD. Intendasi prolungata la BD fino al centro E , & si meni la CE. Perche dunque le EB , EC sono eguali , per esser semidiametri ; b anche l'angolo BCE sarà Gr. 63. Min. 26. c Dunque il BEC sarà Gr. 53. Min. 8. che è la quantità dell'arco BC : d e per conseguenza tutto l'arco ABC sarà Gr. 106. Min. 16. e E perche quel , che si fa dalla AD nella DC , cioè dalla AD , o DC in se stessa , è eguale a quel , che si produce , allungata la BE fino alla periferia



44 triag.

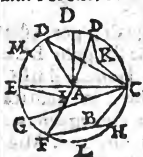
b 5. pri.  
c 32. pri.d scholio  
27. tertij.  
e 35. ter.

in F, dalla BD nella DF; se diuidere-  
mo 64. quadrato della AD 8. per la  
BD 4. il quoziente 16. sarà la DF. Dū-  
que tutto'l diametro BF sarà 20. e'l se-  
midiametro EB 10. E tutta la circon-  
ferenza ABCF, per la 1. Reg. del 4.  
Cap. sarà  $62\frac{6}{7}$ . Direm'dunque. Se tut-  
ta la circonferenza ABCF Gr. 360. è  
 $62\frac{6}{7}$ . che sarà l'arco ABC Gr. 106.  
Min. 16? Troueremo esso arco ABC  
essere  $18\frac{24}{41}$ .

### SETTORE.

REG. 1.

*Si moltiplichi la metà della pe riferia  
nel semidiametro; che'l prodotto sarà l'  
aia. Perche, come s'è visto nella 6. Reg.*



f 1. sex.

del 3. Cap. l'aia del  
circolo EDCL si pro-  
duce dalla EDC, metà  
della circonferenza,  
nel semidiametro AD;  
f seguita, che dalla  
metà della EDC, cioè  
dal quadrante DC, che è la quarta  
parte di tutta la circonferenza, nel me-  
desimo semidiametro AD si faccia la  
metà dell'aia del circolo, cioè'l semi-

circolo

circolo ECD : *f* e dalla metà del quadrante DE, cioè dalla ME, ottaua parte di tutta la circonferenza nel semidiametro istesso AD si produca la metà del semicircolo, cioè il Settore DAE-MD, quarta parte del circolo tutto : *f* E così di mano in mano qual parte, ò parti sarà l'arco DC, ò che sia quadrante, o maggiore, o minore di esso, di tutta la circonferenza EDCL: tal parte, o parti del circolo si produrrann sempre dalla metà dell'arco DE, sia quanto esser si voglia, nel semidiametro AD, per hauer tai rettangoli sempre l'altezza medesima AD, &c.

Per la medesima ragione, haueremo allo stesso modo l'aia dello spatio DA-CLE, moltiplicando cioè la metà dell'arco DELC nel semidiametro AD. Ouero, trouato, come di sopra il Settore DACD, lo caueremo da tutta l'aia del circolo; che il rimanente sarà lo spatio proposto.

P O R T I O N E.

*Si truoui l'aia del Settore, e di essa si sottragga il triangolo, o il rettilineo,*

*che vi vien compreso: che'l rimanente sarà la Portione proposta.* Del semicircolo non accade parlarne; che già si è detto qui sopra, che si fa dalla metà della sua periferia nel semidiametro. Ma se la Portione sia minore del semicircolo, quale è la DCD, misurata la DC, & l'altezza sua, cioè la perpendicolare dal punto di mezzo della DC fino alla periferia; si trouerà per lo Lemma passato la quantità dell'arco DC, & il semidiametro AD. Quindi per la 1. Reg. haueremo l'aia del Settore DACD, dal quale cauatane l'aia del triangolo ADC: il restante sarà la Portione proposta.

Se poi la Portione eccedesse il semicircolo, quale è la CDELC, troueremo, come si è insegnato pur ora, la rimanente Portione DCD: che cauandola dall'aia di tutto'l circolo, rimarrà la CDELC.

### RITAGLIO.

REG. 3.

*Dalla Portione intera sene caui la Portion minore. Cuiro. Dal Settore se ne sottra ga il triangolo rettilineo;*

*che*

che il resto sarà il Ritaglio. Come nel Ritaglio  $FGCHF$ , troueremo per la 2. Reg. l'aia dell'vna, e dell'altra porzione; cioè di tutta la  $GCHLF$ , e di quella, che manca  $FHL$ , seruendoci del Lemma passato: che, cauando la minore dalla maggiore, il rimanente sarà il Ritaglio proposto.

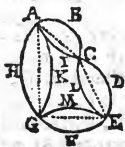
Et se fusse il Ritaglio  $DCHEGED$ , troueran l'aie delle due porzioni  $DCD$ ,  $FHLF$ , che còpiscono il circolo: che, cauate queste dall'aia del circolo tutto, il rimanente sarà il Ritaglio proposto.

Se poi haueremo a cercare l'aia dell' $EIF$  vno de' euilati  $IF$  sia il medesimo col semidiametro, allungato questo fino al centro  $A$ , per lo Lemma sopraposto, e tirata la  $AE$ ; se, trouata per la 1. Reg. l'aia del Settore  $EAF$ , ne caueremo il triangolo  $AEI$ : rimarrà il Ritaglio  $EIF$ .

Il somigliante nei  $DKCD$ ,  $FBCHLF$ . Poiche trouati, per lo Lemma, i semidiametri  $DA$ ,  $CA$ ,  $FA$ ; se troueremo l'aia de' Settori  $DAC$ ,  $CAF$ , e di essi ne caueremo il rettilineo  $DACKD$ ,  $CAFBC$ : rimarranno i Ritagli proposti.

Di qui può effer chiaro, come si deb-  
ban misurare le figure tutte composte  
di archi, o pure miste. Come se sia la  
figura ABCDEFGH, si tireran le  
rette AC, CE, EG, GA da vn âgolo al-  
l'altro; e, trouata l'aia del rettilineo  
ACEG, con la giunta delle porzioni  
ACB, CED, EGF, GAH, trouate per la  
Reg. 2. si hauerà tutta la figura propo-  
sta. O se fusse la mista ACDEGHA, al  
detto rettilineo si aggiugnerãno sola-  
mente le porzioni CED, GAH.

E nella AICLEMGKA dal rettilineo



predetto se ne cauera-  
no le portioni ACI, CE-  
L, EGM, GAK. Et se  
fusse la mista ACLEGK-  
A, dal medesimo rettili-  
neo si leuerãno le CEL,  
GAK. Ma nella biango-

la AHGK tirerassi la AG da vn angolo all'altro, e trouata l'aia d'ambidue le porzioni AGH, AGK, la lor somma sarà l'aia sua.

**AVVISO.** Vno spatio fra due cir-  
coli ineguali, si misurerà al suo luogo  
nel 6. Lib. alla Prop. 19.

Il fine del Quarto Libro. — 22.

DELLA

D E L L A

# GEOMETRIA

Di

PIERO DIONIGIO VEGLIA

Perugino .

*Parte Seconda, Libro Quinto .*

Della dimensione de' corpi , o  
figure solide .

*Dell' aia de' Parallelepipidi, Prismi,  
e Cilindri . Cap. I.*

PARALLELEPIPEDO .

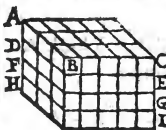


*Al A della base si multi- REG. 1.  
plici nell' altezza. Il  
prodotto sarà l' massie-  
cio , che si desidera .*

Il Perallelepipedo ,  
come habbiamo nella  
30. Def. dell' Vndec. d' Euclide , è vna  
figura solida contenuta da sei superfi-  
cie quadrilatera , delle quali le oppo-  
ste sono parallele , quale è la AI , ben-

Ff 4 che

che di essa tre sole qui ne appaiano ,  
considerandosi nascoste le altre. Ora ,  
se moltiplicheremo le base AC , cioè



15. quanto si fa  
dalla AB nella B-  
C , per l'altezza  
AH 4. haueremo  
60. per l'aia di tut-  
to'l massiccio del-  
la proposta figura.

Cioè in esso solido AI si conteranno 60.  
corpicelli cubi in forma di dadi, c'hab-  
biano la medesima larghezza, larghez-  
za, e profondità. Percioche, se nella  
base AC, fatta dalla AB nella BC di 15.  
per esemplo, palmi quadrati, c'imagi-  
neremo esser 15. dadi si fatti di vn pal-  
mo p ogni verso: empieranno essi dadi  
essa base fino al primo suolo AC. Et se  
sotto questi firem vn'altro suolo DE  
di altri dadi della grandezza medesi-  
ma; ve ne entreranno altri 15. Così 15.  
altri nel suolo FG, & altrettanti nel suo-  
lo HI. Dimodoche tante volte vn suo-  
lo di 15. di tai dadi, quanti quadretti  
cioè di vn palmo di lato si fano dal la-  
to AB nel lato BC, veniamo a porre  
vno sopra l'altro, quanti sono i Pal.

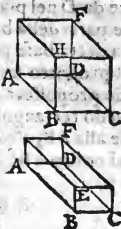
dell'al-



dell'altezza AH.

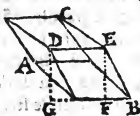
**AVVISO.** Il Cubo, per hauer le tre dimensioni eguali, cioè perche tanto è in esso la larghezza, quanto la lunghezza, & la profondità; è chiaro, che'l suo fodo si produrrà da vna delle tre dimensioni, moltiplicata in se stessa, & il prodotto per la dimensione medesima vn'altra volta.

La medesima via si terrà se la base ABCD, e per conseguenza anche la EF non faran rettangole: ma o rombi, o romboidi. Perche, trouata per la Reg. 2. del Cap. 2. del 4. Lib. l'aia della base ABCD, e moltiplicata nell'altezza BE: il prodotto farà l'aia di tutto'l massiccio ACEF. Perche, producendosi il parallelepipedo rettangolo dalla base nell'altezza, come si è qui sopra veduto; e'l parallelepipedo alto quanto è la BE sopra vn rettangolo eguale al quadrilatero ABCD è eguale al nostro ACEF: habbiamo il proposito.



31. vn-  
dec.

Ma se'l Parallelepipedo o che habbia le basi rettangole, o obliquangole, sia tale, che o due,



o tutti i lati sieno inclinati alle basi, che cioè non sieno retti, come è l'ABCD, bisognerà di trouare & la

8. triag.

perpendicolare EF, o la DG, misurandola meccanicamente con vn filo cadente da D nel piano soggetto, e ciò nelle parti della base; che, moltiplicando la detta base per essa perpendicolare: il prodotto sarà l'aia del Parallelepipedo proposto. Posciache il Parallelepipedo rettangolo sopra vna base eguale alla AB, dell'altezza EF, è eguale al nostro ABCD, &c.

29. 30.  
ndec.

### P R I S M A.

REG. 2.

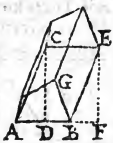
Si moltiplichi l'aia della base nell'altezza, che'l prodotto sarà'l sodo, che si cerca. Il Prisma per la 13. Def dell'Vndec. d'Euclide è vna figura solida contenuta da piani, de'quali i due opposti sono eguali, simili, e paralleli; & gli altri parallelogrammi. Tale è il BD-

CIKH,

CIKH, tale l'ABDEFGHK, tale l'AB-  
CDEFGHIK. Trouata  
dunque la base ABCDE,  
per elépio, per la 3. Rg  
del Cap. 3. del 4. Lib. se  
la moltiplicheremo nell'  
altezza AG; il prodotto  
sarà l'aia di tutto'l massic-  
cio proposto. Poiche, se  
sopra vn rettangolo eguale alla base  
ABCDE formeremo vn parallelepipo-  
do della medesima altezza AG: que-  
sto sarà eguale al nostro Prisma. Dun-  
que il Prisma, come quello, si produr-  
rà dalla moltiplicatione della base nell'  
altezza sua.



Ma se'l proposto Prisma non sia ad  
angoli retti, ma inclina-  
to sopra la base, come in  
questa figura appare; bi-  
sognerà d'investigare  
la perpendicolare CD,  
o la EF da E fino al sog-  
getto piano F, misuran-  
dola mecanicamente, &c. che questa  
sarà l'altezza del Prisma. Per la quale  
se moltiplicheremo la base AG: il pro-  
dotto sarà l'aia sua. f Perche, essendo



42. corol.  
7. duo-  
dec.

e 6 triag.

f scholio  
7. duo-  
dec.

questo

ello

questo eguale al Prisma retto sopra la medesima base, e dell'altezza stessa; e'l retto, come si è detto qui sopra, si genera dalla base nell'altezza: anche questo si produrrà dalla base medesima nell'altezza sua perpendicolare.

## C I L I N D R O .

REG. 3.

*L'aia della base si moltiplichi nell'altezza, che'l prodotto sarà'l suo massiccio.* Il Cilindro è vna figura solida contenuta fra due circoli equidistanti, & la superficie cilindrica fraposta tra essi. Così lo definisce Sereno. Tal figura è rappresentata da vna colonna rettonda di grossezza eguale, come la AB. Diciamo dunque, l'aia sua corporale prodursi dalla base A nell'altezza



CAB. Perche, se per esempio l'aia della base A sia 5. Pal. quadrati, & l'altezza AB 4. hauere-  
mo nel primo suolo, alto vn palmo, 5. Pal. cubi, altri 5. nel secondo, cinque altri nel terzo, & altrettanti nel quarto, &c. come si disse nel parallelepipedo.

Ma

Ma nel Cilindro AC scaleno , per  
uer l'altezza sua bisognerà di misu-  
re meccanicamente la perpendicola  
CD, come si disse nel parallelepipedo  
: che al medesimo modo , cioè mol-  
tiplicando la base A nell'altezza CD ,  
ueremo pure l'aia sua, quanto nel  
retto AB, per essere sopra la medesi-  
ma base A , e nella medesima altezza,  
on esso : se però eguale.

scorol.  
il. duo-  
dec.

## TRONCO DEL CILINDRO.

*Si moltiplichi l'aia del circolo nell'asse  
, che'l prodotto sarà'l suo massiccio ,  
come nel pezzo CDFE se moltipliche-  
mo l'aia del circolo del diametro D-  
nell'asse AB , il prodotto sarà'l sodo  
del tronco proposto CDFE. Percioche  
passi per l'asse AB vn piano CEHG pa-  
rallelogrammo , & intendasi tirata la  
L perpendicolare al lato EF, che passi  
per l'asse, la quale sarà perpendicolare  
anche ad esso asse , il che è manifesto  
per la sua definizione : & si tiri il mag-  
ior diametro DF della settione , che  
il lato EH allungato concorra in F.  
perche per la Def. 21. dell'Vndec. d.*

REG. 4.

2. sexti.

Euclide, le AB, EF son parallele, & sarà, come la DM alla ML, così la DB alla BF. Ma per la medesima Def. la DM è



15. pri.

26. pri.

F eguale alla ML. Dunque, anche la DB sarà alla BF eguale: e però'l punto B sarà'l centro della settione DKFI. Ora, essendo ne'triangoli piani BGD, BHF retti gli angoli G, H, & B alla cima eguali, & eguali i lati BD, BF: faranno eguali anche gli altri lati DG, GB a gli altri FH, HB ciascuno a ciascuno. Rauuolgasi con la mente il piano CEHG. Quando sarà la GH alla DF ad angoli retti, per che ella, per la 14. del 1. di Sereno, farà'l secondo diametro della settione; diuiderà essa settione in due parti eguali. Per la qual cosa, essendo il piano BH fatto dal rauuolgimèto della GH, settione comune, e, come proueremo, semicircolo; se intenderemo posta la metà della settione IFK del Cilindro sopra l'altra rimanente IOK, che la cima F sia sopra la cima D: è chiaro, che conuerranno in tutto insieme, bcome conuerrà anche le settio-

ne

se BH semicircolare, che si lieua con la settione BH, che rimane, in vn piano medesimo circolare.

Che la comune settione BH sia semicircolo è chiaro. perche, facendosi dal rauuolgimēto della GH, la quale, quando è giunta ad angoli retti, fa, come è detto, il secondo diametro: il semidiametro, cioè la metà di essa GH, sarà sempre la distanza di ogni punto della periferia, che termina la settione BK, cioè di ogni punto della superficie cilindrica in essa settione dal centro B. Dunque anche la portione HF della superficie cilindrica si confarà in tutto con l'altra cilindrica superficie CD. Il che se l'Auversario non volesse concedere; bisognaria cōcludere, che la metà della settione IFK non fosse eguale all'altra metà GDK, o che la comun settione BH non fosse a se stessa eguale: l'vna delle quai cose farebbe contra quel, che si è dimostrato, & l'altra sciocchezza manifesta. Siche così considereremo vn Cilindro intero CE-IG, la cui altezza AB, / o EH, eguale al tronco proposto: e però l'nostro Trō produrrassi dalla moltiplicatione

del circolo detto, cioè della base CE, nell'asse AB. Il quale asse haueremo, sommando insieme i lati, o altezze CD, EF, che la metà della somma sarà l'altezza aritmeticamente proportionale di mezzo.

Il simile, se'l Cilindro fusse tronco anche dall'altra parte col piano OC, quero cò l'EN. Perche, per le medesime ragioni, se sommeremo insieme i lati, o altezze CD, OF, ouero li ND, EF: la lor metà sarà pure l'asse, che si deue multiplicare nella base, &c.

*Dell'aia delle Piramidi, e de' Coni.*  
Cap. II.

PIRAMIDE, E CONO.

REG. 1.

*Si multiplichi l'aia della base nell'altezza, che la terza parte del prodotto sarà l'sodo della Piramide, o del Cono.*

REG. 2.

REG. 3.

*Ouero. Si multiplichi la terza parte dell'altezza nella base Opure la terza parte della base si multiplichi nell'altezza: che'l prodotto sarà l' massiccio misesimo. La Piramide è vna figura solida, contenuta da piani, che da vn'al-*

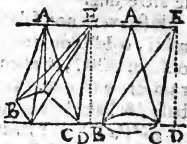
a 12. def.  
vndec.

tro



tro piano partendosi, vanno a morire  
in vn punto. Il Cono, come si ha da  
Appollonio, e vna figura contenuta da  
vn circolo, e dalla conica superficie,  
generata dal rauuolginento della linea  
retta da vn pūto dato in alto fuor del  
circolo per la circonferenza sua. Tali  
sono le figure ABC. nelle quali se la  
base BC si sia trouata, per esempio 6.  
Pal. quadrati, & l'altezza 9. la terza  
parte 18. del pro  
dotto 54. farà l'  
aia della Pirami  
de, o del Cono  
ABC. Posciache,  
come habbiam  
veduto nel pas  
sato Cap. producendosi dalla base  
BC nell'altezza sua perpendicolare  
DE il Prisma, o'l Cilindro, & la Pi  
ramide, o'l Cono ABC, è la terza  
parte di quel Prisma, o di quel Cili  
ndro: viene a esser prouata la nostra  
prima Reg.

Similmente, moltiplicando la base  
6. per 3. terza parte dell'altezza DE;  
haueremo pure 18. per l'aia delle me  
desime figure. Perche dalla base nella



6 corol.  
7. duode.  
e 10. duo  
dec.

d schol.  
14. duo-  
dec.

e 14. duo-  
dec.

f schol.  
7. duo-  
dec.

g 11. duo-  
dec.

h schol.  
14. duo-  
dec.

terza parte dell'altezza si produce la terza parte di quel tal *d* Prisma, o di quel *e* Cilindro.

Parimente, se moltiplicheremo l'altezza 9. per 2. terza parte della base; si hauerà pure la detta aia. Perche a questo modo si produce la medesima terza parte di quel *f* Prisma, o di quel *g* Cilindro. Dunque son vere anche le altre due.

E son vere non solamente delle Piramidi, o de' Coni retti, ma anche degli obliqui EBC, *b* essendo eguali le Piramidi, e i Coni, c'hanno la medesima base, & l'altezza medesima.

**AVVISO.** Per hauer l'altezza perpendicolare in si fatti corpi si accomoderà nella cima A vna riga AE, che col mezzo dell'archipendolo stia equidistante alla base, & misurerassi diligentemente la DE. Il medesimo si farà negli obliqui, quando essa perpendicolare non cadesse fuor della base: che se caggia di fuora, basterà di misurare la DE, con applicarvi vna riga a perpendicolo, ouero vn filo col piombo.

**VN ALTRO AVVISO.** Come vn

Cono

Cono misureremo vn cumulo di grano. E per esseguir questo più accuratamente, sarà bene di accommodare nella sua cima vna canna, o vn bastone diritto, che arriui fino al piano, e vi stia a piombo: poi adunarlo bene con la granata, & aggiostrarlo d'ogn'intorno nel dorso, accioche'l cumulo vada dalla base alla cima più retamente, che sia possibile, senza rumori, o depressioni: & la circonferenza venga tonda, quanto si può. Della quale haueremo facilmente il diametro, se misureremo la distanza fra due fili, tenuti retti, & equidistantemente, mentre toccano la circonferenza da vna parte, e dall'altra. Così haueremo assai più giustamente l'aia della base, & l'altezza, e però tutto'l massiccio assai vicino al vero. Se poi il grano fusse adunato al muro, si trouerà in esso muro, tanto l'altezza del Cono, quanto'l diametro della sua base. Ma del prodotto si torrà la metà, per esser quel tal cumulo la metà del Cono. Et se fusse in vn canto della stanza, tirato in fine il calcolo, si torrà la quarta parte del prodotto: perche la quarta parte del

Cono rappresenta solamēte tal figura, come è manifesto.

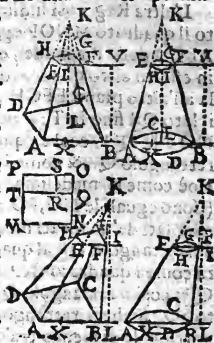
Saputa la quantità del grano in piedi cubi, se misureremo vno staio secondo i precetti del Cap. 3. di questo Lib. e per le misure dello staio partiremo le misure del cumulo: troueremo, come è manifesto, il numero delle staia del proposto cumulo di grano.

### TRONCO DELLA PIRAMIDE, E DEL CONO.

REG. 4. *Si truoui l'aia della figura intera, e di quella che manca; che cauando questa di quella: il resto sarà l'Tronco proposto.*

REG. 5. *La somma delle aie delle due basi, e del numero proportionale di mezzo, si moltiplichi nell'altezza, che la terza parte del prodotto sarà l'aia medesima.*  
Tronco di Piramide, o di Cono, è quando la Piramide, o'l Cono è mozzo da vn piano equidistante alla base. Sia dunque il Tronco ABCDEFGH di vna Piramide, o di vn Cono. Intendasi compita la figura fino in K, e si truoui la quantità dell'asse LI, nelle parti, nelle quali si sarà trouata la base, col por-

re nel piano di sopra vna riga, e piglia-  
 re l'intervallo VB fino al soggetto pia-  
 no. Perche dunque i triangoli ABK,  
 EFK sono simili, sarà come la AB al-  
 la BK, così la EF alla FK: & permuta-  
 ndo, come la AB alla E-  
 F, così la BK  
 alla FK. Adun-  
 que, tolta D  
 nella AB la,  
 AX eguale al  
 la EF, sarà, P  
 diuidendo co-  
 me la BX, dif-  
 ferenza tra  
 le AB, EF al-  
 la XA, cioè al  
 la EF; così la  
 BF, differen-  
 za tra le BK,  
 FK, alla FK. Ma come la BF alla FK,  
 così è la LI alla IK. Come dunque la  
 BX alla XA, così sarà la LI alla IK. Per  
 la qual cosa diremo, per esempio. Se  
 la BX 5. mi da la XA 4 che mi darà la  
 LI 10? Haueremo 8. per la IK, che ag-  
 giunta alla LI, habbiamo 18. e 8. per



4 corol.  
 4. sexti.  
 4. sexti.  
 16 quin.

17. quin.

17. vn-  
 dec.

le altezze delle due Piramidi, o Coni ABCDK, EFGHK. Trouata dunque, come qui sopra, l'aia d'ambidue, e cauata la minore dalla maggiore: il restante sarà'l Tronco proposto.

4. sec.

sexti.

p. 113

duo

duo

L'altra Reg. così si dimostrerà. / Fatto il quadrato MNOP eguale alla base ABCD della Piramide, o del Cono, & in esso vn altro quadrato SOQR eguale all'altro piano EFGH; & allungato il lato QR fino in T; & perche, come la NO alla QQ, così e' il quadrato NP al rettangolo QP; & come la PO alla SO, cioè come la medesima NO alla QQ (sono eguali le NO, PO : QQ, SO per esser lati de' quadrati medesimi) & così e' il rettangolo QP al quadrato SQ: sarà come'l quadrato NP al rettangolo QP; così il rettangolo QP al quadrato SQ. Sicche il rettangolo QP e' proportionale di mezzo tra' quadrati NP, SQ. E perche  $\frac{1}{2}$  il Prisma, o'l Cilindro fatto dall'altezza LK nella base ABCD e triplo della Piramide, o del Cono ABCDK; & a quel tal Prisma, o cilindro e eguale il parallelepipedo cotenuto sotto la medesima altezza LK, e'l quadrato NP, come si può dedurre dal

la

la 32. dell'Vndec. d'Euclide: anche il parallelepipedo, fatto dall'altezza  $LK$  nel quadrato  $NP$ , sarà'l triplo della detta Piramide, o Cono. E perche a questo parallelepipedo è eguale il parallelepipedo, fatto dall'altezza  $LI$  nel quadrato  $NP$  insieme col parallelepipedo, nato dall'altezza  $LK$  nel quadrato medesimo  $NP$ : anche questo parallelepipedo, così composto, sarà'l triplo di essa Piramide, o Cono. Ma anche il parallelepipedo contenuto sotto l'altezza  $LK$ , e'l quadrato  $SQ$  eguale alla base  $EFGH$ , è triplo della Piramide, o del Cono  $EFGHK$ , per le medesime ragioni, addotte della Piramide, e del Cono intero. Dunque, leuato questo parallelepipedo, il rimanente, quello cioè, che vien fatto dall'altezza  $LI$  nel quadrato  $NP$  con quel, che si fa dall'altezza  $LK$  ne' rettangoli  $NT$ ,  $TS$  sarà triplo del rimanente Tronco  $AB-CDEFGH$ . Ma quel, che vien fatto dall'altezza  $LI$  nel quadrato  $NP$  insieme cò quel, che si fa dall'altezza  $LK$  ne' rettangoli  $NT$ ,  $TS$  è eguale al prodotto dell'altezza  $LI$  nella somma de quadrati  $NP$ ,  $SQ$ , e del rettangolo  $QP$ , co-

me dimostreremo. Dunque anche questo prodotto dell'altezza LI nella somma delle NP, SQ, QP, sarà triplo d'esso Tronco della Piramide, o del Cono.

Ora perche,  $l$  come la base ABCD alla base EFGH, così è il quadrato NP al quadrato SQ,  $m$  sarà la AB alla EF, come la PO alla SO. Et  $n$  diuidendo, tolta la AX eguale alla EF, la BX sarà alla XA, cioè alla EF, come la PS alla SO. Ma, come si è dimostrato nella prima di queste due Reg. come la BX alla XA, così è la LI alla IK. Dunque sarà anche, come la PS alla SO, e per conseguenza (se dalle eguali PO, NO se ne lieuino le eguali SO, QO; rimarranno le PS, NO eguali) come la NQ alla QO: così la LI alla IK. Ma  $\circ$  come la PS alla SO, così è il rettangolo TS al quadrato SQ:  $\circ$  & come la NQ alla QO, così è il rettangolo NT al rettangolo QP. Per ciò sarà anche, come la LI alla IK così & il rettangolo TS al rettangolo SQ, & il rettangolo NT al QP. Per la qual cosa, considerate queste grandezze in numeri,  $p$  il prodotto della LI nell'SQ sarà eguale al prodotto della IK nel ST.  $p$  Similmente il pro-

dotto

2 schol.  
7. quinti.  
m 22. lex.  
n 17. quin

$\circ$  1. sexti.

$p$  19 sept.



dotto della LI nel QP sarà eguale al prodotto della IK nell'NT. Onde i due prodotti, quello cioè della LI nell'SQ, e quello della medesima LI nel QP faranno eguali ai due prodotti della IK nel TS, e della IK nell'NT. Aggiungasi alle due somme il prodotto della LI nel quadrato NP. I tre prodotti della LI nell'NP, della LI, nell'SQ, della LI nel QP faranno eguali ai tre prodotti, della LI nell'NP, della IK nel TS, della IK nell'NT. Ma questi tre prodotti, cioè della LI nell'NP, della IK ne'ST, NT, sono il triplo del Tronco ABCDEFGH, come si è qui di sopra dimostrato. Dūque anche que'tre, che cioè si fanno della LI, altezza del Tronco ne'quadrati NP, SQ, e nel QP proportionale di mezzo tra essi quadrati, cioè nella somma di questi tre NP, SQ, QP, sarà pure il triplo dello stesso Tronco: e per cōseguenza la sua terza parte sarà l' massiccio del Tronco medesimo.

Siche, se, p esempio, il quadrato NP, cioè la base ABCD sia Onc. 36. & l'SQ, cioè la EFGH Onc. 4. & il rettangolo QP sarà 12. Se dunque la somma

9 10. sep.

52. de' due quadrati NP, SQ cioè delle aie delle due basi 36. e 4. e di 12. proportionale di mezzo, venga moltiplicato per 10. LI, altezza del Trôco, e del prodotto 520. sene pigli il terzo: haueremo Onc.  $173\frac{1}{3}$ . per il massiccio del Tronco proposto.

Tutto questo, c'habbiam detto è comune anche a' Tronchi delle piramidi, o de conì obliqui, come è manifesto, applicandouile medesime demonstrationi.

**AVVISO.** Il rettangolo proportionale di mezzo si hauerà moltiplicando l'aia delle basi fra loro, che la radice quadrata del prodotto sarà quel, che si cerca. Onde nel nostro esempio moltiplicati tra loro i quadrati NP. 36. SQ. 4. la radice 12. del prodotto 144. è il numero proportionale di mezzo.

*Della capacità delle Botti. Cap. III.*

**TENVTA INTERA.**

*I quadrati de' due diametri si sommano col prodotto di un diametro nell'altro. Della somma se ne pigliano gli  $\frac{1}{3}$ .*

si

REG. I.

si moltiplichino per la lunghezza della Botte: che la terza parte del prodotto sarà la sua tenuta.

I medesimi  $\frac{1}{4}$ , si moltiplichino nella terza parte della lunghezza. Ouero.

REG. 2.

La terza parte de' detti  $\frac{1}{4}$ , si moltiplichi in tutta la lunghezza: che'l prodotto sarà l'ais.

REG. 3.

Come se la figura AEDF sia il vacuo di vna Botte, si pigli l'altezza AD dal cocchiere al fondo, il diametro BC di vno de' fondi, & la distanza EF dall'vn fondo all'altro: & sia la DA

Onc. 36. la BC 32, & la EF 38. Si sommino i quadrati 1296. 1024. de' diametri A-D, BC con 1152. che



è quel, che vien fatto dal diametro A-D nel diametro BC: & che è'l numero proportionale di mezzo, e della somma 3472. tolti gli  $\frac{1}{4}$ , haueremo 2728. che moltiplicato per la EF, e del prodotto 103664. presa la terza parte; questa, cioè Onc. 34554  $\frac{2}{3}$ , sarà'l vacuo, o tenuta della Botte proposta. Ouero moltiplicheremo i medesimi  $\frac{1}{4}$ , cioè 2728. per 12  $\frac{2}{3}$ , terza parte della EF; o pure 909  $\frac{1}{3}$ , parte terza de' detti  $\frac{1}{4}$  per

4 11. oct.

tutta la EF : che nell'vno , & nell'altro modo haueremo la medesima capacità Onc. 34554 $\frac{2}{3}$ . perche così sempre si produce la terza parte di quel prodotto. E questo modo , il quale può seruire in ogni paese, è fondato nella 5. Reg. del Cap. 2. Imperoche, se considereremo, che'l vacuo della Botte AEDF sia diuiso in due parti eguali dal circolo del diametro AD ; haueremo due tronchi di cono, l'ADCB, & l'ADHG, le cui basi la settione comune AD, cioè'l circolo del diametro AD, e i circoli de' diametri BC, GH. Pigliamo gli  $\frac{1}{4}$  di quella somma per cagione del circolo. Poiche, riducendosi la figura AEDF ad vn cilindro, la cui altezza la EF, & l'aia della base quella terza parte di quel tal prodotto, & tal aia è circolare, è'l quadrato del diametro e al circolo, p lo Lemma 3. del 4. Cap. del Lib. 4. come 14. a 11. così facendo, si riduce quel prodotto a circolo, la cui terza parte s'intende circolo medesimamente. I quali  $\frac{1}{4}$  si posson pigliare anche della terza parte della sopranominata somma, che sarà'l medesimo : ma le più volte l'operatione riuscirà più lunga.

Moltiplichiamo poi i detti  $\frac{1}{14}$ , o la  
lor detta parte terza, per la lunghezza  
EF doppia della EI, per trouare la ca-  
pacità de due tronchi di cono ADCB,  
ADHG. 6 perche quel, che vien fatto  
dalla detta terza parte, o da' detti  $\frac{1}{14}$ ,  
nella EF, è'l doppio di quel, che si produ-  
ce da i medesimi  $\frac{1}{14}$ , o dalla medesima  
parte terza nella EI, la quale si pone  
metà della EF: e però questo sarà la  
tenuta di tutta la Botte.

6 14. duo  
dec.

**AVVISO.** Per hauer la misura se-  
condo l'ysanza di ciascun paese, biso-  
gnerà di sapere quanti boccali, o an-  
tore si contengono nel vacuo di vn pie-  
de cubo. Il che si farà, fabricando vna  
cassetta, il vacuo della quale sia per  
ogni verso vn piede, e misurandola  
materialmente con acqua. Perche se  
faremo, come Onc. 1728. cioè vn pie-  
de cubo, a Bocc.  $20\frac{1}{2}$ . che tanto tiene  
vn piede nella nostra Città; così Onc.  
3455  $\frac{2}{3}$ . ad altro: haueremo per la te-  
nuta della proposta Botte Bocc. 450.  
pochissimo più, cho sono Bar.  $22\frac{1}{2}$ . di  
o. Bocc. l'vno. Ouero misurisi vna Bot-  
ticella secôdo le Reg. insegnate, & siasi  
trouata Onc. cube 6524. Serrisi, &

empiafi d'acqua: & posata, ch'ella sarà  
 si misuri, cauandola per la canella, di-  
 ligentemete. Si sia trouata Bocc.  $78\frac{1}{4}$ .  
 Dicasi dunque. Se Onc. 6524. tiene  
 Bocc.  $78\frac{1}{4}$ . quãto terrà vn piede 1728?  
 Troueremo Bocc.  $20\frac{3}{4}$ . e sarà più vic-  
 no al vero. perche qui si rimette tanto,  
 o quanto quel vino, che, oltre alla figu-  
 ra della Botte, compolta de'due tron-  
 chi di cono, si contiene nella scauatu-  
 ra delle doghe.

**VN ALTRO AVVISO.** Vna Tina,  
 vno Staio, e simili si misureranno, come  
 vn tronco di cono, pigliando il diame-  
 tro maggiore, e'l minore del vacuo, &  
 l'altezza sua perpendicolare &c.

### S C E M O.

*Si moltiplichi l'aia della portione del  
 circolo di mezzo nella lunghezza della  
 Botte, che'l prodotto sarà la capacità del  
 lo Scemo.* Gli scemi sono di molta lode  
 in questa parte della misuratione delle  
 botti. Tanto più, che di tal pratica  
 n'han trattato pochi, e que pochi l'hā-  
 no intrigata cō molte difficoltà. I mo-  
 di de'quali lasciati da parte, proporrò

qui

qui quello, che pensai gli anni passati, e che mi pare men soggetto ad errore notabile. Ma prima dirò, che per lo circolo di mezzo intendo la terza parte degli  $\frac{3}{4}$  della somma più volte di sopra ricordata, come si propone nella 3. Reg. Come se'l circolo del diametro del cocchiere sia l'AFBE, e'l circolo del fondo il CD: lo ILMK sarà'l circolo di mezzo, cioè la terza parte de' detti  $\frac{3}{4}$ , come è manifesto. Sia dunque la AB il diametro del maggior circolo del cocchiere Onc. 34. & la CD, diametro del fondo, Onc. 28. & il piano del vino sia la EF, dal quale al cocchiere, cioè la AG, si sia trouata essere Onc. 9. Si cerca quanto si dourà dare di scemo a tutta la tenuta della botte, misurata, ch'ella sarà. Operando per la 3. sopradetta Reg. haueremo Onc. 57 $\frac{1}{2}$ . per l'aià del circolo mezzano ILMK. Dunque, per la seconda parte del Coroll. della Prop. 4. del 4. Cap. del Lib. 4. troueremo Onc. 31 $\frac{1}{2}$  per il diametro IM. fra'l quale, e'l diametro AB, la differenza è 2 $\frac{2}{3}$ . la cui metà 1 $\frac{1}{3}$ . sarà la AI, & altrettanta la IB, come è manifesto per la Def. del



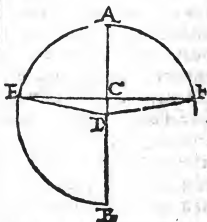


dro eguale a' due tronchi di cono, rappresentati, come si è detto di sopra, dalla forma della botte: segue, che dal semicircolo IDK nella lunghezza medesima si faccia la metà di esso cilindro, e dalla quarta parte dell'aia nella lunghezza detta la quarta parte del medesimo, dalla sesta la sesta, &c. In somma è chiaro, che qual parte, o parti sia qualunque segmento del circolo IL-MK, come il KLI; tal parte, o parti si produrràn sempre d'esso cilindro, cioè della tenuta della botte.

Quest'operatione è laboriosa per cagione delle fractioni, delle quali bisogna estrarne poi anche le radici: la quale riuscirà però più breue, e più facile a questo modo, se bene nõ così precisa. Siasi, per esempio trovato il maggior diametro di vna botte Onc. 19. il minore Onc. 15. & la distanza dal piano del vino al cocchiere Onc. 8. Si pigli nell'Istrumento delle parti dalla banda dritta vna retta AB di 17. particelle, o pure si tolgano in vna scala, tante cioè, quanto è le metà della somma de' due diametri; che questo sarà il diametro mezzano assai vicino al vero.

H h E perche

E perche la differenza da quello al diametro maggiore è 2. caueremo, per la ragione detta di sopra, la sua metà 1. da Onc. 8. distanza del vino : che'l restante sarà la distanza mezzana . Si



pigli dunque la AC 7. delle medesime parti, & in vna Lauagna, o cosa tale, si descriua, fatto diametro la AB, la periferia BEAF: & da C si erga

la perpendicolare CE per la metà della corda. Si pigli il suo doppio, cioè la EF, & si porti col compasso nell'Istrumento, o nella scala; che troueremo, lei essere  $16\frac{1}{2}$ . delle medesime parti. Si operi nel riuerso dall'Istrumento per lo Num. 11. del Cap. 1. del 1. Lib. che troueremo, l'arco AE esser Gr. 79. Dunque il suo doppio EAF sarà Gr. 158. Troueremo anche per la Reg. 1. del 4. Cap. del 4. Lib. tutta la circonferenza del circolo del diametro

AB esse-

AB eſſere  $53\frac{1}{2}$ . e però la periferia EAF, come ſi ha nel Lemma del 5. Cap. del Lib. medefimo, farà  $23\frac{1}{2}$ . quaſi. Sicche dunque per la 1. Reg. dello ſteſſo Cap. troueremo l'aia del Settore AEDF  $99\frac{7}{8}$ . Faremo, che ſia 100. perche le botti ſempre, per la lor fattezza, tengono più della miſura. Habbiamo anche la DC, perpendicolare nel triangolo EFD  $1\frac{1}{2}$ . differenza tra la AC 7. è'l ſemidiametro  $8\frac{1}{2}$ . E però, per la Reg. 5. 6. o 7. del 1. Cap. del Lib. 4. haueremo  $12\frac{1}{4}$ . per l'aia del triangolo EFD; che cauata dal ſettore AEDF 100. rimane la portione EFA Onc.  $87\frac{5}{8}$ . Si multiplichi dunque queſt'aia  $87\frac{5}{8}$ . per la lunghezza della botte, per eſempio, Onc. 16. Si trouerà per tutto'l vacuo Onc. cube 1402. Direm'dunque. Se once 1728. vn Piede, da Bocc.  $20\frac{1}{2}$ . che darà Onc. 1402? Troueremo Bocc. 17. Fogl.  $2\frac{1}{2}$ . quaſi. E tãto farà lo Scemo propoſto.

*Dell' aia de' Corpi regolari . Cap. IV.*TUTTI CINQUE I CORPI  
REGOLARI IN GENERALE.

- REG. 1. *Si moltiplichi l'aia di una delle basi nella terza parte della perpendicolare dal centro ad essa base, e' il prodotto per*
- REG. 2. *lo numero delle basi. Ouero. Moltiplichisi il terzo della somma di tutt: le*
- REG. 3. *basi in tutta la perpendicolare. Ouero. La somma delle basi nella perpendicolare medesima, e del prodotto se ne toglia il*
- REG. 4. *terzo. Ouero. Si moltiplichi la terza parte della perpendicolare nella somma delle aie di tutte le basi. In ciascuno di questi modi si bauerà'l masticcio del Corpo proposto. I corpi regolari sono cinque Tetraedro, Essaedro, Ottaedro, Dodecaedro, Icosaedro. Altramente Quattrobase, Seibase, Ottobase, Dodicibase, Ventibase. Il primo è contenuto da quattro triangoli eguali, & equilateri; il secondo, che è'l medesimo che'l Cubo, da sei quadrati eguali, il terzo da otto triangoli eguali, & equilateri, il quarto da dodici pentagoni eguali, equilateri, & equiangoli;*

il quinto da venti triangoli eguali, & equilateri. Perche dunque attorno a ogni Corpo regolare si può circoscrivere la sfera, come si dimostra da Euclide nella Prop. 13. fino alla 17. del 13. Lib. tutte le rette, che saran tirate dall'vno all'altro angolo opposto (nel Tetraedro, doue non è quella si fatta oppositione d'angoli, cotai rette arriueranno, passando per lo centro della base, fino all'opposta parte della superficie della sfera, che è tutt'vno) & si segheran tra loro, per esser diametri, della sfera circoscritta, nel cētro del Corpo regolare: e per consequenza verrà a esser diuiso tutto'l Corpo in tante piramidi simili, e similmente poste, con la cima nel centro, quante sono le basi della figura. E perche, come si ha nel Cap. 2. la piramide si produce dalla base nella terza parte dell'altezza sua; se noi troueremo l'aia della base, per la 1. Reg. del Cap. 1. e 3. del 4. Lib. & la moltiplicheremo nel terzo della detta perpendicolare, cioè dell'altezza sua; il prodotto sarà'l massiccio d'essa piramide. Dunque moltiplicato questo massiccio per lo numero delle basi,

17. def.  
vndecimi

cioè delle piramidi , che nel proposto Corpo si contengono : haueremo nel prodotto l'aia d'esso Corpo . Siche è certo quel, che si propone nella prima Reg. . La seconda è chiara per lo Scol. della Prop. 20. del Quartodec. d'Euclide , & le altre due per se stesse ; perche sempre si fa il medesimo .

2 *AVVISO.* La perpendicolare si trouerà meccanicamente . Ne quattro vltimi con porre vna riga su la base di sopra , e misurar poi l'intervallo tra essa riga e'l piano , doue la figura si posa ; che la metà di questo intervallo sarà , come è manifestto , l'altezza d'ogni piramide , o la perpendicolare dal centro della figura alla base . Ma nel Tetraedro , posta vna riga su la sua cima , che con l'archipendolo stia equidistante alla base , cioè all'Orizzonte, o al piano, doue si truoua; torrassi medesimamente la detta distanza : poi faremo : Come 4. a 1. così l'altezza trouata del Tetraedro ad altro ; cioè si par-  
*ta l'altezza per 4. b che'l quoziente sarà la perpendicolare , che si cerca.*

b coroll.  
 13. tertij  
 decimi .

3 *VN ALTRO AVVISO.* Il Tetraedro, come piramide , & l'Essaedro,

come

come parallelepipedo, si misurerà per li precetti del 1. e del 2. Cap.

4 **TERZO AVVISO.** Nell'Essa-  
edro, o Cubo la metà del lato sarà, co-  
me è manifesto, la perpendicolare dal  
centro alla base.

# I MEDESIMI CORPI ALTRAMENTE.

Ma se si desse solamente il lato di vn  
Corpo regolare, dimodoche, non ha-  
uendolo presente, non potessimo tro-  
uare, come qui sopra, la perpendico-  
lare dal centro alla base: così Geome-  
tricamente la inuestigheremo. E pri-  
ma del

## TETRAEDRO.

5 Perche'l quadrato del diametro  
della sfera, che circonda'l Tetraedro,  
ha al quadrato del lato di esso Tetrae-  
dro proportione sequialtera; 6 se fa-  
remo come 2. a 3. così'l quadrato 16.  
del lato 4. di vn Tetraedro ad altro: ha  
ueremo 24. per lo quadrato del dia-  
metro della sfera, ambiente il Corpo.

6 13. ter-  
cijdec.

4 coroll.  
4. quinti.

H h 4 6 Dunque

2. coroll  
3. tertij  
ecimi.  
2. co.  
oll. 13.  
ertijdec.

Dunque i  $\frac{2}{3}$ . di R. 24. che è R. 10  $\frac{2}{3}$ . sarà l'altezza del Tettaedro; f & la sua quarta parte R.  $\frac{2}{3}$ . la perpendicolare dal centro alla base, &c. Sicche o come piramide, o come Corpo regolare troueremo il suo massiccio, &c.

Dell'Essaedro non accade parlarne: che, come si da il lato, si da la perpendicolare dal centro alla base, & è sempre la metà del lato, &c.

## OTTAEDRO.

6 Perche, come dimostreremo, il diametro dell'Ottaedro sega in due parti eguali nel centro la retta, che dal piano di sopra, passando per esso centro, cade perpendicolarmente nell'altro piano opposto: imaginianci; che sopra di esso piano, sia eretto vn triangolo rettangolo, vno de' cui lati attorno all'angolo retto sia la metà della detta retta, che dal piano di sopra cade per lo centro nell'opposto piano, & l'altro il semidiametro del circolo circoscrittibile alla base del Corpo; & il lato, opposto all'angolo retto, la metà del diametro di esso Ottaedro. Si-

che



che, se, per esempio, s'habbia a troua-  
re il massiccio di vn Ottadereo, il cui la-  
to sia dato di Onc. 10. *g* perche'l qua-  
drato del lato del triangolo equilatero  
è triplo del quadrato del semidiamet-  
ro del circolo, a quel triangolo cir-  
coscritto: se'l quadrato 100. del lato  
dato 10. si diuida per 3. il quoziente  
 $33\frac{1}{3}$ . sarà'l quadrato del semidiametro  
detto, cioè di vno de'lati attorno all'  
angolo retto nel sopranominato trian-  
golo. Dunque R<sub>x</sub>.  $33\frac{1}{3}$ . sarà esso lato,  
o semidiametro. *h* E perche'l quadra-  
to del diametro della sfera, ambiente  
l'Ottaedro è duplo del quadrato del  
lato; se facciamo, *i* come 1. a 2. così  
100. quadrato del lato ad altro: haue-  
remo 200. per lo quadrato del diame-  
tro della sfera, cioè dell'Ottaedro. Si-  
che la sua radice, cioè R<sub>x</sub>. 200. sarà es-  
so diametro: e per conseguenza il se-  
midiametro, cioè il lato opposto all'  
angolo retto, sarà R<sub>x</sub>. 50. cioè 50. sarà  
il quadrato suo. Cauato dunque da  
questo quadrato 50. il quadrato  $33\frac{1}{3}$ . *l*  
il rimanente  $16\frac{2}{3}$ . sarà'l quadrato del-  
la retta dal centro alla base, e però R<sub>x</sub>.  
 $16\frac{2}{3}$ . sarà l'altezza della piramide, che

*g* 12. ter-  
tijdecimi.

*h* 14. ter-  
tijdecimi

*i* coroll.  
4. quinti.

*l* 47. pri.

diciamo

diciamo. Haueremo dunque per le Reg. sopraposte la sua aia &c.

7. Che la retta, che dal piano di sopra, passando per lo cētro dell'Ottaedro, cade perpendicolarmente nel piano opposto, sia segata nel centro dal diametro in due parti eguali, così si dimoltrerà. Se dal centro della sfera, circoscrivibile all'Ottaedro, si tiri vna retta, che sia perpendicolare alla base della figura; ella caderà nel centro del circolo, che essa base circoscrive, come è manifesto, per il Coroll. della Prop. 1. del 1. Lib. di Teodosio. \* E perche le basi opposte nell'Ottaedro sono parallele: se essa perpendicolare s'allunghi fino alla base opposta, \* sarà essa retta perpendicolare anche a questa: e per la ragione medesima caderà pure nel centro del circolo, che circoscrive la base. Ma tai circoli, circoscrivēti le basi sono eguali per la eguaglianza delle basi stesse. Dunque per la 6. Prop. del 1. di Teodosio, saranno essi circoli egualmente lontani dal centro della sfera: e perciò, per la 6. sua Def. le dette perpendicolari dal centro alla base faranno eguali. • E'l diametro

della

4. co-  
oll. 14.  
ertijdec.

schol.  
14. ūdec.

17. Def.  
ndec.

della sfera passa per lo centro. Vero è dunque, che la retta, tirata per lo centro perpendicolare da vn piano all'altro opposto, è diuisa dal diametro nel centro in due parti eguali.

8 *ALTRAM.* Trouato, come si è detto qui di sopra nel Num. 6. il quadrato 50. del semidiametro della sfera, che circoferiue l'Ottaedro; & perche questo quadrato è triplo del quadrato dell'altezza della piramide; se diui-remo 50. per 3. haueremo pure  $16\frac{2}{3}$ . per lo quadrato dell'altezza & c. E però essa altezza sarà R.  $16\frac{2}{3}$ . come di sopra nel 6. Num.

p 19. quar-  
tiedec.

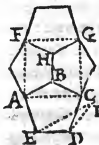
9 *L'istesso Corpo in altro modo.* Cō-nciosiacosache l'Ottaedro si diuida in due piramidi eguali, simili, & di eguale altezza, la cui base comune il quadrato del lato, & essa altezza il semidiametro della sfera, circoferitta a esso Ottaedro; & la piramide si produca dalla base nella terza parte di essa altezza, come si ha nel 2. Cap. se noi troueremo, come qui di sopra, il semidiametro R. 50. e di esso presa la terza parte, la moltiplicheremo nel quadrato del lato, cioè nella base del-

q 16. quar-  
tiedec.

la piramide , ch'ora diciamo : il prodotto farà'l massiccio di vna d'esse piramidi , & il suo doppio per conseguenza l'aia di tutto l'Ottadero .

## DODECAEDRO.

10 Perche nel Dodecaedro si può descriuere'l cubo , il diametro del cubo sarà'l medesimo , che quello del Dodecaedro , e della sfera . Dunque conciosiacosache'l quadrato del diametro della sfera habbia pportione tripla al quadrato del lato del cubo inscritto , e il qual lato è la retta AC , che sottende l'angolo ABC della base pentagona di esso Dodecaedro: si troui essa AC così . Essendo i cinque an-



goli del pentagono ABC-DE eguali a sei retti , se la somma di sei retti Gr. 540. venga diuisa per 5. numero di essi angoli : il quoziente Gr. 108. sarà la quantità dell'angolo del pentagono regolare . E perche i tre angoli A, B, C nel triangolo ABC , tolto nella base del Dodecaedro dal lato

AC

AC del cubo inscritto , *g* sono eguali a *g* 32. pri.  
 due retti ; se dalla somma di due retti  
 Gr. 180. se ne caui l'angolo B , Gr. 108.  
 il rimanente Gr. 72. sarà la somma de  
 gli altri due BAC,BCA. *b* Ma essi sono *b* 5. pri .  
 eguali, per le rette AB,CB lati del pen-  
 tagono eguali. Dunque tanto l'vno,  
 quanto l'altro sarà Gr. 36. Sicche, po-  
 sto , per esempio , il lato AB del pen-  
 tagono, cioè del Dodecaedro Onc. 10.  
 heueremo per la AC, lato del cubo *d* 10. tria  
 inscritto  $16\frac{25}{99}$ . il cui quadrato tri- *g*ulorum.  
 plicato habbiamo  $785\frac{154806715}{383885649}$ . Di  
 modoche R.  $785\frac{154806715}{383885649}$ . sarà'l dia-  
 metro del cubo, della sfera, e del Do-  
 decaedro, e però R.  $196\frac{53269218}{1515542596}$ .  
 sarà'l semidiametro, cioè il lato oppo-  
 sto all'angolo retto in quel triangolo ,  
 che , come si disse nell'Ottaetro, hab-  
 biamo a imaginarci nel corpo del Do-  
 decaedro ; i cui lati attorno all'angolo  
 retto la perpendicolare dal centro al-  
 la base , e'l semidiametro del circolo ,  
 che essa base circoferiue: il quale (pro-  
 ueremo di sotto , segarli nel centro dal  
 diametro in due parti eguali la retta ,  
 che dal piano di sopra, passando per lo  
 centro , cade perpendicolarmente nel

piano

10. ter.  
jdec.

corol.  
5. quin.

1. corol.  
5. pri.

piano inferiore) troueremo così. / Per-  
che il quadrato del lato del pentago-  
no regolare è eguale a' due quadrati  
del lato del decagono, e del lato dell'  
effagono del medesimo circolo, se tro-  
uato il quadrato del lato del decago-  
no, lo caueremo dal quadrato del lato  
del pentagono; il rimanente sarà'l qua-  
drato del lato dell'effagono, *m* cioè  
del semidiametro, che cerchiamo. Et  
così troueremo il lato del decagono.  
*n* Perche lo spatio F nel centro è egua-  
le a quattro angoli retti, se diuidere-  
mo la somma di quattro retti Gr. 360.  
per 5. numero de gli angoli, che forma-  
no quini le rette tirateui AF, BF, CF,



DF, EF dagli angoli del  
pentagono; haueremo  
Gr. 72. per l'angolo B-  
FC. Et se la medesima  
somma la diuideremo  
per 10. numero degli  
angoli, che vi formano le rette tirateui  
dagli angoli del decagono: haueremo  
per l'angolo GFC Gr. 36. I. lor Seni  
95 106. e 58779. Facciasi dunque, co-  
me 95 106. a Onc. 10. del lato BC, così  
58779. al lato GC: che haueremo per

la

la GC lato del decagono Onc.  $6\frac{2859}{15551}$ .  
 il cui quadrato  $38\frac{49481587}{251254201}$ . cauato  
 da 100. quadrato del lato BC, resta  
 $61\frac{201772614}{251254201}$ . quadrato del lato del  
 l'ellagono, o<sup>e</sup> semidiametro FB. Dun-  
 que R.  $61\frac{201772614}{251254201}$ . sarà esso semi-  
 diametro. Sicche sottratto questo qua-  
 drato  $61\frac{201772614}{251254201}$ . dal quadrato  
 $196\frac{51869218}{1535542599}$ . del semidiametro  
 del Dodecaedro, p haueremo il restate  
 $134\frac{4475798340417435}{154915221751632972}$ . per: lo  
 quadrato dell'altro lato attorno all'an-  
 golo retto, cioè della perpendicolare  
 dal centro alla base, che è l'altezza  
 della piramide, &c. Dunque R.  $134\frac{4475798340417435}{154915221751632972}$ . sarà essa al-  
 tezza: & però per le sopraposte regole  
 haueremo il massiccio del Corpo &c.

11 Che la retta, la quale, passando  
 per lo centro del Dodecae-  
 dro, cade dal piano supe-  
 riore nell'inferiore a per-  
 pendicolo, si seghi nel cē-  
 tro dal diametro della fi-  
 gura egualmente in due  
 parti; è chiaro, per la di-  
 mostrazione del num. 7. la qual e qua-  
 dra anche in questo caso, come sarà ma-



nifesto

o coroll.  
 15. quar.

p 47. pri.

8. tert-  
ijdec.  
34. pri.  
9. vndec

15. vn-  
ecimi.

nifesto, dimostrato c'haueremo, effer paralleli i piani opposti: il che faremo in questo modo. ¶ Perche le AC, ED sono parallele, & tali sono anche le AC, FG, per effer lati opposti nel quadrato del cubo inscritto; & saran parallele ancora le ED, FG. Al medesimo modo si dimostrerà, effer parallele le EI, HG, se c'imagineremo, che'l cubo sia inscritto al contrario, cioè che essa EI sia nel piano inferiore il lato del quadrato, rappresentato dalla FG. Conciòsia cosa dūque che le due rette HG, FG sien parallele alle due EI, ED, & si toccano quelle in G, queste in E: il piano, tirato per le dette HG, FG, cioè la base superiore, & sarà parallela al piano, tirato per le EI, ED, cioè alla base inferiore.

## I C O S A E D R O.

12 Perche'l quadrato del diametro dell'Icosaedro ha quintupla proportion al semidiametro del circolo, che circoferiue il pentagono, formato da cinque triangoli di esso Icosaedro; se, trouato questo semidiametro, posto il

lato



lato dell'Icoſaedro Onc. 10 nel mo-  
do, inſegnato nel Num. 10. che ſarà  
R<sub>x</sub>.  $61 \frac{201772614}{251254201}$ . e quintuplichere-  
mo il ſuo quadrato  $61 \frac{201772614}{251254201}$ . ha-  
ueremo  $309 \frac{3846266}{251254201}$ . per lo qua-  
drato del diametro dell'Icoſaedro. A-  
dunque R<sub>x</sub>.  $309 \frac{3846266}{251254201}$ . ſarà eſſo  
diametro: e per cōleguenza il ſemidia-  
etro ſarà R<sub>x</sub>.  $77 \frac{255100467}{1005016804}$ . Ora per-  
che, & per eſſer'anche nell'Icoſaedro  
paralleli i piani oppoſti, la retta, che  
dal piano di ſopra cade per lo centro a  
perpendicolo nel piano oppoſto, vien  
ſegata nel centro dal diametro in due  
parti eguali, come è chiaro per la di-  
moſtratione del Num. 7. c'imaginere-  
mo, come negli altri, nel corpo dell'I-  
coſaedro vn triangolo rettangolo, de'  
cui lati attorno all'angolo retto vno il  
ſemidiametro del circolo, che circo-  
ſcrive la baſe, & l'altro l'aſſe della pira-  
mide, cioè la metà della retta, caden-  
te a perpendicolo per lo centro dall'v-  
no all'altro piano: & quello, che è op-  
poſto all'angolo retto, il ſemidiametro  
dell'Icoſaedro, trouato pur ora qui ſo-  
pra. Operando dunque per lo Num. 6.  
haueremo  $33 \frac{1}{2}$ . per lo quadrato del

6 ſcholio  
14. qui-  
tidecimi.

I i ſemidia-

semidiametro del circolo , che circo-  
 scriue la base dell'Icofaedro, che è vn  
 de'lati detti attorno all'angolo retto  
 nel triangolo imaginato. Cauifi que-  
 sto dal semidiametro d'esso Icofaedro,  
 cioè dal lato opposto all'angolo retto  
 nel sopradetto triangolo. Il restante  
 $43 \frac{2775335009}{3015050412}$  sarà'l quadrato della  
 retta dal centro alla base, cioè l'altez-  
 za della pìramide, e però essa retta sa-  
 rà R.  $43 \frac{2775335009}{3015050412}$ . Onde, per le  
 regole passate, si hauerà tutto'l sodo  
 del Corpo.

**AVVISO.** Il semidiametro della ba-  
 se nell'Ottaedro, nel Dodecaedro, nell'  
 Icofaedro, e, se piacerà, àche negli al-  
 tri due; si trouerà più facilmente per  
 lo Num. 6. della 8. Prop. de'nostri Tri-  
 angoli: ma non sarà così preciso.

### IN ALTRO MODO I CORPI MEDESIMI.

E inestimabile il tedio, che si proua  
 in queste sì fatte operationi, per cagio-  
 ne di sì gran numeri sani, e rotti, che  
 bisogna di maneggiare. Per la qualco-  
 sa soggiugneremo quest'altro modo,

nel

nel quale tutto quello, che si è fin qui fatto co' numeri, si eseguisce con linee, le quali poi si misurano con l'Istrumento delle parti.

## T E T R A E D R O.

13 Siane dato il lato di vn Tetraedro di Pal. 10. e faccia bisogno di trouare la perpendicolare dal centro alla base. Si formi in vna tauoletta ben piana, o meglio in vna Lauagna, il triangolo equilatero ABC, il cui lato sia 10. part icelle dell'Istrumento delle parti. Et, segato vn lato BC in G egualmète, si meni la AG, & che sarà a essa BC perpendicolare: alla quale si pigli la CE eguale. E, fatto centro il punto E, alla medesima apertura della AG, o CE; si segni vn poco di periferia alla parte di A fuor della AB: e da C, all'intervallo CA, facciasì l'interfettione D; & tirinsi le DE, DC: & in oltre la DF a la EC perpendicolare, che in Irestì segata dalla EH, menata dall'angol



a schol.  
26. pri

12. pri

I i 2 DEC al

DEC al punto di mezo dell'oppolto lato DC. Dico, che la FI è l'altezza, che cerchiamo, della piramide. Perche, e tirata la IK parallela alla EC, e & la FL parallela alla EH, e l'angolo EIF del triangolo EIF è eguale all'angolo LFI del triangolo LFI; e & eguali sono anche gl'IFE, FIL, e'l lato FI è comune: e le IL, EF saranno eguali. f Si tiri da H la HM alla IF parallela, g la quale passerà per L. Ora perche ne' triangoli IEF, HIL h sono eguali tanto gli angoli HIL, IEF, h quanto gl'IHL, EIF; & eguali si son dimostrati i lati EF, IL: i anche le EI, IH saranno eguali. l Ma come la HI alla IE, così è la HK alla KC. m Eguali saran dunque anche esse HK, KC. E n perche è medesimaméte, come la CK alla KD, così la FI alla ID; & la CK è vna terza parte della KD, per essere essa CK la metà della CH, metà della CD: anche la FI sarà vna terza parte della ID. Ma la ID è'l semidiametro della sfera circoscrittibile al Tetraedro della base ABC. Posciache, essendo o l'altezza del Tetraedro due terzi del diametro della sfera, che lo circoscrive, & la DF è

l'altez-

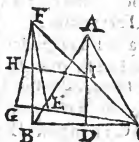
l'altezza del Tetraedro della base ABC, come dimostreremo; se poniamo esso diametro 6. l'altezza DF sarà 4. & 3. la ID, semidiametro: del quale ha- uem prouato, esser'vna terza parte la IF, cioè vn sesto di tutto'l diametro della sfera predetta: e però eguale all'altezza della piramide, che c'ima- giniamo nel corpo del Tetraedro.

Che la DF sia l'altezza del Tetraedro della base ABC, così lo farem manife- sto. Perche la DC. è fatta eguale al lato CA della base, & le CE, DE egua- li alla perpendicolare AG: l'angolo D- EC sarà eguale all'angolo della inclina- zione di vna base del Tetraedro all'al- tra, come si dimostra nel fine d'Eucli- de, a nome d'Ipsicle. Onde la DE rap- presenterà la perpendicolare dalla ci- ma al lato opposto di vna delle basi, la quale si congiugnerà nel lato cō l'al- tra perpendicolare, rappresentata dal- la EC, tirata pure dalla cima dell'altra base nell'opposto lato, formando l'an- golo DEC, che chiamano dell'inclina- zione, secondo la 6. Def. dell'11. Lib. d'Euclide: e per conseguenza la DF sa- rà l'altezza perpendicolare dalla cima

di esso Tetraedro alla sua base.

# O T T A E D R O.

14. Siane dato il lato di vn'Ottaedro, & habbiasi a cercare la perpendicolare del centro alla base. Si pigli



la BC nell'istrumento delle parti di tante particelle, quante sono le misure del lato: & sopra essa si formi il triangolo equilatero ABC, per la base

dell'Ottaedro. Et, diuiso vno de'lati BC egualmente in D, si meni la AD, la quale sarà a essa BC perpendicolare.

Si erga anche in B alla medesima BC la perpendicolare BF, & si faccia ad essa BC eguale, & giungasi la FC: sopra della quale si costruisca il triangolo isoscele CEF, i cui lati EC, EF sieno egua

li alla AD; & si faccia cadere la FG a perpendicolo sopra la CE, prolunga

ta, & finalmente per la intersezione I si tirì la IH alla CG parallela. Dico, che la HG è la perpendicolare, che cerchiamo dal centro alla base, per l'al

tezza, o asie della piramide, &c. Poiche, *f* conciosiacotàche'l quadrato del diametro della sfera circoscrittibile all'Ottaedro sia doppio del quadrato del lato, e'l quadrato della CF è doppio del quadrato del lato BC, *g* per essere eguale a' quadrati delle eguali BC, BF; essa FC sarà'l diametro della sfera, e dell'Ottaedro. E perche i lati EC, EF del triangolo ECF si son fatti eguali alla perpendicolare AD; *b* l'angolo CEF sarà eguale all'angolo dell'inclinazione di vna base all'altra. posciache le CE, FE rappresentano le due perpèdicolari, che, tirate dalla cima delle basi al lato opposto; fanno l'angolo CEF sopra'l diametro nella congiunzione delle basi; perche le tre rette EF, EC, CF, sono in vn medesimo piano. Il qual'angolo CEF dell'inclinazione, *i* per esser maggiore del retto CBF, cioè per esser'ottuso; *l* fa cadere la perpendicolare FG nella CG dalla banda dell'angolo acuto FEG. E per tanto essa FG sarà eguale all'altezza dell'Ottaedro della base ABC. Ora, *m* perche le ID, FB son parallele, *n* sarà come la CD alla DB, così la CI alla IF. Ma

*f* 14. ter.  
rijdec.

*g* 47. pri.

*b* Ipsicl.

*i* 21. pri.

*l* 2. corol  
*l* 17. pri.

*m* 28. pri.  
*n* 2. sexti.

schol. la CB fu diuisa egualmente in D. & E-  
 5. quiti. guali faranno dunque anche le CI, IF.  
 2. sexti. Appresso, perche nel triângolo FGC la  
 IH si è fatta parallela al lato GC, & sarà,  
 come la FI alla IC, così la FH alla HG.  
 schol. E però & faranno eguali le FH, HG, co-  
 5. quin. me eguali sono le FI, IG. Per la qual-  
 cosa essa HG sarà l'altezza della pira-  
 mide, come è chiaro per la dimo-  
 stratione del Num. 7.

### DODECAEDRO.

15 Si pigli nell'Istrumento delle  
 11. quar parti la DC di tante particelle, quante  
 faran le misure del lato dato, & si for-  
 mi sopra di essa il pētagono ABCDE e-  
 quilatero, & equiangolo, per la base del  
 Dodecaedro. Et diuisa egualmente in  
 scholio F, si meni la AF, & la quale segnerà in  
 2. quar. due parti eguali l'angolo EAB. Dun-  
 que, tirata la EB, perche nei triangoli  
 EAG, BAG i lati AE, AB son'eguali, &  
 lo AG comune, & eguali gli angoli E-  
 4. pri. AG, BAG; & eguali faranno anche le  
 GE, GB, & eguali gli angoli in G, & pe-  
 coroll. rò retti. E perche & la EB è il lato del  
 7. tertij cubo inscritto nel Dodecaedro, & nel-  
 scimi.

la sfera,





FAM all'angolo, che fa detta perpendicolare FA con lo spigolo, che fan due altri lati vniti di due altri pentagoni, dall'angolo A della base inferiore fino alla cima dell'altra, che col fine dello spigolo detto si congiunge con l'angolo suo in M; & l'angolo AMN essendo eguale al medesimo angolo BLK, o EKL, cioè all'FAM medesimo, che cioè fa la perpendicolare medesima nell'altra base, che diciamo, cō lo spigolo stesso nell'altro estremo d'esso spigolo; verrà il punto N a essere nel mezzo del lato corrispondente al DC per diametro, il qual lato s'vnisce con la base superiore; e per ciò esso punto N sarà nel piano di sopra, come sarà manifestissimo riguardando vn Dodecaedro materiale. Segue dunque di necessità, che, essendo la NO perpendicolare dal piano di sopra al piano di sotto, la PO, sua metà, sia, per la dimostratione del Num. 7. l'asse della piramide, &c.

l. 46. pri. Che gli angoli BLK, EKL sieno eguali così lo dimostreremo. Perche i quadrati delle rette eguali BL, EK sono eguali, <sup>m</sup> & è ciascun d'essi eguale a' quadrati delle HB, HL : Ik, JK, per essersi

fatti

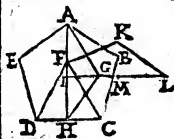
atti retti gli angoli  $H, I$ ; se da'quadra-  
 i eguali delle  $BL, EK$  sene cauino i  
 quadrati eguali delle eguali  $HB, IE$ , co-  
 ne rimanèti delle eguali  $GH, GI$  nel-  
 e eguali  $GB, GE$ : rimarranno i qua-  
 rati delle  $HL, IK$  eguali. \* Eguali \* 46. pri.  
 aran dunque esse  $HL, IK$ : & retti pe- o schol.  
 ò gli angoli  $HLK, IKL$ . Se dunque vi 28. pri.  
 i aggiungano gli angoli  $BLH, EKI$  pe- p 8. pri.  
 guali; eguale sarà tutto l'angolo  $BLK$   
 tutto l'angolo  $EKL$ . Il quale angolo  
 $BLK$ , o  $EKL$ , cioè lo  $FAM$  così si dimo-  
 trerà essere eguale all'angolo, che fa  
 a perpèdicolare  $FA$  cò lo spigolo dell'  
 ynione di due lati. Perche nel quadri-  
 atero  $IHLK$  tutti gli angoli sono retti,  
 esso  $q$  farà parallelogrammo: \* e però q schol.  
 a  $KL$  sarà eguale alla  $IH$ , cioè alla  $D$ - 34. pri.  
 $C$ . Se dunque c'imagineremo, che la \* 34. pri.  
 $EB$  sia la retta, che congiunge insieme  
 due punti di mezzo di due lati oppo-  
 ti nella base del cubo inscritto nel Do-  
 decaedro, e che'l piano  $ELKB$  si rauuol-  
 ga sopra la  $EB$  tanto, che venga a esser  
 retto alla base di detto cubo: è chiaro,  
 che gli angoli  $BLK, EKL$  faranno egua-  
 i agli āgoli fatti dalle rette, tirate da'  
 pūti di mezzo de'detti due lati opposti

nella

nella base del cubo in alto essendosi fatti i lati  $BL$ ,  $EK$  eguali alla  $GA$ , che è quella, che sopra la detta retta  $AB$  forma gli angoli detti con lo spigolo, rappresentato dalla  $KL$ , cioè dal lato  $D$ .  $C$ , &c.

## ICOSAEDRO.

16 Piglisi nell'Istrumento delle parti la  $DC$  di tante particole, quante faran le misure del lato dato, & si formi sopra di essa il pentagono  $ABCDE$  equilatero, & equiangolo, per la base della piramide, che risulta delle cinque basi dell'Icosaedro. Sopra la  $DC$  si descri-



ua il triângolo equilatero  $DFC$ , per vna di esse basi: & di uisa essa  $DC$  egualmente in  $H$ ; si meni la  $HF$ , che sarà alla  $DC$  medesima

perpendicolare: & si allunghi dalla parte di  $F$ ; che anderà a battere nell'angolo  $A$ , come si ha doppo la prop. 12. del 4. d'Euclide: & sopra essa si faccia il triangolo  $HGA$ , il lato  $AG$  del quale

schol.  
23. pri.

22. pri.

lia

a eguale alla DC, & l'HG alla FH. In  
 tre in F si formi l'angolo HFK egua- e 23. pri.  
 e all'HGA, & sia la FK alla DC eguale;  
 e in K l'angolo FKL eguale al medesi-  
 mo HGA, & facciasi la KL eguale alla  
 H. Finalmente si meni da L alla F- e 12. pri.  
 la perpédicolare LI, & si seghi egual-  
 mente in M. Dico, che la MI è l'altez-  
 za della piramide, che si cerca. Per-  
 ciò che, essendo la AH perpendicolare  
 all'angolo A al lato opposto DC nella  
 base pentagonale della piramide, risul-  
 tante delle cinque basi dette dell'Ico-  
 saedro, al cui lato DC si è fatta eguale  
 la AG, & la HG alla perpendicolare  
 FH nella base FDC d'esso Icosaedro: es-  
 sendo l'angolo HGA, cioè HFK sarà eguale  
 all'angolo, che fa la perpédicolare FH  
 nella base FDC, fondo dell'Icosaedro,  
 con lo spigolo di due altre basi vnite da  
 F fino in K, essendosi fatta essa FK egua-  
 le al lato DC. Similmente l'angolo F-  
 K L sarà eguale al medesimo ângolo, che  
 fa lo spigolo detto, rappresentato dal-  
 la FK con la perpendicolare dell'altra  
 base, rappresentata dalla KL, essendosi  
 l'angolo FKL fatto eguale allo stesso  
 HGA. Poſciache, se c'imagineremo  
 che l'

8. pri.

che'l triangolo HGA si rauuolga sopra la AH, finche alla base della piramide, composta de'cinque triangoli venga a essere ad angoli retti: \*è chiaro, che sarà eguale a quello, che fa la predetta perpendicolare con lo spigolo. Per conseguenza l'estremo L verrà a essere nel piano di sopra dell'Icosaedro: e però la MI, metà della LI, perpendicolare dal detto piano al piano inferiore, sarà, per la dimostrazione del Num. 7. l'asse, ch'andiamo inuestigando della piramide.

E per concludere questa pratica, trouato in questo modo l'asse della piramide, bisognerà di scandagliarlo diligentissimamēte nell'Istrumento delle parti, seruendoci de'precetti de'tre primi Cap. del 1. Lib. per harer le parti o centesime, o millesime, o di quale altra denominatione si sieno, per multiplicar poi questa tale altezza, secondo le Reg. di questo Cap. E sarà benissimo fatto di torre nell'Istrumento diece parti per vna,quādo si possa fare: perche, quanto maggiore si farà la figura, tanto riuscirà più esquisita l'operatione.

Se poi verremo operare solamente per linee, formeremo vn parallelepipedo, la cui base, & altezza sia, secondo che si propone in vna delle dette Reg. Come, se si habbia da rappresentare vn parallelepipedo eguale a vn Ottaedro della base ABC del Num. 12. *f* formeremo vn parallelogrammo eguale a es (a base ABC, & sopra questo vn solido, la cui altezza la terza parte dell'asse trouato HG: che preso questo tal solido otto volte, quante cioè sono le basi: haueremo, per le ragioni dette, vn parallelepipedo eguale al proposto Ottaedro. E così v'anderemo accomodando le altre Reg. &c. seruendoci della Prop. 45. del 1. d'Euclide.

*f* 44. pri.  
vel 14 fe  
cundi.

*Dell'ais della Sfera Cap. V.*

**P**ER inuestigare il massiccio di vna proposta Sfera dalla circonferenza, o dal diametro noto; dimostreranno i tre seguenti Lemmi.

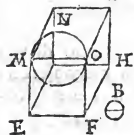
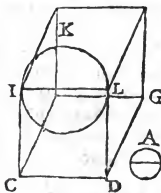
**LEMMA I.**

*La proportion, c'ha'l cubo della circonferenza del circolo massimo in vna*

*Sfera*

*Sfera ad essa Sfera , ha'l cubo della circonferenza del massimo circolo di vn'altra Sfera alla Sfera sua . Et la proportion , c'ha'l cubo del diametro d'una Sfera ad'essa Sfera , ha'l cubo del diametro di vn'altra Sfera alla Sfera di quell'altro diametro .*

Sia la Sfera A , & la CD eguale alla circonferenza del suo massimo circolo :



sopra la quale si costituisca il cubo D-K. Sia vn'altra Sfera B, & la EF eguale alla circonferenza del massimo suo circolo ; & vi si formi sopra il cubo F-N. Appresso sia la IL il diametro di vna Sfera IKL, sopra del quale si descriua il cubo IG, & vn altro diametro MO di vn'altra Sfera M-NO, & vi si formi su il cubo MH. Dico, che, come il cubo DK alla Sfera A, così è'l cubo FN alla Sfera B : & che, come il cubo IG alla Sfera IKL, così è'l

cubo



cubo MH alla Sfera MNO . Percio-  
che, hauendo di sopra dimostrato nel  
Lemma 2. del 4. Cap. del Lib. 4. che  
come la circonferéza di vn circolo al-  
la circonferenza di vn'altro circolo ;  
così è'l diametro dell'vno al diametro  
dell'altro , & la proportionè del cubo  
DK al cubo FN è triplicata della pro-  
portionè del lato CD al lato EF , cioè  
della circonferéza del circolo massimo  
della Sfera A alla circôferéza del mas-  
simo circolo nella Sfera B ; & triplica-  
ta è pariméte la proportionè della Sfe-  
ra A alla Sfera B, della proportionè del  
diametro A al diametro B: sarà , come  
l cubo DK al cubo FN , così la Sfera A  
alla Sfera B. Adunque , & permutando,  
come il cubo DK alla Sfera A , così'l cu-  
bo FN alla Sfera B. Che è'l primo pro-  
posito.

E perche la proportionè del cubo  
IG al cubo MH è triplicata della pro-  
portionè, ch'ha'l diametro IL al diame-  
tro MO; & triplicata è parimente la  
proportionè della Sfera IKL alla Sfera  
MNO, della proportionè de' diametri  
IL , MO; sarà, come'l cubo IG al cubo  
MH, così la Sfera IKL alla Sfera MNO.

433. vn-  
decimi.

616. du-  
odecimi.

616. quì-  
tr.

433. vn-  
dec.

616. duo  
dec.

16. qui. Et, *s* permutando, come il cubo IG alla Sfera IKL, così il cubo MH alla Sfera MNO. Che è'l secondo.

### LEMMA II.

*Il cubo della circonferenza del massimo circolo nella Sfera hà ad essa Sfera maggior proportionè, che non è quella di 298374. a 5041. & minore che di 2904. a 49.*

Sia nella figura passata la circonferenza del circolo massimo della Sfera A r. Br. † Perche dunque la proportionè del cubo DK della circonferenza r. della Sfera A ad essa Sfera A è maggiore, che non è quella di 298374. a 5041. & minore che di 2904. a 49. però la proportionè di qualsivoglia altro cubo PN della circonferenza del circolo massimo di qualunque altra Sfera B ad essa Sfera sarà maggiore, che non è quella di 298374. a 5041. & minor di quella di 2904. a 49.

† **PERCHE** dunque, &c. Questo così lo dimostreremo. Se la circonferenza r. del massimo circolo nella Sfera A sia divisa per  $3\frac{1}{71}$ . haueremo per la 3. Reg. del 4. Cap. del Lib. 4.

il suo diametro  $\frac{7}{2} \frac{1}{2}$ , maggiore del vero. Dunque la sua metà  $\frac{7}{4} \frac{1}{2}$ , moltiplicata nella metà della circonferenza, cioè in  $\frac{1}{2}$ , il prodotto per la Reg. 6. del detto Cap. sarà l'aria maggiore della precisa del suo circolo massimo. Si moltiplichino quest'aria maggiore della vera p.  $\frac{2}{7}$  del diametro  $\frac{7}{2} \frac{1}{2}$ , pure maggior del vero, cioè per  $\frac{1}{6} \frac{4}{9}$ . Il prodotto  $\frac{7}{2} \frac{1}{2} \frac{4}{9}$  come dimosteremo doppo'l seguente Lemma, sarà l'massiccio della Sfera A maggiore alquanto del preciso. Maggiore sarà dunque la proportion del cubo DK della circonferenza CD del massimo circolo nella Sfera A, il qual cubo è pure 1. alla Sfera A detta, che a  $\frac{7}{2} \frac{1}{2} \frac{4}{9}$ . Ma per lo Lemma 1. del 4. Cap. del Lib. 4. è 1. a  $\frac{7}{2} \frac{1}{2} \frac{4}{9}$  come 298374. a 5041. Dunque maggiore sarà la proportion del cubo DK alla Sfera A, che non è quella di 298374. a 5041. Sicche resta chiara la prima parte della Propositione.

b 8. quiti.

E, quanto alla seconda, se essa circonferenza 1. del massimo circolo nella Sfera A venga partita per  $3 \frac{1}{2}$ , il prodotto  $\frac{2}{3}$  sarà per la 4. Reg. del sopracitato Cap. il suo diametro minore del

vero. Se dunque moltiplicheremo la sua metà  $\frac{7}{4}$  per  $\frac{1}{2}$  metà della detta circonferenza; il prodotto  $\frac{7}{2}$  sarà, per la Reg. 6. del detto Cap. l'aia minore della vera del circolo massimo nella Sfera A sopradetta. La qual'aia moltiplicata per  $\frac{2}{3}$  del diametro pure minore del preciso  $\frac{2}{3}$  cioè per  $\frac{7}{3}$  il prodotto  $\frac{49}{3}$  sarà, come dicemo di dimostrar di sotto, il fodo della Sfera minore del preciso alquato. & Dunque minore sarà la proportionione del cubo DK descritto sopra la CD 1. circonferenza del circolo massimo nella Sfera A, il qual cubo è pur 1. alla medesima Sfera A, che a  $\frac{49}{3}$ . Ma per lo Lemma 1. del Cap. 4. del 4. Lib. 1. a  $\frac{49}{3}$  è come 2904. a 49. La proportionione dunque del cubo DK alla Sfera A sarà minore, che non è quella di 2904. a 49. Che è la seconda.

### LEMMA III.

*Il cubo del diametro della Sfera ba-  
ad essa Sfera maggior proportionione, che  
non è quella di 21. a 11. & minore di  
quella di 426. a 223.*

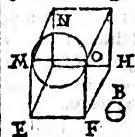
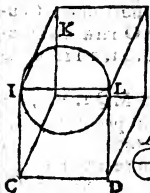
*Sia nella medesima passata figura il*

diametro

diametro MO della Sfera MNO. 1. Br.  
† Perche dunque la proportion del cu-  
bo MH, descritto sopra esso diametro,  
alla sua Sfera MNO è maggiore, che  
non è la proportion di 21. a 11. & mi-  
nor di quella di 426. a 223. perciò la  
proportion di qualsiuoglia altro cubo  
DK del diametro di qualunque altra  
Sfera IKL ad essa Sfera sarà maggior di  
quella di 21. a 11. & minore di quella  
di 426. a 223.

lem. 1.

† *PERCHE dunque &c.* Così ciò



proueremo . Se  
esso diametro MO  
1. venga multipli-  
cato per  $3\frac{1}{7}$ . haue-  
remo p la 1. Reg.  
del 4. Cap. del 4.  
Lib.<sup>22</sup>, per la cir-  
conferenza maggio-  
re della vera del  
massimo circolo  
nella Sfera MNO.  
Adunque , per la  
Reg. 6. del Cap.  
detto, multiplican-  
do la sua metà  $\frac{1}{2}$ .

per  $\frac{1}{2}$ . metà del diametro MO : haue-

K k 3 remo

68. quiti.

remo  $\frac{1}{4}$ . per l'aia maggiore della precisa di esso circolo massimo. Per la qual cosa, moltiplicata quest'aia maggiore della vera per  $\frac{2}{1}$ . del diametro: il prodotto  $\frac{1}{2}$ . sarà, come qui giù di sotto proueremo, il massiccio alquanto maggiore del vero della proposta Sfera MNO. & Dunque il cubo del diametro MO 1. che pure è 1. hauerà maggior proportionione alla Sfera d'esso diametro, che a  $\frac{1}{2}$ . Ma, per lo Lemma sopracitato, 1. a  $\frac{1}{2}$ . è come 21. a 11. Per conseguēza la proportionione del cubo MH, alla Sfera MNO sarà maggiore, che non è quella di 21. a 11. Che è'l primo proposito.

Ma se esso diametro MO 1. venga moltiplicato per  $3\frac{1}{2}$ . il prodotto  $\frac{7}{2}$ . sarà per la 2. Reg. del sopradetto Cap. la circonferenza minore della vera del circolo massimo di essa Sfera MNO. Moltiplicata per tanto la sua metà  $\frac{7}{4}$ . per  $\frac{1}{2}$ . metà del diametro MO: si produrrà per la 6. Reg. del detto Cap.  $\frac{7}{8}$ . per l'aia minore della vera di esso circolo massimo. La quale moltiplicata per  $\frac{2}{1}$ . del diametro MO: il prodotto sarà, come ora proueremo, il sodo

minore

minore del vero di essa Sfera MNO .  
Adunque *b* il cubo MH del diametro M  
O 1. il qual cubo è pur 1. hauerà minor  
proportionione alla Sfera , che a  $\frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$  . Ma  
1. a  $\frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$  . è , per lo Lemma predetto ,  
come 426. a 223. La proportionione dū-  
que del cubo MH alla Sfera MNO sarà  
minore di quella , di 426. a 223. Che  
è l' secondo .

Che dal circolo massimo nella Sfera  
in  $\frac{2}{3}$  . del suo diametro si produca il  
massiccio di essa Sfera , si prouerà in  
questo modo . Sia il cilindro BCDE , la  
cui base BC , o DE eguale al circolo  
massimo della sfera A , & l'asse GF al  
diametro A . E chiaro per  
lo 9. Manifesto del 1. Lib. *E*  
della Sfera , e Cilindro d' *H*  
Archimedè , che'l cilindro  
BCDE è sesquialtero della B  
Sfera A . & Diuilo l'asse G-  
F in K talmente , che tutto  
l'asse GF sia sesquialtero  
dell'asse GK ; cioè che l'asse GK sia  $\frac{2}{3}$  . di  
tutto l'asse GF : & segato il cilindro in  
K col piano HI parallelo ai piani BC ,  
DE ; & sarà tutto'l cilindro BCDE al ci-  
lindro BCH , come l'asse GF all'asse



10. sex.

13. duo  
decimi

Hk 4 GK.

9. quin.

GK. Ma l'asse GF è sesquialtero dell'asse GK. Sesquialtero dunque sarà il cilindro BCDE del cilindro BCIH. • Adunque il cilindro BCIH, contenuto cioè sotto'l circolo massimo BC della Sfera A, & sotto  $\frac{2}{3}$ . dell'asse HF, cioè del diametro A sarà eguale alla Sfera A. Che è quel che bisognaua di dimostrare, per empimento de' due vltimi Lemmi.

*DATA la circonferenza del circolo massimo in vna Sfera, trouare l'aia corporale di essa Sfera tanto maggiore, quanto minore della precisa. Prop. I.*

REG. 1.

*FACCIASI, come 298374. a 5041. così'l cubo della data circonferenza ad altro: c'hauremo l'aia del massiccio della Sfera maggiore alquanto della precisa.*

REG. 2.

*Si faccia come 2904. a 49. così'l cubo della circonferenza data ad altro: che si produrrà'l sodo della Sfera minore del uero. Come, se la circóferēza data del massimo circolo in vna Sfera sia 4. Pal. moltiplicato il suo cubo 64. per 5041. & partito il prodotto 322624. per 298374. il quotiente Pal.  $1\frac{12125}{149187}$ . fa*

rà'l



rà'l fodo maggiore del vero della Sfera proposta. Poiche, *a* hauendo il cubo della circonferēza del circolo massimo della Sfera ad essa Sfera maggiore proportionē, che non è quella di 298374. a 5041. quale è quella del cubo 64. all'aia trouata  $1\frac{13135}{149117}$ , segue, che esso cubo 64. habbia all'aia vera del fodo sferico maggior proportionē, che a  $1\frac{23125}{149117}$ . *b* Onde l'aia precisa sarà minore di questa nostra trouata: cioè questa nostra sarà maggiore della vera.

Ouero, multiplicato il cubo medesimo per 49. partito il prodotto 3136. per 2904. il quoziente Pal.  $1\frac{58}{726}$ . sarà'l massiccio minore del preciso della proposta Sfera. Peroche, *c* hauendo il cubo della circonferenza del massimo circolo nella Sfera minor proportionē ad essa Sfera, che quella di 2904. a 49. & tale è quella del cubo 64. all'aia trouata  $1\frac{58}{726}$ . per conseguēza esso cubo 64. hauerà minor proportionē alla vera aia della Sfera, che a  $1\frac{58}{726}$ . *d* Per lo che l'aia precisa sarà maggiore di questa c'habbiam trouata noi. Dunque, que questa minore.

**DATO**

*DATO il diametro d'una Sfera, trouare il massiccio di essa e maggiore, e minore del preciso. Prop. 11.*

LEG. 3.

*FACCIASI, come 21. a 11. così il cubo del dato diametro ad altro: che haueremo il sodo della Sfera maggiore del preciso.*

LEG. 4.

*Facciasi, come 426. a 223. così il cubo del diametro dato ad altro: che si produrrà l'aia medesima, ma minore della vera. Come se'l diametro dato di vna Sfera sia Pal. 3. moltiplicato il suo cubo 27, per 11. e partito il prodotto 297. per 21. il quoziente Pal.  $14\frac{1}{7}$ . sarà il sodo della proposta Sfera maggiore del preciso. Imperoche, essendo la proportion del cubo del diametro della Sfera a essa Sfera maggiore, che non è quella di 21. a 11. quale è quella del cubo 27. all'aia trouata  $14\frac{1}{7}$ . per conseguenza esso cubo 27. alla vera aia della Sfera hauerà maggior proportion, che a  $14\frac{1}{7}$ . E per ciò l'aia precisa della Sfera proposta sarà minore di questa, c'hauaiam trouata noi. Dūque questa nostra maggiore.*

lem. 3.

io. quā.  
i.

*O pure moltiplicando il detto cubo*

*27. per*

27. p. 223. e partédo il prodotto 6021.  
per 426. il quoziente  $14\frac{5}{2}$ . sarà l'io-  
do minore del preciso della proposta  
Sfera. Poiche, e hauendo il cubo del  
diametro della Sfera minor proportio-  
ne all'aia di essa Sfera, che non è quel-  
la di 426. a 223. quale è quella del cu-  
bo 27. all'aia trouata  $14\frac{5}{2}$ . cōseguē-  
tamente esso cubo 27. hauerà alla vera  
aia di essa Sfera minor proportione,  
che a  $14\frac{5}{2}$ . Però la vera, & precisa  
aia di tale Sfera sarà maggiore della  
nostra trouata; cioè la nostra minore  
della precisa.

lem. 3.

10. qui-  
ti.

*Dell'aia della superficie conuessa di tut-  
ta la Sfera, e de' suoi segmenti.*

Cap. VI.

DI TUTTA LA SFERA.

Si moltiplichi per 4. l'aia del circolo  
massimo, che'l prodotto sarà la superfi-  
cie, che si cerca di tutta la Sfera. REG. 1.

Si moltiplichi per lo diametro la cir-  
conferenza del circolo massimo: che  
produrrà l'medesimo. Quel, che si pro-  
pone nella 1. Reg. è chiaro per la 30.

REG. 2.

Prop.

ro nella circonferenza medesima, secondo quel, c'habbiam detto sopra la Reg. 2. Et è cosa chiara, che'l connesso dell'Emisfero è la metà del connesso di tutta la Sfera.

### DELLA PORTIONE.

Si troui l'aia del circolo descritto all'intervallo della retta tirata dalla cima della portione alla circonferenza della base; che questa sarà la superficie, che si cerca. Se vorremo trouare la

REG. 5.

superficie conuessa della Portione EFB, ouero EFD, si si minore, o maggiore dell'emisfero; tirata dalla cima B, o D alla circonferenza EF la retta BE, o D-

F, & fattala semidiametro: il suo circolo sarà eguale alla conuessa superficie, che si desidera, come ha dimostrato Archimede nella Prop. 36. e 37. del 1. Lib. della Sfera, e Cilindro.

**AVVISO.** La quantità della detta retta la troueremo o con l'Istrumento

delle



delle parti, seruendoci de' precetti de' tre primi Cap. del 1. Lib. ouero per la Prop. 4. de' nostri Triangoli, trouata prima l'altezza di essa portione, come dicemmo nel cono, & il semidiametro KB, o LF del circolo, che fa la settione. Poiche in tal caso veniamo a immaginarci in essa Portione vn triangolo piano rettangolo EBG, o FDG, nel quale hauerem noti i due lati GB, GE, o GD, GF attorno all'angolo retto: il GB come altezza di essa Portione, e' GE come semidiametro, &c. Il medesimo, nella Portione maggiore EFD.

*Dell'aria de' segmenti della Sfera.*  
Cap. VII.

EMISFERO.

*Si raddoppi l'antecedente della proporone. Il resto eseguiscafi, come nelle Reg. del 5. Cap. che si produrrà' il fodo dell' Emisfero. Come se, per e'empio, il diametro dell' Emisfero sia Pal. 2. facciasi per la 3. Reg. del detto Cap. come 42. a 11, così 8. cubo del diametro ad altro; che haueremo  $2\frac{2}{3}$ . per lo massic-*

cio

cio dell'Emisfero. Il medesimo si offerui, se si vorrà operare per le altre Reg. Et è questa Reg. chiara per se stessa. Perche, diuidendosi il numero prodotto per lo doppio del partitore, che dà'l quotiēce per tutta la Sfera: si verà a generare vn quotiente, che sarà la metà di essa Sfera, cioè l'Emisfero.

S E T T O R E.

La superficie conuessa della base si REG. 1.  
 multipliichi nella terza parte del semidia-  
 metro. Otero. La terza parte della su- REG. 3.  
 perficie detta si multipliichi nel semidia-  
 metro. Il prodotto sarà'l sodo del propo-  
 sto Settore. Il Settore della Sfera è rap-  
 presentato dalla figura EHBL, ouero  
 dalla EHBCDE. Quello è a guisa di vn  
 cono immerso in es-  
 sa Sfera, la cui base  
 il circolo del diame-  
 tro EB di superficie  
 sferica, & la cima  
 nel cétro H. Et an-  
 che tutto quello, che  
 della Sfera rimane,  
 cauatone questo, si domàderà Settore.



Perche

Perche dunque Archimede nella Prop. 38. del Lib. 1. della Sfera, e Cilindro dimostra, che tal parte della Sfera, quale è quella, che rappresenta la figura EHBI, nel modo detto, è eguale al cono, la cui base sia eguale alla superficie sferica EB, & l'asse al semidiametro BH della Sfera, la qual dimostrazione accomoda il Còmentatore anche alla figura rimanente EHBCDE: viene a esser vera la nostra Reg. Poiche' il cono si produce dalla sua base nella terza parte dell'altezza, o dalla terza parte della base nell'altezza, cioè nel semidiametro, in questo caso, della Sfera; siccome è stato dimostrato nel 2. Cap. di questo Lib.

## P O R T I O N E.

EG. 4.

*Per la minore dell'emisfero si truoui l'aia del settore a lei rispondente. Da essa si caui il cono, la cui base il circolo piano di essa Portione, & l'altezza il resto del semidiametro: che si hauera l'intento.*

EG. 5.

*Per la maggiore, al maggior settore si aggiuga il cono cauato dalla minore.*

La

*La somma sarà la proposta Portione.*  
 Come se la Portion proposta sia la  
 EBI, trouata l'aia del settore EHBI,  
 e da esso cauato il cono EHBK; è chia-  
 ro, che'l rimanente sarà la quantità  
 della Portione proposta. O se sia la  
 EKBCDE, trouato il settore EHBC-  
 DE, & Aggiuntoui esso cono EHBK;  
 la lor somma, come è manifesto, sarà  
 quel, che si cerca.

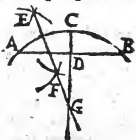
**AVVISO.** Quãdo noi habbiamo in-  
 nanzi tutta la sfera, o la Portion pro-  
 posta sia maggiore dell'emisfero; oue-  
 ro si dia il diametro della sfera, di cui  
 è Portione la Portion proposta, insie-  
 me col diametro d'essa Portione: non  
 u'interuerrà, come prouerà l'Operan-  
 te, difficoltà niuna. Come se, per esē-  
 pio, la Portion proposta fusse (della mag-  
 giore dell'emisfero non accade esem-  
 pio) la EBI; perche, diuisa la perife-  
 ria EB egualmente in f, e tirata la IH,  
 la *a* EB è diuisa in due parti eguali in  
 K, & *b* ad angoli retti: haueremo nel  
 corpo del settore EHBI il triangolo  
 rettangolo piano BKH. Nel quale  
 essendo, noti due lati BH, BK; haue-  
 remo *a* anche il terzo HK. il quale

*a* schol.  
 27. tertij.  
*b* 3. tertij.

*a* 4. triäg.



se lo caueremo dal semidiametro BH della sfera , cioè dall'IH: rimarrà la I-K nota , &c. Ma , se nõ habbiamo queste cose , ma solamente ne sia messa innanzi una Portion minore dell'emisfero , come diciamo ; sarà necessario di trouar prima il diametro della sua sfera , in questo modo . Sia la ABC la Portione propsta : il diametro AB della



cui base Pal. 10. & l'altezza CD perpendicolare dalla cima ad'essa base, trouata, come nel cono , Pal. 2. Si pigli nell'istrumento delle parti v-

na retta AB di 10. particelle ; quanticcè sono i Pal. del diametro della base. & diuisa egualmente in D , si erga la perpendicolare DC , che sia 2. delle particelle medesime , & si allunghi uerso D , quanto ne pare . Poi , posto il piede del compasso in C , si segnino le periferie E , F , a qualsiuoglia iteruallo ; & , senza muouerlo , si ponga in A , & fatte le intersezzioni E , F ; per esse si meni la EF , che segghi la CD allungata , come dicemmo , in G : che esso punto

G sarà

G sarà'l centro della Sfera della Portione ABC proposta, & la DG l'asse, che cerchiamo del cono. Peroche, & hauendo a passare il circolo massimo della detta sfera per li punti A, C, B: *s* è manifesta questa operatione. Sicche, presa col compasso essa DG, haueremo la quantità sua nell'Istrumento delle parti, se ci seruiremo de' modi insegnati ne' 3. primi Cap. del 1. Lib.

6. pri.  
Theodo-  
sy.  
sichol.  
25. tertij.

## TRONCO DI SFERA.

*Si cauino da tutta la sfera le porzioni che mancano. Il rimanente sarà'l Tronco proposto.* Sia il Tronco EBFD, sieno paralleli, o non paralleli i piani circolari EB, DF. Se dunque troueremo il massiccio di tutta la sfera, e di esso ne caueremo l'aia delle due porzioni EBI, DFM; il rimanente sarà'l Tronco EBFD.

REG. 6.

**AVVISO.** Per hauer l'aia delle dette porzioni, che mancano, bisognerà di trouar le loro altezze IK, ML in questo modo. Preso il diametro NO della sfera, & i diametri EB, DF dei circoli delle sectioni, quello Pal. 11. questi 6. & 9.

quar.  
pri.  
quar.  
pri.  
&, sopra una retta NO di 11. parti dell'Istrumento, descritto, come diametro, il circolo NBOM, per lo massimo della sfera: & s'eli accomodi, o uunque si sia, vna retta EB di 6. delle medesime parti. Et, diuisa egualmente in K, *h* ergasi la perpendicolare KI. Similmente, presa vn'altra retta DF di 9. delle parti medesime (sempre quante sono le misure de'diametri rispondenti): si accomodi nel circolo medesimo, doue si sia, & diuisa pure egualmente in L: *i* si tiri la perpendicolare LM. Se dunque, tolte le dette perpendicolari IK, LM, le trasporteremo nell'Istrumento, haueremo la lor quantita, operando, per la dottrina de' 3. primi Cap. del 1. Lib. e per consequenza, l'aia delle dette portioni, che mancano, per li precetti dati di sopra.

*Dell'aia de'Corpi strani. Cap. IIX.*

Finalmente per hauer' il sodo de'Corpi, che, per niuna delle Reg. passate, possono misurarsi, come sono statue, vasi, sassi, e simili, habbiasi vna cassa capace del Corpo proposto, il vacuo

della

della quale habbia forma di parallelepipedo, i cui lati sieno ben piani: & si accomodi col mezzo dell'archipendolo, che ella stia equidistante all'orizzonte. Vi si metta dentro il Corpo, che si de' misurare, & si cuopra d'acqua. Posata ch'ella sia, si faccia nell'asse vn segno doue batte il piano di sopra di ess'acqua. Cauisi esso corpo: e, posata l'acqua, si misuri la distanza dal segno, fatto dianzi fino al piano, doue ora l'acqua si truoua. Che, se moltiplicheremo la base del vacuo della cassa per la differenza de i piani dell'acqua: il prodotto, come è manifesto, sarà'l fondo del Corpo proposto.

Ma se si volesse sapere non il massiccio, ma il vacuo di vn vaso, come di vn mortaio, o cosa simile; empiasi il vaso d'acqua, e così pieno si ponga nella cassa &c. Et notato il termine della superficie dell'acqua: si caui il detto vaso pieno d'acqua, come vi fu da prima messo. Traggasi via l'acqua fuori della cassa, e vi si rimetta di nuouo così voto, com'è. Che, moltiplicata la base del vacuo della cassa per la differenza de' piani dell'acqua, cioè per l'altezza,

o diſtāza dal piano, doue ora l'acqua ſi  
truoua al ſegno, oue diāzi l'acqua bat-  
teua: è manifeſto, che'l prodotto ſarà'l  
vacuo del vaſo propoſto.

*Il fine del Quinto libro.*



DELLA  
GEOMETRIA

Di

PIERO DIONIGIO VEGLIA

Perugino.

*Parte Seconda, Libro Sesto.*

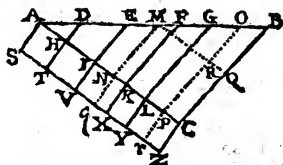
Della partitione delle figure piane rettilinee, con la pratica d'applicare tali operationi a' campi. Del modo di accrescere, e minuir le piane, & le solide: & d'altre cose vtili, e pertinenti al Geometra.

1 SE una grandezza venga legata, come si voglia in quante parti si sieno, & un'altra grandezza sia pur diuisa in altrettante parti alle parti della prima ordinatiue proporzionali: quante parti si vogliano della grandezza prima, tolte insieme, haueranno alle parti rimanenti, prese pure insieme, la proportion medesima, che altrettante parti insieme della seconda grandezza alle altre parti rima-

nenti insieme. 2 Et se qual siuglia parte della prima grandezza sia segata comunque si voglia, & parimente uenga tagliata la parte corrispondente dell'altra grandezza, come quella parte è segata: saran segate anche ambedue le grandezze nel medesimo luogo, nella proportionione medesima. 3 E se due parti della seconda grandezza sieno segate, come due altre rispondenti parti della prima saran segate; il segamento della seconda sarà al suo rimanente, come il segamento della prima al rimanente suo Prop. I.

**S**IA vna grandezza AB segata in quante parti si vogliano AD, DE, EF, FG, GB, & vn'altra AC ancor che non del medesimo genere, cioè che la AC non fusse linea, come essa AB: ma superficie, quale, per esempio, il parallelogrammo AZ; vno de' cui lati AC sia diuiso in altrettante parti AH, HI, IK, KL, LC ordinatamente a quelle proportionali: cioè che, come la AD alla DE, & la DE alla EF, &c. così sia

la AH alla HI, & la HI alla IK &c. & si  
tirino le HT, IV, KX, LY al lato AS,  
o CZ parallele, accioche tutto'l paral-  
lelogrammo venga diuiso in cinque pa-  
rallelogrammi AT, HV, IX, KY, LZ. Di-



co, che, come, per esempio, due par-  
ti AD, DE insieme della grandezza AB  
alle tre rimanenti EF, FG, GB insieme;  
così sono i due parallelogrammi AT,  
HV, due parti della grandezza AZ, alle  
tre rimanenti IX, KY, LZ insieme.  
Congiunta la retta AB con vn lato AC  
del parallelogrammo AZ in qualsiuoglia  
angolo BAC, & tirate le rette DH,  
EI, FK, GL, BC; perche, come la AD  
alla DE, così è la AH alla HI: & le DH,  
EI faran parallele. E perche, componendo,  
come la AE alla DE, così la  
AI alla HI; & come la DE alla EF così  
è la HI alla IK: farà, per la egual pro-  
portione

2. sexti.  
18. quī-  
ti.

22. quī-  
ti.



portione, come la AE alla EF, così la  
 d 2. sexti. AI alla IK. d Per la qual cosa le EI,  
 FK saran parallele. Smilmente farà,  
 e 18. qui. e componendo, come la AF alla EF,  
 così la AK alla IK. Ma è, come la EF al  
 f 22. qui. la FG, così la IK alla KL. Dunque, f p  
 la equal proportion, come la AF alla  
 g 2. sexti. FG, così la AK alla KL. g Parallele sa-  
 ran dunque esse FK, GL. Et al medesi-  
 mo modo, si dimostrerà, esser parallele  
 le GL, BC, e quante altre fussero: e per  
 h 30. pri. conseguenza h parallele saran tutte le  
 i 2. sexti. rette DH EI, FK, GL, BC, comunque  
 si piglino, tra loro. Dunque, come  
 l 1. sexti. le due AE alle tre EB, così le due AI  
 alle tre IC. Ma come le due AI alle tre  
 IC, l così e'l parallelogrammo AV,  
 cioè le due parti insieme AT, HV  
 della grandezza AZ, al parallelogram-  
 mo IZ, cioè alle tre rimanenti parti  
 m 11 qui. IX, KY, LZ insieme. m Come dunque le  
 ti. due parti AE alle tre EB, così sono le  
 due AV alle tre IZ  
 2. Sia poi segata, per esépio, la terza  
 parte EF, comunque si sia in M, & l'  
 altra terza parte IX della AZ con la  
 n 31. pri. Nq, n tirata parallela alla KX dal pū-  
 to N, che sia, come la EM alla MF, così

la

la IN alla NK. Dico, che come la AM alla MB; così è'l parallelogrammo A q al parallelogrammo NZ. • Perche è, come la AE alla EF, così la AI alla IK, & p come la EF alla EM, così la IK alla IN: farà, q per la egual proportion, come la AE alla EM, così la AI alla IN. • Parallela è essa MN alla EI: f e però anche alla BC. • Dunque, come la AM alla MB, così la AN alla NC. • Et come la AN alla NC, così è'l parallelogrammo A q al parallelogrammo NZ. • Adunque, come la AM alla MB, così è'l parallelogrammo A q all'NZ.

3 Finalmente oltre alle parti EF, IX sieno anche segate la GB in O & la LZ con la P r parallela alla CZ, che sia, come la GO alla OB, così la LP alla PC. Dico, che, come la MO alla OB, così è'l parallelogrammo N r al parallelogrammo PZ. Giùta la OP, y tirisi la MQ alla AC parallela, accioche habbiamo i parallelogrammi MRPN, RQCP; per cioche, per le ragioni addotte nel 2. Num. della MN; proueremo la OP esser parallela alla BC, &c. Perche dunque, z come la MO alla OB, così è la MR alla RQ, cioè la NP al-

la PC;

• 2. sexti.

p scholio  
18. quiti.  
q 22. quiti.

• 2. sexti.  
f 30. pri.  
• 2. sexti.

• 1. sexti.

x 11. quiti.

y 31. pri.

z 1. sexti.

• 34. pri.

1 sexti

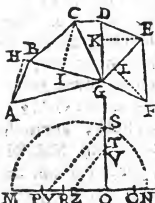
11. quǐ

la PC;  $\theta$  & come la NP alla PC, così è il parallelogrammo N r al parallelogrammo PZ: sarà,  $\epsilon$  come il segmento OM al resto OB, così il segmento NR, al restante PZ.

Et è chiaro, per le dimostrazioni, addotte qui sopra, che, come la  $AM$  alla  $MO$ , così e' il parallelogrammo  $Aq$  al parallelogrammo  $Nr$ .

**TROVARE** il lato di un quadrato eguale a qual si sia proposto rettilineo.  
Prop. II.

Si A il rettilineo ABCDEFG, & hab-



M. PVRZ O QN posto, allungando  
esso lato anche, se bisogna; come acca-  
de nel BG, & si tirino esse perpendico-  
lari AH, CI EK, FL. Nel triangolo C-

OG la CD è per se stessa perpendicolare, essendo retto l'angolo D. Si pigli una retta MN, sopra la quale si erga la perpendicolare OG, e dalla parte di N si pigliino le ON, OQ eguali, quella alla metà della base BG, questa alla metà della DG, & la OQ eguale alla metà della EG, la quale per essere eguale alla DG: viene essa OQ a supplire per ambedue le metà. Dalla banda di M si toglia la OM eguale alle due perpendicolari AH, CI insieme, che cioè caggiono su la medesima base; la OP eguale alle due CD, EK, & la OR eguale alla FL. Oltre di questo fatto diametro la MN, si segni l'intersezione S; fatto diametro la PQ, l'intersezione T: & al diametro della RQ l'intersezione V. Si pigli la OZ eguale alla OV, & tolto l'intervallo ZT, si trasporti da O fino in Y. Dico, che la retta eguale all'intervallo YS è il lato del quadrato eguale al rettilineo ABCDEFG. Percioche, essendo il rettangolo sotto la metà della base BG, & la perpendicolare AH, eguale al triangolo ABG, & il rettangolo sotto la medesima metà, & la perpendicolare CI eguale al tria-

golo

\* 11. pri.

golo BCG, come si è dimostrato nella Reg. 6. del 1. Cap. del Lib. 4. e, descritto il semicircolo MSN, *b* quel, che vien fatto dalla AH nella metà della BG, e dalla CI nella metà medesima, è eguale a quel, che si fa dalle due AH, CI insieme cioè dalla MO, nella metà detta della BG, cioè della ON; e quel, che nasce dalla OM nella ON, è eguale al quadrato della OS, *d* per essere essa OS media proportionale tra le due OM, ON: il quadrato della OS sarà eguale a' due triangoli ABG, BCG. Al medesimo modo dimostreremo, il quadrato della OT essere eguale a' due triangoli CDG, EDG: & il quadrato della OV eguale al triangolo EFG; e così di mano in mano, se altri triangoli contenesse la figura o accoppiati, o da per se stessi. Poiche vediamo, che, restando vn triangolo solo EFG, di lui solo si piglia la metà della base, & la perpendicolare. Ora, perche, tirata la ZT, la OZ è eguale alla OV, & l'angolo O è retto; *e* il quadrato della ZT sarà eguale a' due quadrati della ZO, cioè OV, e della OT. Similmente, perche, tirata la YS, la OY è eguale a essa ZT, *e* il qua-

dra-

*b* r. secūdi.

*e* 17. sexti.

*d* schol.

13. scxti.

*e* 47. pri.

drato della  $YS$  sarà eguale a' quadrati delle  $YO, OS$ , cioè delle  $OV, OT, OS$ ; e per conseguenza a tutta la figura  $ABCDDEG$  proposta.

*SOPRA una data retta, intrapresa fra due rette, costituire vn quadrilatero eguale a vn proposto rettilineo, il quarto lato del quale sia parallelo alla retta data. Prop. III.*

LA  $AB$  sia la retta data, frapresa tra le due rette  $AC, BD$ , le quali sieno prima parallele; sopra la quale  $AB$  si habbia a costituire vn quadrilatero eguale a qualsiuoglia proposto rettilineo  $F$ : il quarto lato del quale sia parallelo alla retta data  $AB$ . Sia prima retto l'angolo  $CAB$ . Si truoui il lato  $KH$  del quadrato eguale al rettilineo  $F$ ; & alle due  $AB, KH$  truouisi la terza proportionale  $AC$ ; & si meni la  $CD$  alla  $AB$  parallela. Dico, che'l quadrilatero  $ACDB$  sopra la data retta  $AB$ , &c. è eguale al rettilineo  $F$ . Peroche, essendo continue proportionali le  $AB, KH, AC$ , d'esso rettangolo  $ACDB$  sotto le  $AB$  prima,  $AC$  terza, sarà eguale al quadrato

della

a 2. huius.

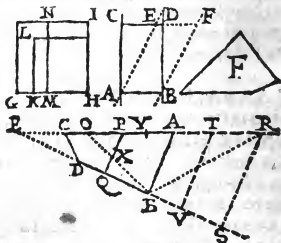
b 11. sexti.

c 31. pri.

d 17. sexti.

della KH seconda, cioè al proposto rettilineo F.

Ma se le parallele fussero le AE, BF, cioè che la data retta non fusse con esse ad angoli retti: e si ergano in A, B ad essa AB le due perpendicolari AC, BD; e trouato, come qui di sopra, il rettangolo



ACDB eguale al rettilineo F: si stenda il lato CD finche seghi la BF in F: che'l parallelogrammo AEFD sarà eguale al rettilineo F, per esser e eguale all'ACDB, che all'F si è fatto eguale.

Sieno ora non parallele le AC, BD, & habbiasi a fare il medesimo, a costituire cioè sopra la retta AB fra le AC, BD cō vna retta a essa AB parallela vn

quadri-

quadrilatero eguale al medesimo rettilineo F: il qual quadrilatero venga dalla parte de' gli angoli CAB, DBA minori di due retti. Si allunghino le AC, BD finche concorrano in E, & perche non potranno non concorrere: *b* e trouato il lato GH del quadrato eguale al triangolo ABE, si formi sopra esso il quadrato GI. *b* Parimente trouato il lato KH del quadrato eguale al rettilineo F: vi si costituisca il quadrato HL, *i* & alle due HI, HK si truoui la terza proportionale HM: *i* & si meni la MN al lato HI parallela. *m* Seghisi de' lati EA, EB del triangolo EBA qual vogliamo in O, che sia, come la GM alla MH, cosi la EO alla OA: *n* & fra le due EA, EO si truoui vna proportionale di mezzo EP, *o* & si meni la PQ parallela alla AB. Dico, che'l quadrilatero ABQP sopra la AB &c. è eguale al proposto rettilineo F. Percioche, essendo continue proportionali le tre HI, HK, KM; *p* il rettangolo HN sotto le HI prima, HM terza sarà eguale al quadrato HL della HK seconda. E perche, come la GM alla MH, cosi è la EO alla OA; sarà, *q* componendo, come le GH alla

g scholio.

28. pri.

b 2. hui<sup>o</sup>.

i 11. sexti.

l 31. pri.

m schol.

10. sexti.

n 13. sexti.

o 31. pri.

p 17. sexti.

q 18. quinti.

M m      MH, cosi



1. sexti. MH, così la EA alla OA. Ma come  
 16. quī- la GH alla MH, & così è'l quadrato GI  
 al rettangolo HN: & come la EA alla  
 OA, così è'l triangolo EBA al tri-  
 angolo OBA. Dunque, *s*permutando,  
 come'l quadrato GI al triangolo EBA,  
 così'l rettangolo HN al triángolo OBA.  
 Ma'l quadrato GI è eguale al triángo-  
 lo EBA. Dunque anche il rettangolo  
 HN sarà eguale al triangolo OBA. Et  
 al triangolo ABO è eguale il quadrila-  
 tero ABQP. Percioche, essendosi dimo-  
 strato, il triangolo EBO essere al trian-  
 golo ABO, come la EO alla AO; sarà,  
 per *s* la cōuerſa compositione della pro-  
 portione, il triangolo EBA al triango-  
 lo EBO, come la EA alla EO. & Ma,  
 come la EA alla EO, & cioè come il tri-  
 angolo EBA al triangolo EBO: così è'l  
 triangolo medesimo EBA al triangolo  
 EQP, *y* per eſſer ſimili eſſi triangoli  
 EBA, EQP, e continue proportionali  
 le tre EA, EP, EO. & Eguali faran per  
 tanto i triangoli EBO, EQP, & eguale  
 per cōſegūenza il quadrilatero ABQP al  
 triangolo ABO, cioè al rettangolo HN,  
 all'ABO dimostrato eguale, cioè al qua-  
 drato HL, cioè al rettilineo ppoſto F.

Hab.

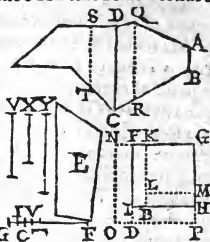
Habbiaſi ora a fare il medefimo ſu-  
 la medefima retta AB tra le AR,BS dal  
 la parte cioè de gli angoli RAB, SBA  
 maggiori di due retti. Dunque, al-  
 lungate dalla contraria parte eſſe ret-  
 te, cōcorreranno al fine: che altrimē-  
 te o in vna di eſſe, o in ambedue cade-  
 ria la AB contra quel, che ſi dimoſtra  
 nella 13. Prop. del 1. Lib. di Euclide.  
 Concorrano in E. Et, fatto il quadrato  
 GI eguale al triangolo ABE, col qua-  
 drato HL, & il reſtante, come di ſopra;  
 ſi ſeghi la AR in R, che ſia come la GH  
 alla MH, così la EA alla AR: *a* & tra *a* 13. ſex  
 le due ER, EA ſi truoui vna proportio-  
 nale di mezzo ET, *b* & ſi tiri la TV alla *b* 31. pri.  
 AB parallela. Dico, che'l quadrilatero  
 ABVT ſopra la AB &c. è eguale al ret-  
 tilineo F. Percioche, giunta la BR, e eſ- *e* 1. ſexti.  
 ſendo il triangolo RBA al triangolo  
 EBA, come la RA alla EA, cioè, *d* con  
 uertendo, come la MH alla GH: *e* cioè *d* coroll.  
 come'l rettangolo HN al quadrato GI: *e* 4. quinti.  
 ſarà permutâdo il triangolo RBA al ret- *e* 1. ſexti.  
 tangolo HN, come il triangolo EBA al *f* 16. qui-  
 quadrato GI. E'l triangolo EBA è e-  
 guale al quadrato GI. Dunque anche  
 il triangolo RBA ſarà eguale al rettân-

golo HN. Ma al triangolo RBA è e-  
 guale il quadrilatero ABVT. Percio-  
 che, essendo le tre rette ER, ET, EA cō-  
 tinue, proportionali, scirata la SR pa-  
 rallela alla VT, sarà il triângolo ESR al  
 triângolo EVT, & p esser simili, & come  
 la ER alla EA. E perche è trouata alle  
 tre ER, ET, EA la quarta proportiona-  
 le EY; le tre ET, EA, EY sono continue  
 proportionali, sarà, & p la somiglianza  
 de' triângoli EVT, EBA, m l'EVT all'E-  
 BA, come la ET alla EY, cioè come la  
 ER alla EA: cioè (essendo continue pro-  
 portionali le ER, ET, EA, EY, tanto la  
 proportion della ER alla EA, quanto  
 quella della ET alla EY è duplicata del-  
 la proportion medesima della ER alla  
 ET, e della ET alla EA, come è manife-  
 sto) come il triângolo RBE al triângolo  
 EBA. Siche'l triângolo EVT ha l'istef-  
 sa proportion al triangolo EBA, che'l  
 triângolo RBE all'EBA medesimo. Adū  
 que & essi triângoli EVT, RBE saranno e-  
 guali. Liensifi dall'vno, e dall'altro il tri-  
 ângolo comune EBA. Eguale rimarrà'l  
 quadrilatero ABVT al triângolo RBA,  
 cioè al rettângolo HN, cioè al quadrato  
 HL, cioè al rettilineo F. Ch'è'l pposito.

DATI

*DATI due rettilinei ineguali, dal maggiore cauarne il minore, cõ vna retta parallela a vn lato, assegnato.*  
*Prop. IV.*

DAL rettilineo AT habbiasi a leuare il rettilineo E con vna retta parallela al lato AB. Si truoni il lato IH del quadrato eguale al rettilineo minore E, & vi si formi sopra il GC quadrato FGHI. Et nel rettilineo AT, si tiri vna retta DC parallela al lato AB o da vn angolo, o da vn punto, preso in vn lato, secõdo'lgiuditio dell'occhio; cioè che appress'a poco ci apponiamo a condurre la detta DC da luogo, che'l rettilineo DCBAQ para quãto è il rettilineo E. Si truoni il lato V del quadrato eguale a esso rettilineo tolto DCBAQ, e col compasso si porti su'l lato FG. E perche in que-



42. hui.

Mm 3 sto caso

sto caso il lato V è eguale al lato FG del quadrato FGHl eguale al rettilineo E : diremo d'hauer eseguito quel , che si propone con vna operation sola ; cioè che con la DC habbiam preso nel rettilineo AT il rettilineo DCBAQ eguale al rettilineo E, come è manifesto.

Ma sia la QR la retta tirata a ventura . • Trouato il lato X del quadrato eguale al rettilineo ABRQ, e trasportato nel lato GF da G fino in K ; si faccia sopra di esso il quadrato GKLM. Perche dunque esso quadrato LG ; cioè il rettilineo ABRQ è minore del quadrato IG, cioè del rettilineo E, quanto è'l gnomone FIHMLKF : <sup>b</sup> costituiscafi su la retta QR verso D, C vn quadrilatero DCRQ eguale al detto gnomone KIM: che, come è manifesto , tutto il rettilineo DCBAQ sarà eguale al quadrato IG, e per conseguenza al proposto rettilineo E.

b 3. hui<sup>a</sup>.

c 2. hui<sup>o</sup>.

Sia ora la ST la retta tirata, & si troui il lato Y del quadrato eguale al rettilineo tolto ABCTSDQA, e, trasportato su'l lato GF da G fino in N; si cõpisca il quadrato GPON. E perche esso quadrato OG, cioè il rettilineo

ABCT-

ABCTSDQA è tanto maggiore del quadrato IG, cioè del rettilineo E, quanto è'l gnomone NOPHIFN; *e se* *13. hui.* sopra la retta ST costituiremo dalla banda D, C vn quadrilatero STCD eguale al gnomone FOH; è chiaro, che'l rimanente DCBAQD sarà eguale al quadrato IG, cioè al rettilineo E. Che è'l proposito.

*AVVISO.* Se allungheremo i lati KL, FI fino in B, D; in vece di ridurli in triangoli, haueremo diuisi i gnomoni, ciascuno in due rettangoli, in FB, LH: in ND, IP. *e* *14. secondi.* Onde più facilmente troueremo a ciascuno il lato del quadrato eguale; *f* & il lato eguale ad ogni due *f* *13. hui.* de' lati trouati.

*In altro modo più facile.* Anche, senza descriuere il quadrato IG, e gli altri, che di dentro, e di fuori di esso stanno, più ageuolmente potremo eseguire il medesimo col trouare solamente il suo lato. Ma prima, che veniamo al modo, bisogna di dimostrare questo

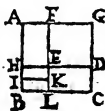
## L E M M A.

*Nel quadrato il gnomone è eguale al*

M m 4 ret-

rettangolo compreso sotto la lunghezza del compimento insieme con la metà del lato del suo quadrato, e'l doppio di esso lato.

Nel quadrato AC sia il gnomone ABCDEFA, e dal punto I di mezzo del lato HB <sup>a</sup> del suo quadrato BE si <sup>b</sup> tiri la IK parallela alla BL. Dico, che cotale gnomone FBD è eguale al rettangolo compreso sotto la Al compo-



sta della AH lunghezza del compimento HF, e della HI, metà del lato HB del quadrato BE, & sotto'l doppio della HB. Percioche, <sup>a</sup> essendo eguali i compimenti AE, EC; e sono parallelogrammi rettangoli, e di lati eguali per cagione <sup>a</sup> de' quadrati BE, EG, cioè lo EF eguale all'ED, & lo HE eguale all'EL &c. <sup>a</sup> & eguali sono parimente i parallelogrammi HK, BK; se a ciascuno di quelli venga aggiunto vno di questi, cioè all'AE il parallelogrammo HK, & all'EC il parallelogrammo BK: le somme faranno eguali; cioè il rettangolo AK sarà eguale a due rettangoli EC, BK insieme. E perche,

per

coroll.  
secū.  
31. pri.

43. pri.

coroll.  
secū.  
1. sexti.

per le eguali HI, BI, eguali sono la AI, & le CL, BI insieme: però *f* quel, *f* 1. secū.  
 che verrà fatto dalla AI nella AF, e  
 dalla retta composta delle CL, BI, cioè  
 dalla medesima AI nella CD, cioè da  
 essa AI nel doppio della AF, & cioè del- *g* 34. pri.  
 la HE, cioè della HB, sarà eguale a' due  
 rettangoli AK, & EC, BK insieme, cioè  
 a tutto l'gnomone FBD.

Ora \* trouato il lato FC del qua- *a* 2. hui.  
 drato eguale al pposto rettilineo E, e  
 tirata al medesimo modo la DC; \* tro-  
 uato anche il lato V del quadrato egua  
 al rettilineo DCBAQ, e pòrrato col  
 compasso nella FC; perche esso lato V  
 in questo caso si truoua eguale al lato  
 FC: diremo d'hauere in vna sola ope-  
 ratione con la DC eseguito quel, che  
 bisogna. Perche, essendo il quadrato  
 della FC eguale al rettilineo E, & la  
 retta V, cioè la medesima FC è il lato  
 del quadrato eguale al rettilineo DC-  
 BAQ, eguale saranno i rettilinei E, &  
 DCBAQ

Sia la QR la retta tirata, \* & la X il  
 lato del quadrato eguale al rettilineo  
 preso ABRQ; & si trasporti nella FC

da



da F fino in T. E perche il lato FT è minore dell'FC; anche il rettilineo ABRQ sarà minore del rettilineo E, quanto cioè è nel quadrato della FC il gnomone della TC, differenza di essi lati: cioè, diuisa essa TC egualmente in V, quanto è'l rettangolo sotto la FV, & il doppio della TC, per lo Lemma passato. 6 Se dunque sopra la QR verso D, C costituiremo vn quadrilatero DCRQ eguale a esso rettangolo sotto la FV, è'l doppio della TC; haueremo il rettilineo DCBAQ eguale al quadrato della FC, cioè al proposto rettilineo E.

Ma sia la ST la retta tirata, & la Y il lato del quadrato eguale alla figura ABCTSDQA leuata da essa ST. Perche dunque, posta la Y nella FC, la supera fino in G; si diuidà l'eccesso CG in I egualmente. E perche il lato Y è maggiore del lato FC; il rettilineo, preso dalla ST, sarà tanto maggiore del quadrato della FC, cioè del rettilineo E, quanto è nel quadrato della FG il gnomone della CG cioè, per il sopra-  
posto Lemma, quanto è il rettangolo compreso sotto la FI, & il doppio della CG. 4 Se dunque sopra la ST dalla

parte

parte DC costituiremo vn quadrilatero STCD eguale al detto rettangolo: rimarrà il rettilineo DCBAQ eguale al quadrato del lato FC, cioè al rettilineo E proposto.

*DIVISO vn proposto rettilineo in tri-  
angoli, trouare rette linee ordinatamente  
proportionali a essi triangoli. Prop. V.*

SIA diuiso qualsiuoglia rettilineo A-BCD in quattro tri-  
angoli A, B, C, D: e  
faccia bisogno di  
trouare a essi trian-  
goli quattro rette  
ordinatamente pro-  
portionali. Si  
truouino i lati E, F,  
G, H de' quadrati eguali a essi triango-  
li. Cioè il lato E sia quello del trian-  
golo A: lo F del triangolo B, il G del  
C, & l'H del D. Alle due E, F si truoui  
la terza proportionale I: alle F, G la  
terza proportionale K, & alle G, H la  
terza L; accioche sia, come la E alla  
F, così la F alla I; & come la F alla  
G; così la G alla K; & come la G alla



a scholio  
14. secū.

b II. sex-  
ti.

H così

12. sex-

3. hui<sup>9</sup>.

20. sex-

10. def.  
iinti.

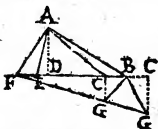
0. sex-

H, così la H alla L. Dipoi in vna retta MQ si pigli la MN eguale alla E, & la NO eguale alla I: & si faccia, & come la F alla K, così la NO alla OP; & come la G alla L così la OP alla PQ. Dico, che le quattro rette MN, NO, OP, PQ sono ordinatamente proporzionali a' quattro triángoli A, B, C, D: cioè che, come il triangolo A al triangolo B, così la MN alla NO: che come il triangolo B al triangolo C, così la NO alla OP, & come'l triangolo C al D; così la OP alla PQ. Percioche, & hauendo il quadrato della E al quadrato della F proporzione duplicata della proporzione della E alla F; & tale, cioè duplicata è la proporzione della E alla I di quella della E alla F: sarà come il quadrato della E al quadrato della F, cioè come il triángolo A al triángolo B, così la E alla I, cioè così la MN alla NO, fatte eguali a quelle. Similméte s per che'l quadrato della F al quadrato della G ha duplicata proporzione di quella della F alla G; & le F, G, K sono cōtinue proporzionali: sarà, come'l quadrato della F al quadrato della G, così la F alla K. Ma come la F alla K, così

fi

è fatta la NO alla OP. Dunque come il quadrato della F al quadrato del G, cioè come il triangolo B al triangolo C, così è la NO alla OP. Per le medesime ragioni sarà, come il quadrato della G al quadrato della H, così G alla L. Ma come la G alla L, così è OP alla PQ. Adunque, come il quadrato della G al quadrato della H, cioè come il triangolo C al triangolo D, così è la OP alla PQ. Che è'l proposito.

**AVVISO.** Quando due, o più triangoli hanno la medesima altezza, le basi esse saranno le lor proporzionali, essendo manifesto, che se il triangolo BC è al triangolo CE, e questo all' EF, come la base BC alla CE, & come questa alla EF. Similmente se si prendano due triangoli ABF, GBF, c'habbiano la base BF comune, le loro altezze AD, GC saranno le lor proporzionali: percioche, come l'altezza AD alla GC, così è'l triangolo ABF al GBF.



g 1. sexti.

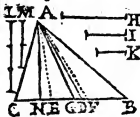
h schol.  
1. sexti.

**DIVIDERE in più parti cō rette tirate**

da

da uno de gli angoli vn triangolo in  
qual si uoglia data porportione: che l' ante  
cedente sia da qual parte si vuole .  
Prop. VI.

1. Habbiassi a diuidere il triangolo  
ABC prima in due parti nella propor  
tione della L alla M,  
il cui antecedente sia  
verso l'angolo C: e  
tal diuisione sia fatta  
da vna retta tirata  
dall'angolo A nel lato



opposto BC. Seghisi il lato BC in  
D talmente, che sia, come la L alla  
M, così la CD alla DB, & si tiri la AD.  
Dico, che'l triangolo ACD è al trian  
golo ADB, come la L alla M. Perche  
essi triangoli hanno la medesima altez  
za, come è manifesto; e sarà'l trian  
golo ACD all'ADB, come la CD alla  
DB, cioè come la L alla M. Se volessi  
mo l'antecedente verso B, si farà'l se  
gamento BD al segmento BC, come la  
L alla M, &c.

2. Habbiassi ora a diuidere in tre  
parti prima eguali. Seghisi la BC in  
tre eguali parti in E, F: che, tirate le

scholio.  
10. sexti.

4. def.  
exti.  
1. sexti.

rette AE, AF; sarà diuiso il triangolo, come si propone. Poiche, *b* essendo, come la CE alla EF, così il triangolo CAE al triangolo EAF; & le CE, EF sono eguali: anche essi triangoli CAE, EAF saranno eguali. E così medesima- mente dimostreremo, essere eguali anche i triangoli EAF, FAB: e però saranno eguali tutti tre.

3 Somigliantemente se si debba segare secondo la proportionione delle H, I, K; con l'antecedente verso B; & diuidasi la BC in G, N, che sia la BG alla GN, come la H alla I, & la GN alla NC, come la I alla K: che, tirate le AG, AN, si sarà fatto quel, che si propone. Peroche, *d* come la BG alla GN, cioè come la H alla I, così è'l triangolo ABG al triangolo AGN; & come la GN, alla NG, cioè come la I alla K, così il triangolo AGN all'ANC. Che è'l proposito.

*e* scholio,  
io. sexti.

*d* i. sexti.

*Diuidere in più parti un triangolo proposto, secondo una proportionione data, con rette tirate da un punto assegnato in uno de' lati; in modo, che l'antecedente caggia la qual parte si vuole. Prop. VII.*



portionale del triangolo ADC: *e* si diui-  
da esso triangolo con la DL, come è di-  
uisa la rispondente GH in K, cioè che  
sia, come la GK alla KH; così il trian-  
golo ADL (sempre risponda l'antecedente  
all'antecedente verso la medesima parte)  
al triangolo CDL: che essa DL diuiderà  
il triangolo ABC nel modo proposto. Poiche,  
essendo, come la HG alla GI, così il trian-  
golo ADC al triangolo ADB sarà, *f* conuertendo,  
come la IG alla GH, così il triangolo  
ADB al triangolo ADC: Dunque, es-  
sendosi diuisa tanto la seconda parte  
GH della grandezza IH in K, quanto  
la seconda ADC della grandezza ABC  
con la DL proportionalmente: *g* sarà,  
come la IK alla KH, cioè come la E alla  
F, così il quadrilatero ABDL al trian-  
golo DLC.

3 Similmente se volessimo partire  
il triangolo medesimo nella proportio-  
ne della O alla P con l'antecedente ver-  
so C; perche, *b* diuisa la HI in M, che  
sia la HM alla MI, come la O alla P, la  
sezione M cade nella seconda parte  
GI: *c* seghisi la seconda parte (sem-  
pre quella dell'antecedente chiamerem

*e* 6. hui.

*f* coroll.  
4. qñti.

*g* 1. huius

*b* scholio.  
10. sexti.

*c* 6. hui.



parte prima )  $ADB$  con la  $DN$ , che sia come la  $GM$  alla  $MI$ , così il triangolo  $ADN$  al  $BDN$  : che, per la ragione medesima, sarà, come la  $HM$  alla  $MI$ , cioè come la  $O$  alla  $P$ ; così il quadrilatero  $ACDN$  al triangolo  $BDN$ .

4 Si debba ora diuidere il triangolo  $ABC$  in tre parti prima eguali con linee rette tirate dal punto  $D$ . Si meni la retta  $DA$ , e, trouate le  $EG, G, F$  proportionali a' triàngoli  $CAD, BAD$ , si diuida tutta la  $EF$  in tre parti eguali  $EH, HI, IF$ . E perche la settione I della prima parte cade nella  $EG$  rispóndente del triangolo  $ADC$ :  $\therefore$  diuidasi esso triangolo con la  $DK$  talmente,



che'l triangolo  $CDK$  sia al triangolo  $ADK$ , come la  $EH$  alla  $HG$ . Similmente, perche la seconda parte  $HI$  ha il suo estremo  $I$  nella  $GF$ , proportionale del triangolo  $BAD$ ;  $\therefore$  seghisi esso triangolo  $BAD$  con la  $DL$ , che sia, come la  $GI$  alla  $IF$ ; così il triangolo  $ADL$  al triangolo  $LDB$ . Dico, che esse  $DK, DL$  diuidono il triangolo  $ABC$  in tre

parti

parti eguali. Poiche, essendo la prima parte EG della grandezza EF dal punto H, & la prima parte ADC della grandezza ABC, proportionale a quella, dalla DK diuise proportionalmente; sarà, come la EH alla HF, così il triangolo CDK al quadrilatero AKDB. Ma la EH è vna terza parte della EF. Dunque anche il triangolo CDK sarà vna parte terza del triangolo ABC. Parimente, perche la seconda parte GF in I, & la seconda BAD in DL, sono diuise nella proportion e istessa; sarà, come la EI alla IF, così il quadrilatero ALDC al triangolo BLD. Ma la EI è due terze parti della IF. Due terze parti sarà dunque anche il quadrilatero ALDC del triangolo ABC. E per conseguenza, vna terza parte il BDL: & altrettanto il quadrilatero ALDK.

5. Habbiassi ora a diuidere al medesimo modo: ma nella proportion delle O, P, Q, e che l'antecedente stia verso B. Segata la FE in MN, che sia, come la O alla P, così la FM alla MN, & come la P alla Q, così la MN alla NE: perche'l punto M cade nella FG del triangolo BAD, & diuidasi esso triangolo

1. huius.

scholio.  
10. sexti.

p 6. huius

BAD con la DR in' modo, che sia, come la FM alla MG, così il triangolo BDR al triangolo ADR. Per la medesima ragione, si seghi il triangolo CAD con la DS, che, come la GN alla NE, così sia il triangolo ADS al triangolo CDS. Dico, che esse rette DR, DS diuidono il triangolo ABC nella data proportione. Poiche, essendosi segate le prime parti delle grandezze FE, ABC proportionalmente in M, & in DR; & le seconde proportionalmente pure in N, & in DS:  $q$  sarà, come la FM alla MN, cioè come la O alla P; così il triangolo BDR al quadrilatero ARDS; & come la MN alla NE, cioè come la P alla Q; così il quadrilatero ARDS al triangolo CDS. Che è'l proposito.

1. huius

*SEGARE in più parti un proposto triangolo con linee parallela alla base in qual sia data proportione, con l'antecedente dalla parte, o dell'angolo, o della base. Prop. 11X.*

NEL triangolo ABC habbiasi a tirare prima vna parallela al lato BC, che lo diuida in modo, che la parte verso A

sia

sia all'altra verso BC, come la M alla  
 N. Si seghi vno de'lati AC, non quel  
 lo, al quale si de'tirar la parallela, in F; a scholio  
10. sexti.  
 che sia la AF alla FC,  
 come la M alla N, che  
 l'antecedente AF stia  
 verso A; doue cioè si  
 vuole l'antecedente  
 della proportion nel-  
 la diuisione del triangolo: & tra le  
 due AC, AF si truoui vna media pro-  
 portionale AG; & si tiri la GL al lato  
 CB parallela. Dico, che essa GL diuide  
 il triangolo proposto, come si è ordina-  
 to. Percioche, essendo i triangoli b 13. sex.  
 ACB, AGL simili; sarà l'ACB all'AGL,  
 come la AC alla AF, per esser continue  
 proportionali le AC, AG, AF. Sarà  
 dunque, per la conuerione della c coroll.  
4. sexti.  
 proportion, il triangolo ACB al qua-  
 drilatero BCGL, come la AC alla FG:  
 & diuidendo, il triangolo, AGL sa-  
 rà al quadrilatero BCGL, come la AF  
 alla FC, cioè come la M alla N. d coroll.  
19. quinti.  
e 17. quin-  
ti.

Habbiati ora a diuidere pur cō paral-  
 lele al lato medesimo prima in quattro  
 parti eguali. Seghisi vno de'lati AC in  
 quattro eguali parti in D, E, F: & tra f 13. sex.

g 31. pri.

h coroll.

4. sexti.

i coroll.

19. sexti.

le due AD, AC si truoui vna media proportionale AE: f. vn'altra AH tra le AE, AC; f. & vn'altra AG fra le AF, AC: g. & si tirino le EI, HK, GL parallele alla base CB. Dico, che esse parallele diuidono il triangolo ABC in quattro parti eguali. Percioche, h per la somiglianza de' triangoli AEI, ACB, i sarà lo AEI all' ACB, come la AD alla AC. Et la AD è vna quarta parte della AC. Dunque anche il triangolo AEI sarà vna quarta parte del triangolo ABC. Per la medesima ragione, il triangolo AHK sarà al triangolo ABC, come la AE alla AC. Perche dunque la AE è due quarte parti della AC: tanto sarà, cioè due quarte parti il triangolo AHK del triangolo ABC. Ma'l triangolo AEI si è dimostrato vn quarto dell' ABC: e però vn quarto sarà del medesimo il quadrilatero IEHK. Al medesimo modo dimostreremo, il triangolo AGL esser tre quarti del triangolo ABC, i per essere, come la AF, tre quarti della AC, ad essa AC, così'l triangolo AGL all' ACB. Dūque cauatene due quarti, il triangolo AHK; vn quarto sarà'l quadrilatero KHGL: & altrettanto PLGCB.

Ma

Ma, se la data proportione fusse d'inegualità, come delle tre rette  $K, L, M$ , proposto, che si debba il triangolo  $ABC$  diuidere in tre parti:

seghisi la base  $BC$  in  $B, D, E, C$ , che sia, come la  $K$  alla  $L$ , così la  $BD$  alla  $DE$ ; & come la  $L$  alla  $M$ , così la  $DE$  alla  $EC$ ; & si menino le  $DA, EA$ . Ciò fatto, sopra la  $BC$  tra le  $BA, CA$  costituiscafi con la parallela  $FG$  il quadrilatero  $FGCB$  (ora si hauerà l'antecedente verso  $BC$ ) eguale al triangolo  $BAD$ ; & sopra la  $IG$  il quadrilatero  $HIGF$  eguale al triangolo  $DAE$ ; che esse parallele  $FG, HI$  ci daranno la diuisione, che noi cerchiamo. Poiche, essendo, come la  $BD$  alla  $DE$ , cioè come la  $K$  alla  $L$ , così il triangolo  $BAD$  al triangolo  $DAE$ ; cioè così il quadrilatero  $FGCB$  al quadrilatero  $HIGF$ ; e come la  $DE$  alla  $EC$ , così il triangolo  $DAE$  all'  $EAC$ ; cioè come la  $L$  alla  $M$ , così il quadrilatero  $HIGF$  al triangolo  $AHI$ ; percioche, cauando dal triangolo  $ABC$  il quadrilatero  $HICB$  eguale al triangolo  $BAE$ ; rimarrà il trian-



2 scholio  
10. sexti.

3. huius.

1. seti.

golo AHI all'EAC eguale: è chiaro il proposito.

**AVVISO.** Se volessimo l'antecedente verso A, il quadrilatero FGCB si farebbe eguale al triangolo EAC, &c. come è manifesto.

**DIVIDERE** in più parti cō rette tirate da vno de gli angoli vn multilatero, secondo qualunque data proportion, con l'antecedente oue si vuole.  
**Prop. IX.**

**HABBIASI** a diuidere il multilatero ABCDEFG con vna retta tirata dall'angolo A, in due parti nella proportion della P alla Q, con l'antecedente verso B. Diuidasi la figura con le rette AC, AD, AE, AP tirate dall'angolo A, assegnato, a gli altri C, D, E, F, accioche ella venga segata in tãti triangoli, in quãti si può: e si truouino le HI, IK, KL, LM, MN

STVX  
I I I I



proportionali ad essi triangoli ABC, ACD, ADE, AEF, AFG; & tutta la retta HN, composta di esse, si diuida nella proportion della P alla Q, con l'antecedente verso H, che cioè risponde verso B. E perche il punto della settione batte in L, estremo della KL del triangolo ADE: diremo, che la AE ci da la diuisione, che cerchiamo. Percioche, essendo le due grandezze HN, ABCDEFG segate proportionalmete, quella in L, questa con la AE; & è, come la P alla Q, così la HL alla LN: è chiaro, che come la P alla Q, così è'l multilatero ABCDEA all'AEFG.

2. Similmente, se la proportion fusse quella della V alla X, e si volesse l'antecedente verso G, & seghisi essa NH in O, che la parte NO verso N sia alla OH, come la V alla X. Dunque, perche la settione O cade nella KI del triangolo DAC; & si diuida esso triangolo con la AQ, che sia, come la KO alla OI, così il triangolo DAQ al QAC; che, per la medesima ragione del Num. 1. sarà come la V alla X, così il multilatero AQDEFG al multilatero AQCB.

6 scholio  
10. sexti

8. i. huius

8 scholio  
19. sexti

6. huius



Debbasi ora diuidere in tre parti eguali. Fatte le medesime cose, si seghi essa HN in tre eguali parti in O, P. Cade la sectione O nella IK, rispondente al triangolo CAD, & la P nella KL del triangolo DAE. Diuidasi essi triangoli CAD, DAE con le AQ, AR, che sia, come la IO alla OK, così il triangolo CAQ al triangolo QAD: & come la KP alla PL, così il triangolo DAR al triangolo RAE; che le dette AQ, AR diuideranno il rettilineo proposto, come si desidera, per la ragione medesima del Num. 4. della 7. Prop.

Et se si hanesse a diuidere in quattro parti secondo la proportion delle S, T, V, X con l'antecedente verso B; fatte le cose medesime; si seghisi essa HN in quattro parti in a, c, e, che, sia come la S alla T, così la H a alla a c, & come la T alla V, così la a c alla e e, & come la V alla X, così la e e alla e N. E perche le sectioni caggiono nelle HI, KL, LM; si seghino i triangoli corrispondenti BAC, DAE, EAF con le Am, An, Ao, che, come la H a alla a l, così sia il triangolo BA m all'm AC; & come la Kc alla c l, così il triangolo DA n all'n AE:

scholio  
10. sexti.

g 6. hui.

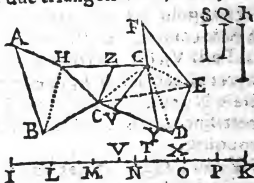
&

& come la  $L$  e alla  $e$   $M$ , così l'  $EAo$  all'  $o$   $AF$ . Dico, che esse  $A m$ ,  $A n$ ,  $A o$  segnano il rettilineo proposto nella data proportionione. Peroche, essendosi diuise le prime parti delle grandezze  $HN$ ,  $ABCDEFG$  proportionalmente in  $a$ , & in  $A m$ ; & le terze pure nella proportione medesima in  $c$ , & in  $A n$ ; & le quarte parimente secondo la stessa proportionione in  $e$ , & in  $A o$ :  $e$  sarà, come la  $H$  a alla  $a$   $c$ , cioè come la  $S$  alla  $T$ , così il triangolo  $BA m$  al rettilineo  $mCD n A$ ; & come la  $a$   $c$  alla  $c$   $e$ , cioè come la  $T$  alla  $V$ , così il rettilineo  $mCD n A$  al rettilineo  $n E o A$ ; & come la  $c$   $e$  alla  $e$   $N$ , cioè come la  $V$  alla  $X$ , così il rettilineo  $n E o A$  all'  $o$   $FGA$ . Che è'l proposito.

**AVVISO.** Quest' operatione con la conditione dell' agolo assegnato non sarà, per ora, sepre possibile. Perche se l' assegnato angolo fusse nella presente figura il  $B$ , il  $D$ , o l'  $F$ , &c. non potendosi da alcuno di essi a ciascuno de gli altri tirare linee rette, per diuidere la figura in tanti triangoli: e manifesto, che non si possono trouare le rette proportionali, e per consequenza ne anche

*eseguire*

eseguire il retto. Si potrà però diuide  
re commodamente ogni figura, per ir-  
regolarissima, che ella si sia, da qual-  
cuno de gli angoli, purchè però la  
diuisione in triàngoli si faccia in modo,  
che ogni triangolo habbia almeno vn  
lato comune col lato della figura, come  
si vede nella ABCDEFGH. Che se in-  
vece della DG nel quadrilatero CDE-  
G haueſſimo tirata la CE, per diuider-  
lo ne' due triangoli CED, CEG, farebbe



impossibile risoluer quest' operatione;  
non potendosi diuidere il triangolo C-  
EG con vna retta da vno degli angoli  
al lato opposto, che insieme si possa se-  
garè tutta la figura, come è manifesto,  
se vna volta, tra mille, non si affrontas-  
se per grandissima fortuna. Ora hab-  
biaſi a diuidere questo multilatero AE  
da vno di qual si sia de gli angoli, secon-

do

o la proportion della Q alla R, & l'antecedente caggia verso A. Trouate le rette proportionali IL, LM, &c. ai triangoli ABH, BHC, &c. della figura; si seghi la IK nella proportion data della Q alla R, che l'antecedente stia verso I. Perche dunque la sectione batte in M, estremo della proportionale del triangolo BHC: essa CH diuiderà la figura nella data proportion. Cioè farà il rettilineo ABCHA al rettilineo HCDEFGH, come la IM alla MK, cioè come la Q alla R.

Se la data proportion fusse quella della S alla R, & l'antecedente habbia a stare verso E, si diuisa la KI in T, che sia, come la S alla R, così la KT alla TI; perche la diuisione cade nella ON del triangolo CDG: si seghisi esso triangolo con la GV talmente, che sia il triangolo DGV al triangolo VGC, come la OT alla TN. Dunque, p come la KT alla TI, cioè come la S alla R, così sarà il rettilineo GVDEFG al rettilineo GHABCVG. cioè essi GV diuiderà, come si ordina il rettilineo proposto.

Debbasi diuidere la medesima figura in tre parti nella proportion delle

R, Q, S

i 5. hui<sup>a</sup>.

i scholio  
10. sexti.

m 1. hui<sup>a</sup>.

n scholio  
10. sexti.

o 6. hui<sup>a</sup>.

p 1. hui<sup>a</sup>.



punto G, &c. Percioche se'l dato punto fusse in vno de'lati ED, DC, EF, o anche in qualche luogo di qualche altro lato; non si potria così fattamente operare. Ora, quando la figura sia così diuisa, come diciamo, cō le rette G-C, GD, &c. si terrà il medesimo modo, che nella Prop. passata, come cioè se'l dato punto G fusse vn angolo. Il che, per essere chiarissimo per se stesso, si trascorrerà senz'altro esempio.

*SEGARE in più parti vn proposto moltilatero, secondo qualsiuoglia data proportionione con vna parallela a qualsia lato, che l'antecedente caggia da qual parte ne aggrada.*

*Prop. XI:*

PRIMA habbiasi a diuidete il moltilatero ABCDE in due parti con vna parallela al lato AE nella proportionione della K alla L, che l'antecedente stia verso AE. *a* Truouisi il lato HI del quadrato eguale al rettilineo proposto AC, e vi si formi su il quadrato FG-IH. *b* Si diuida esso lato HI in N, che sia, come la K alla L, così la HN alla

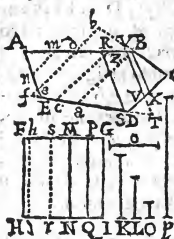
*a* 2. hui<sup>a</sup>.

*b* scholio  
10. sexti.

NI,

NI, & e si tiri la NM parallela al lato

131. pri.  
13. hui.



FH; & sopra la AE, tra le AB, ED si costituisca il quadrilatero AESR eguale al rettangolo FMNH. Dico, che essa RS divide la figura proposta nel modo, che si cerca.

Poiche, essendo il quadrato FI eguale al rettilineo AC, & eguali altresì i quadrilateri AESR, FMNH; eguali faranno anche le rimanenti figure BCDSR, MGIN. Si che, essendo il rettangolo FN al rimanente NG, come la HN alla NI, cioè, come la K alla L; & anche il rettilineo AESR sarà al rimanente BRSDC, come la K alla L.

1. sexti.

7. qnti.

2. scholio  
10. sexti.

3. hui.

2 Ma se si havesse a partire, secondo la proportionione della K alla O, & diuiso il lato HI in Q; che, come la K alla O, così sia la HQ alla QI; e tirata, come di sopra, la QP: & se costituiremo sopra il lato AE tra le rette AB, ED vn quadrilatero AETZ eguale al rettangolo

golo

golo HP; troueremo, che bisognerà di allungare la ED fino in T. Dunque, perche'l triangolo TVD è fuori di esso rettilineo; <sup>b</sup> costituiremo sopra la ZV tra le ZB, VC il quadrilatero ZYXV eguale al triangolo TVD; che, come è manifesto, per le ragioni, addotte di sopra, il rettilineo AEDVZA hauerà al rimanente YXCB la proportione della K alla O.

31. Ma habbiafi a segare nella medesima proportione della K alla L, ma che l'antecedente sia dalla parte C, & la retta sia parallela al lato CD. Fatte le medesime cose nel quadrato FI, che nel Num. 1. perche sopra la CD tra le CB, D è non si può costituire maggior quadrilatero, che l'a BCD, per cagione ( non vogliamo ora allungare la CB ) dell'angolo B; tirata la a B parallela al lato CD assegnato: si troui il lato o del quadrato eguale al quadrilatero a BCD; <sup>m</sup> & alle due FH, & o la terza proportionale Hr: e si meni la rs alla FH parallela. Perche dunque le tre FH, o, Hr sono continue proportionali; il rettangolo H r s E sarà eguale al quadrato della o, cioè al

O o qua-



p. hui<sup>a</sup>.

quadrilatero a BCD. Adunque,  $p$  se sopra la a B tra le BA; a E costituiremo il quadrilatero a BR c eguale al rettangolo NM s r; haueremo il rettilineo RBCD c R eguale al rettangolo EN: e però il rimanente R c EAR sarà eguale al rimanente rettangolo NG. Sicche,  $p$  le medesime ragioni del Numero 1. sarà come la K alla L, così il rettilineo RBCD c R al rettilineo R c EAR.

scholio

1. sexti.

31. pri.

3. hui<sup>a</sup>.

4. Ma, se la proportionē data fusse quella della  $p$  alla O, & diuidasi in i la IH nella proportionē data, & si meni alla FH la parallela h i; & sopra la CD tra le CB, DE allungate si costituisca il quadrilatero b CD f b, & sopra la d e fra le d A, e A il d m n e eguale a due triangoli insieme B d b, E f e, che sono fuor della figura, & riducendosi prima a vn quadrato, che come è manifesto, la figura m BCDE n m sarà eguale alla b CD f b, cioè, al rettangolo h I. Dunque il rettilineo rimanente m A n sarà eguale al rimanente rettangolo F i. Per la qual cosa, essendo il rettangolo, h I al rettangolo F i, come la I i alla i H, cioè, come la  $p$  alla O: & anche il rettilineo m B

scholio

quiti.

CDE n m

CDE n m sarà al rettilineo m A n , come la p alla O , E qui anche si poteua tenere il modo del Num. 3. ma habbiamo fatto così per variare.

5 Habbiati ora a diuidere al medesimo modo con parallele al lato AE il rettilineo AB-

CDE in tre parti, prima eguali,

poi nella propor-

tion delle R, S,

T: & Trouato il

lato FH del qua-

drato eguale a,

esso multilatero,

e formatoui su il

quadrato FG, di-

uidasi esso lato FH in K, I in tre parti

eguali ; & si tirino le KM, IL paralle-

le al lato GH: & che diuideranno il qua-

drato in tre parallelogrammi HM, KL,

ID eguali. Se dunque , & sopra le AE ,

a c fra le AB, ED formeremo i quadri-

lateri AE c a , a c e b eguali a qualun-

qua de' detti parallelogrammi : si sarà

con le parallele a c , b e diuiso il retti-

lineo proposto in tre parti eguali, co-

me è manifesto.



2. hui.

3. 1. pri.

1. sexti.

3. hui.

e scholio

10. lxxi.

f 1. pri.

p 1. sexti.

h 3. hui.

s 7. qnti.

s 2. hui.

6 Seguiti ora il lato HF in O, Q, che sia la HO alla OQ, come la R alla S, & la OQ alla QF, come la S alla T, & si menino le ON, QP parallele al lato HG, le quali g diuideranno il quadrato nella medesima proportionione delle R, S, T. Ora h sopra il lato AE tra le rette AB, ED si costituisca il quadrilatero A m n E eguale al parallelogrammo HN, & sopra la m n il quadrilatero m n D i d m eguale al parallelogrammo OP: che'l rimanente d i CB sarà eguale al rimanente QD: onde le rette m n, d i diuideranno il proposto multilatero nella data pporione delle R, S, T. Cioè sarà il quadrilatero A m n E al rettilinco m n D i d m, come la R alla S: e'l rettilineo m n D i d m al d i CB, come la S alla T. Che è'l proposito.

**AVVISO.** A formare il rettilineo m n D i d m, per cagione dell'angolo D, si è insegnato di sopra nel Num. 2.

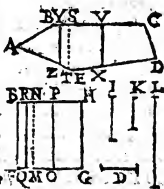
**VN ALTRO AVVISO.** Se la figura ABCDE si douesse diuidere in due parti cō vna parallela a vna retta qual si sia ST nella proportionione della I alla K con l'antecedente verlo A; & trouato il lato FG del quadrato eguale a ef.

la figura AD, e fattoui fu il quadrato FH: si truoui il lato D del quadrato eguale al rettilineo ABST, & alle due FB, & D si truoui la terza proportionale FM; & si tirila MN parallela al lato FB: che'l rettangolo FN sarà eguale al quadrato della D, e per conseguenza al rettilineo ABST.

Seghisi ora il lato FG in O, che sia, come la I alla K, così la FO alla OG.

Perche dunque, tirata al lato FB la parallela OP, il rettangolo FP è tanto maggiore del rettangolo FN, cioè del rettilineo ABST, quanto è'l rettangolo MP; se sopra la ST fra le SC, TD costituiremo il quadrilatero STXV eguale al rettangolo MP: il rettilineo ABVXT sarà eguale al rettangolo FP. Ma'l rettangolo FP è al rettangolo PG, come la FO alla OG, cioè, come la I alla K: Dunque anche il rettilineo ABVXT sarà al rimanente VXDC, come la I alla K.

Similmente, se la proportione fusse



b 11. sex.

c 31. pri.

d 17. sex.

e Icholio  
10. sexti.

f 31. pri.

g 3. hui<sup>9</sup>.

h 1. sexti.

i 7. quiti.

31. pri. quella della K alla L, perche, i dinisa  
 la FG in Q, che, come la K alla L co-  
 si sia la FQ alla QG, m & tirata la  
 QR parallela alla FB il rettangolo FR,  
 fatte nel quadrato FH le medesime co-  
 se, è tanto minore del rettangolo FN,  
 quanto è'l rettangolo QN: costituire-  
 mo sopra la ST tra le SB, TA il quadri-  
 latero YZTS eguale al rettangolo QN,  
 che'l rimanente ABYZ sarà eguale al  
 rimanente FR. \* Ma'l rettangolo FR  
 è al rettangolo QH, come la FQ alla  
 1. sex. QG, cioè come la K alla L. \* Anche  
 7. qnti. il rettilineo ABYZ dunque sarà al YC-  
 DTZ, come la K alla L.

Di qui s'intenderà, come in sì fatto  
 modo si habbia a dividere in più, che  
 in due parti in qualsiuoglia data pro-  
 portione, ancora, quando per cagione  
 de gl'angoli bisognasse d'allungare al-  
 cuno de' lati della figura, come habbia-  
 mo detto di sopra nel Num. 2.

*DIVIDERE un dato parallelogram-  
 mo in più parti, secondo qualsiuoglia  
 proportioni, con rette parallele a' lati  
 opposti. Prop. XII.*

DEBBASI diuidere il parallelogrammo ABCD prima in tre parti eguali cō rette equidistanti al lato AD. Seghisi vno degli altri lati DC in tre parti eguali in E, F, & si menino le E-G, FH parallele al lato AD: *b* che esse lo diuderanno nel modo, che si desidera.



a 31. pri.

b 1. sex.

Et se si habbia a partire nella proportionione delle N, O, P; e seghisi il medesimo lato DC in IK, secondo la proportionione data, & si tirino le IL, KM parallele al lato AD: che esse IL, KM lo diuderanno, come si vuole. Poi che il parallelogrammo DL è al parallelogrammo IM, come la DL alla IK, cioè, come la N alla O: e'l parallelogrammo IM al KB, come la IK alla KC, cioè come la O alla P. Ch'è'l proposito.

c scholio  
10. sexti.

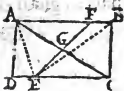
d 31. pri.

e 1. sexti.

*SEGARE vn parallelogrammo dato in più parti con vna retta tirata da vn punto assegnato in vn de' lati, in qualunque proportionione. Prop. XIII.*

SI habbia a diuidere il parallelogrammo

mo ABCD in due parti eguali con vna retta tirata dal punto E. Tirisi il diametro AC, & segato in G egualmente; dal dato punto E per G si meni



Scholio  
4. pri.

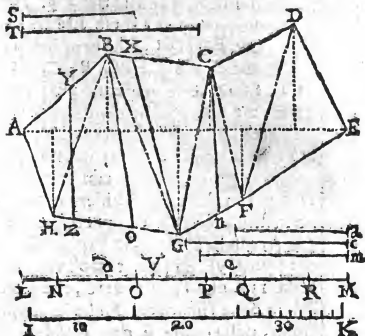
la EF; la quale ci darà la diuisione, che vogliamo. Cioè il quadrilatero AFED sarà eguale all'FECB.

Se si voglia diuidere in proporzione d'inegualità, ouero in più, che in due parti in qual proporzione si voglia; dal punto E si tireranno a gli angoli A, B le rette EA, EB: che ridotto in triangoli, opereremo per li precetti della 9. o della 10. Prop.

*RISOLVERE in pratica questioni pertinenti alla diuisione de' campi. Prop. XIV.*

1 VNO si truoua hauer posti 98. feudi sopra di vn campo ABCDEFGH. Occorre, che'l padrone gli vuol consegnare di quel campo quanto gline toccherà per rata de' suoi denari, tagliandolo con vna retta: e si stima il terreno tutto, il quale misurato è Mine 2. Ta-

uole



uole 88. Scudi 250. Si cerca, doue, & come s'habbia a fare questa diuisione. Si descriva la pianta AE, facendoui la sua scala IK al solito, misurato, che li sia. Noi l'habbiam fatta secòndo quella dell'Istrumento delle parti: ma quanto si farà maggiore, tanto più giusta riuscirà l'operatione. Si tirino le BH, BG, GC, CF, CE, riducendola con esse in triangoli talmente, che ciascuno di essi habbia almeno vn lato comune con quello della figura, o della pianta,

come



5. hui<sup>9</sup>.

come si disse nell'auuiso della 9. Prop.  
 \* Si truouino in vna retta LM le LN,  
 NO, OP, PQ, QR, RM proportiona-  
 li a' triangoli ABH, HBG, BGC, GCF,  
 FCE, ECD. Elle veniuano assai mag-  
 giori, ma noi, perche capissero in que-  
 sta carta habbiamo segata la LM, come  
 era segata quella, che trouammo, se-  
 condo la grandezza di essi triangoli.  
 Ora perche bisogna diuidere total cã-  
 po in modo, che da vna parte per esem-  
 pio A, quel, che si piglia vaglia 98. Scu-  
 di: cauati 98. da 250. tutto'l valore,  
 resta 152. per l'altra parte, che al Pa-  
 drone deue rimanere. Siche la propor-  
 tione, nella quale si dee diuidere, è  
 quella di 98. a 152. cioè, ridotta a' mi-  
 nimi termini di 49. a 76. Si truouino  
 due rette S, T, come si è insegnato nel  
 Num. 6. del primo Cap. del Lib. 1. ta-  
 li, che la S alla T sia, come 49. a 76. &  
 Seghisi in V la LM, che sia, come la S  
 alla T, così la LV alla VM. E perche  
 la settione V cade nella terza parte O-  
 P, & seghisi il triângolo rispondete BGC  
 cò la GX in modo, che'l triângolo BGX  
 al triângolo CGX sia, come la OV alla  
 VP. Dico, che la parte ABXGH è 98:

scholio  
o. sexti.

6. hui<sup>9</sup>.

Scudi

Scudi. Perche, facendosi il valore di tutto'l cāpo di 98. è 152. & la parte AB-  
XGH è alla parte GXCDEF, come la  
LV alla VM, cioè come la S alla T, &  
la S alla T è, come 49. a 76. cioè come  
98. a 152. è chiara l'operatione.

Pigli si la BX, & si porti su la scala  
IK, con la quale si è cauata la pianta, &  
si cerchi diligentemente la sua quantità,  
seruendoci de' precetti del Num. 6.  
del 3. Cap. del 1. Lib. che troueremo  
esser  $2\frac{1}{2}$ . Se dunque anderemo su'l cā-  
po, & nel lato rispondente al BC tor-  
remo da B verso C l'interuallo BX di  
Canne  $2\frac{1}{2}$ . e da X all'angolo C del cam-  
po farem tirare vna retta, vna forma,  
vn solco XC: è manifesto, che questo  
diuiderà il campo, come si desidera.

Poniamo ora, che questo campo  
sia comune fra tre persone, che la pri-  
ma v'habbia Scu. 96. Baioc. 20. la seco-  
da Scu. 88. Baioc. 30. la terza Scu. 65.  
Baioc. 50. e che si habbia a diuidere  
per rata. Riducansi le quantità a Giu-  
li. Saranno 961. 880. 655. I quali, per-  
che sono numeri fra se primi, e però  
non possono ridursi a minori; c'imagi-  
neremo, che l'istrumento delle parti sia

diuiso

diuiso in 1000. come si ha nel Num 3.  
 del Cap. 1. del 1. Lib. E così, operando  
 per lo Num. 6. del Cap. medesimo; ha-  
 ueremo le rette  $c, m$ , a così propor-  
 tionali tra loro, come sono i numeri  
 proposti: cioè la  $c$  alla  $m$  farà, come  
 962. a 883. & la  $m$  alla  $a$  come 883.  
 a 655. Seghisi dunque la  $LM$  nella  
 proportion di esse rette, secondo l'or-  
 dine, che si desidera, cioè secondo, che  
 i Padroni vorranno starli a canto l'vn  
 l'altro. Habbiassi a porre quello, che  
 de'hauer meno verso  $A$ , e quello dal  
 più nel mezzo. Ordinate così le rette  
 $a, c, m$ : seghisi la  $LM$  in  $d$ , e talmen-  
 te, che, come la  $a$  alla  $c$ , così sia la  $L$   $d$   
 alla  $d e$ , & come la  $c$  alla  $m$ , così la  $d e$   
 alla  $e M$ , E perche restan segate in  $d$ , e  
 la seconda, & quarta parte della gran-  
 dezza  $LM$ , e diuidansi anche il secôdo,  
 e quarto triangolo della grandezza  
 $AE$  con le rette  $Bo, Cn$ , che sia il tri-  
 angolo  $HB o$  al triangolo  $o BG$ , come  
 la  $N$   $d$  alla  $d O$ ; & il triangolo  $GC n$   
 all' $n CF$ , come la  $P e$  alla  $e Q$ . Dico,  
 che la parte  $AB o H e$  Giuli 655. la  
 $Bo G n C$  962. & la  $DEF n C$  883. Per-  
 che essendo il valore di tutto'l campo

eguale

eguale alla somma di questi tre numeri, & la parte AB o H alla parte B o G. C è, come la L d alla d e; & la B o G n C alla DEF n C, come la d e alla e M; & è la L d alla d e, come la a alla c, cioè come 655. a 962. & la d e alla e M, come la c alla m, cioè come 962. a 883. è chiaro il proposito.

Si piglino gl'interuali G o, G n, che trasportati nella scala, e scandaglia- ri; haueremo per quello  $4\frac{2}{3}$ . per questo  $4\frac{2}{3}$ . Prele dunque nel campo ne- cessari rispondenti la G o di Canne  $4\frac{2}{3}$ . & la G n Canne  $4\frac{2}{3}$ . & da o all'ango- lo rispondente al B, & da n all'angolo rispondente al C tirate le rette, forme, o solchi o B, n C; questi terran diuiso il campo, come si desidera.

**AVVISO.** Quando il numero del va- lor delle parti fusse per forza espresso in Baiocchi, o forse anche in quattri- ni, e che fusse assai grande, ci seruire- mo del documento del Num. 3. del 1. Cap. del Lib. 1.

**UN ALTRO AVVISO.** La pro- posta pianta si potria anche diuidere in triangoli con rette tirate da vno a gli altri angoli, & operar poi per la 9.

Prop.

Prop. Quando non si potesse diuidere in triangoli, si potrà operare per la Prop. 4. o per la 11. offeruando sempre quello, c'habbiam qui insegnato, per trouar le proportioni, nelle quali la diuisione s'hauerà a fare. E se tal retta, o rette diuidenti haueſſero a eſſere equidistanti a vn'altra retta, assegnata, YZ: ilche può facilmente accadere, accioche nelle diuisioni rimangano retamente le file de gli alberi, che vi ſieno: ſi vſi queſto artificio. Miſuriniſi nel campo gl'intervalli AY, HZ da gli angoli di quel lato, oue cade la retta, alla quale ſi de' far parallela la diuisione, ſino a gli eſtremi Y, Z: & ſia la AY Canne 7. e l'HZ Canne 2. Su la pianta ſi pigli la AY di 7. particelle della ſcala, & la HZ di 2. &, tirata la YZ, ſi eſeguiſca il reſto, come ſi è insegnato nel 2. auuiſo dell'11. Prop. co' particolari, che ſono in queſta.

*DIVIDERE vn quadrato in due parti in qualunque data proportione talmente, che vna di eſſe ſia quadrata, Et attorno a due lati di vn quadrato costituire vna figura gnomonica, alla*

*quale*

quale il quadrato habbia qualsiuo-  
glia portione data Prop. XV.

SIA il quadrato AB : & habbiasi a  
liuidere in due parti nella proportio-  
ne della C alla D, che vna parte sia qua-  
drata . Cioè , che questa sia alla non  
quadrata , come è la C alla D. Sc-  
ghisi il lato AH in I, che sia la AI alla  
IH, come la C alla D : & tra le due  
AH, AI si truoui vna C  
proportionale di mez D  
zo AE, & vi si formi K  
opra il quadrato AF. L  
Dico, che'l quadrato  
AF è alla figura gno-  
monica FEHBKLF, A I E H &  
come la C alla D. Perche , essendo le  
re AH, AE, AI cõtinue proportiona-  
li; il quadrato della AH sarà al qua-  
drato della AE, come la AH alla AI.  
& , conuertêdo , il quadrato della AE  
al quadrato della AH , come la AI al-  
la AH. Dunque , & per la contraria di-  
uisione della proportionè , il quadrato  
AF della AE sarà alla figura FEHBK-  
LF, come la AI alla IH , cioè come la  
C alla D. Che è'l primo proposito.

Habbiasi

scholio  
10. sexti.

6 13. sex

coroll.  
20. sexti.

corol.  
4. quiti.

scholio  
17. quiti.

e 12. sex.

f 13. sex.

g corllar.

20. sexti.

h scholio

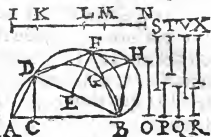
17. quiti.

Habbiasi a costituire attorno a i lati EF, LF del quadrato AF vna figura gnomonica, alla quale esso quadrato habbia la proportionone, c'ha la C alla D. • Facciasi, come la C alla D, così la AE a vn'altra EG, f. & trale AE, AG si truoui vna media AH: sopra della quale si formi il quadrato AB. Dico, che'l quadrato AF è alla figura FEHBKLF, come la C alla D. Percioche, essendo continue proportionali le AE, AH, AG; & il quadrato AF sarà al quadrato AB, come la AE alla AG. Adunque, h per la diuision contraria della proportionone, sarà il quadrato AF alla figura FEHBKLF, come la AE alla EG, cioè come la C alla D. Che è'l secondo.

*PARTIRE vn dato circolo in due circoli in qualunque data proportionone. E diuidere vn dato rettilineo, o vn dato circolo in tre, quattro &c. rettilinei simili, o circoli in qual proportionone si sia. Prop. XVI.*

IL modo di diuidere vn dato rettilineo in due rettilinei simili, e similmen-

te posti, in vna data proportionione, l'hab-  
biamo nella 5. Prop. doppo la 33. del  
Sesto d'Euclide. Noi stenderemo questa  
tal diuisione anche al cir-  
colo. Poi di-  
uideremo il  
rettilineo ,  
o'l circolo in  
quanti rettili



nei simili, o in quãti circoli, &c. ne fac-  
cia bisogno. Sia dunque la AB il diame-  
tro d'un circolo, il quale s'habbia da  
partire i due circoli, c'habbian fra loro  
la proportionione della IK alla KN. Sopra  
l diametro AB descrinasi il semicircolo  
ADB, & diuisa essa AB in C, che sia  
la AC alla CB, come la IK alla KN: &  
ergasi la perpendicolare CD, & si giu-  
gano le AD, BD. Dico, che i due circo-  
li descritti sopra le rette AD, BD, come  
diametri sono eguali al circolo del dia-  
metro AB: & che'l circolo del diame-  
tro AD è al circolo del diametro BD,  
come la IK alla KN. Perche, & essen-  
do retto l'angolo ADB nel semicircolo,  
& la CD proportionale di mezzo tra  
le AC, CB; & è come la AC alla C

a 10. sex.  
b 11. pri.

c 31. ter-  
tij.  
d coroll.  
8. sex.  
e 4. sex.

P p

D, così



sex.  
coroll.  
fexti.

duo-  
c.

7. pri.

4. qui-

D, così la AD alla DB, *f* per esser simili i triangoli ACD, ADB; *g* il quadrato della AD al quadrato della DB sarà, come la AC alla CB. *h* Ma come i quadrati tra loro, così sono tra loro i cerchi descritti da i lati di essi quadrati, come da' diametri. Per la qual cosa, essendo i quadrati delle AD, DB eguali al quadrato della AB; & han tra loro la proportionione della AC alla CB, cioè della IK alla KN: *i* anche i cerchi de' diametri AD, DB saranno eguali al circolo del diametro AB, & il circolo del diametro AD hauerà al circolo del diametro DB la proportionione medesima della IK alla KN. Che è'l primo proposito.

6. sex.

1. pri.

Sia ora la AB il lato di qualsiuoglia rettilineo, o'l diametro di vn circolo, & habbiasi esso rettilineo, o circolo a diuidere in quattro rettilinei, o in quattro cerchi, c'habbiano tra loro la proportionione delle rette IK, KL, LM, MN. Descritto il medesimo semicircolo sopra la AB, *m* seghisi in C, come è segata in K tutta la LN (tai rette delle proportioni si deuon porre insieme in diretto ordinatamente) *n* & si tiri alla

AB la

AB la CD perpendicolare, menando le  
 rette AD, BD. Facciasi semidiametro  
 la DB, & descrivasi sopra di esso il semi-  
 circolo DFB; & , *10. sex.*  
 come la KN in L, *p 11. pri.* si tiri la EF perpen-  
 dicolare alla DB, e giungansi le DF, B-  
 F. Ultimaméte, fatto diametro la FB,  
 e descritto il semicircolo FHB; *q 10. sex.* q si di-  
 uida essa FB in G, come è diuisa la NL  
 in M, e , *p 11. pri.* tirata la GH alla FB perpen-  
 dicolare: si giungano le FH, BH. Dico,  
 che i rettilinei delle AD, DF, FH, HB  
 simili, e similmente posti al rettilineo  
 della AB, o i circoli descritti dalle  
 medesime rette, come da diametri, pre-  
 si insieme, sono eguali al rettilineo, o al  
 circolo della AB; & che il rettilineo,  
 o'l circolo della AD è al rettilineo, o al  
 circolo della DF, come la IK alla KL; &  
 il rettilineo, o'l circolo della DF è al  
 rettilineo, o al circolo della FH, come  
 la KL alla LM, & il rettilineo, o'l cir-  
 colo della FH, al rettilineo, o circo-  
 lo della HB, come la LM alla MN.  
 Percioche, *s 31. sex.* essendo i rettilinei delle B-  
 H, HF eguali al rettilineo della BF, &  
 i rettilinei delle BF, FD, cioè delle BH,  
 HF, FD eguali al rettilineo della BD;

Se i rettilinei delle  $BD, DA$  eguali al rettilineo della  $BA$ : è chiaro, che a' esso rettilineo della  $BA$  saranno eguali i rettilinei delle  $BH, HF, FD, DA$ . Al medesimo modo si prouerà ne' circoli. Perche, per quel, che si è dimostrato nel principio di questa Prop. essendo i circoli de' diametri  $BH, HF$  eguali al circolo della  $BF$ , & questo col circolo della  $FD$ , cioè i circoli delle  $BH, HF, FD$  sono eguali al circolo della  $BD$ ; & questo col circolo della  $DA$  è eguale al circolo della  $AB$ : i quattro circoli de' quattro diametri  $BH, HF, FD, DA$  faranno eguali al circolo del diametro  $AB$ .

E perche si è dimostrato di sopra, che'l rettilineo della  $AD$  è al rettilineo della  $DB$ , come la  $IK$  alla  $HN$ : per le medesime ragioni, sarà il rettilineo della  $DF$  al rettilineo della  $FB$ , come la  $KL$  alla  $LN$ . Ma per la conuersa compositione dalla proportion, i rettilinei delle  $DF, FB$ , cioè il rettilineo della  $DB$ , è al rettilineo della  $DF$ , come la  $KN$  alla  $KL$ . Dunque, e per la egual proportion, sarà il rettilineo della  $AD$  al rettilineo della  $DF$ , come la

$IK$  alla

IK alla KL. Per la ragione medesima, sarà il rettilineo della FH al rettilineo della HB, come la LM alla MN. E, per *d* la conuerfa compositione della, proportioni i rettilinei delle FH, HB, cioè il rettilineo della FB, sarà al rettilineo della FH, come la LN alla LM. Adunque, *f* per la egual proportioni, il rettilineo della DF al rettilineo della FH sarà, come la KL alla LM. &c. Et la medesima dimostrazione si accorderà ai cerchi, come è manifesto. Per che essendo, per quel che si è dimostrato nel principio, il circolo della AD al circolo della DB, come la IK alla KN; & il circolo della DF al circolo della FB, come la KL alla LN, & *g* per la conuerfa compositione della proportioni, i cerchi delle DF, FB, cioè il circolo della DB è al circolo della DF, come la KN alla KL: sarà, *i* per la egual proportioni, il circolo della AD al circolo della DF, come è la IK alla KL: e così de gli altri. Che è'l secondo.

## C O R O L L A R I O.

Segue dalla prima parte di questa Prop. che due cerchi descritti dai lati di vn triangolo rettangolo, come da diametri, sono eguali al circolo descritto dalla base, come da diame-

*d* scholio  
18. quit.  
*e* 31. sex.

*f* 22. quiti.

*g* scholio  
18. quiti.  
*h* 31. sex.

*i* 22. quiti.

. ter-

tro pure . Perche si è dimostrato , li cerchi de' diametri  $AD, BD$  , che fanno nel semicircolo l'angolo retto  $D$  , essere eguali al circolo della  $AB$  .

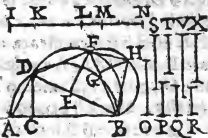
*A più dati rettilinei simili, & a più cerchi trouare vn rettilineo simile, o vn circolo eguale . Prop. XVII.*

SIENO nella medesima figura della Prop. passata le rette  $S, T, V, X$  i lati omologhi di quattro rettilinei simili, ouero i diametri di quattro cerchi; & faccia bisogno di trouare vn rettilineo simile, o vn circolo, che a tutti questi rettilinei, o cerchi sia eguale . Piglisi la  $BH$  eguale alla  $S$ , & fatto l'angolo retto  $BHF$  con la  $HF$  eguale alla  $T$ , si giunga la  $BF$ . Sopra essa si formi parimente l'angolo retto  $BFD$ , & sia la  $FD$  alla  $V$  eguale . Tirata la  $BD$ , facciasi vn altro angolo retto  $BDA$  con la  $DA$  eguale alla  $X$ . Giungasi la  $BA$ : il quale sarà il lato del rettilineo simile, o'l diametro del circolo eguale ai quattro rettilinei, o ai quattro cerchi delle  $S, T, V, X$  proposte, come, è chiaro, per la passata dimostrazione .

**DIVIDERE** vn dato circolo in due circoli, i cui diametri habbian fra loro qual si uoglia proportionione data. E partire vn dato rettilineo, o vn dato circolo in tre, quattro &c. rettilinei simili, o circoli, i lati omologhi, o i diametri de' quali habbian tra loro qualunque data proportionione. Prop. XIIIX.

IL modo di diuidere vn rettilineo in due simili, in qualsiuoglia proportionione de' lati omologhi, l'habbiamo nella

6. Prop. dopo la 33. del 6. Lib. d'Euclide. Noi



la ridurremo anche al circolo, e diuideremo il rettilineo, o'l circolo al medesimo modo in quanti rettilinei simili, o in quanti circoli ne occorra. Habbiassi a diuidere il circolo del diametro AB in due circoli, i diametri de' quali habbian tra loro la proportionione della IK alla O. a Trouata alle due IK, O la terza proportionale KN, b si seghi il

a 11. sex.  
b 10. sex.

diametro AB in C talmente, che la AC sia alla CB, come la IK alla KN: & si descriva il semicircolo ADB, &c. come nella Prop. 16. che i circoli de' diametri AD, BD saranno, come si è quiui dimostrato, eguali al circolo del diametro AB: Dico di più, che il diametro AD è al diametro BD, come la IK alla O. Percioche, come la IK alla KN, così è la AC alla CB. Et son medie proportionali la O tra le IK, KN, & la CD, tra le AC, CB, & per l'angolo retto D. Dūque, come la AC alla CD, così la IK alla O. Ma, come la AC alla CD, così si è dimostrata nella Prop. 17. la AD alla DB. Adunque, come la IK alla O, così è'l diametro AD al diametro BD. Che è'l primo.

Sia ora la AB il lato di vn rettilineo, o'l diametro di vn circolo, & habbiasi esso rettilineo, o circolo a diuidere in quattro rettilinei simili, o in quattro circoli, i cui lati omologhi, o diametri sieno tra loro nella proportione delle IK alla P, KL alla Q, LM alla R. f Alle due IK, & P si truoui la terza proportionale KL: alle due KL, Q la terza LM: alle due LM, R la terza MN; & si

pon-

pongano tutte in diretto cō la IK. Se-  
 ghiti il lato, o diametro AB in C, che  
 sia la AC alla CB, come la IK alla KN,  
 si descriua il semicircolo ADB, & si fac-  
 ciano tutte le altre cose in tutta la figu-  
 ra ADFHB; come nella 16. Prop. E  
 prima si è in essa Prop. dimostrato, che  
 i rettilinei simili, o i cerchi delle AD,  
 DF, FH, HB sono eguali al rettilineo, o  
 al circolo della AB: & che parimente il  
 rettilineo, o'l circolo della AD al ret-  
 tilineo, o al circolo della DF; è come  
 la IK alla KL: & il rettilineo, o'l circo-  
 lo della DF al rettilineo, o al circolo  
 della FH è, come la KL alla LM, &c.  
 Dico ora che'l lato, o diametro AD è  
 al lato, o diametro DF, come la IK al-  
 la P; il lato, o diametro DF è al lato, o  
 diametro FH, come la KL alla Q: è'l  
 lato, o diametro FH, è al lato, o dia-  
 metro HB, come la LM alla R. Per-  
 ciòche, essendo la proportionē, g del  
 rettilineo, o, come dimostreremo, del  
 circolo della AD al rettilineo, o cir-  
 colo della DF duplicata della pro-  
 portione della AD alla DF, h & la IK  
 ha alla KL duplicata proportionē di  
 quella della IK alla P; & è, come la IK

g 10. sex-  
 ti.

h 10. def.  
 quinti.

alla



alla KL, così il rettilineo, o circolo della AD al rettilineo, o circolo della DF, come habbiamo dimostrato nella Prop. 16. cioè perche sono eguali le proportioni del rettilineo, o circolo della AD al rettilineo, o circolo della DF, e della IK alla KL, per essere ambedue duplicate: è chiaro, che come la IK alla P, così è il lato, o diametro AD al lato, o diametro AF. Al medesimo modo dimostreremo, essere il lato, o diametro DF al lato, o diametro FH, come la KL alla Q; & il lato, o diametro FH al lato, o diametro HB, come la LM alla R. Che è'l secondo proposito.

Che'l circolo al circolo habbia duplicata proportionione della proportionione de' diametri loro; è menifesto. Perche il circolo al circolo è come'l quadrato del diametro al quadrato del diametro; & o'l quadrato al quadrato ha duplicata proportionione di quella del lato al lato, cioè del diametro al diametro, &c.

*RIDURRE a circolo lo spatio tra due circoli, cioè trouare l'eccesso di vn*

*cir-*

*circolo sopra vn altro circolo, il quale eccello sia circolo. Prop. XIX.*

SIA il circolo ABC, il cui centro G, & vn'altro circolo DEF, o che sia descritto sopra'l centro medesimo, o sopra vn'altro, purchie non si seghino. Si desidera di trouare vn circolo eguale allo spatio, che tra'l circolo ABC, e'l DEF si troua: cioè eguale alla differenza d'essi circoli, o eccello dell'vno sopra l'altro. Si accommo- di nel maggior circolo ABC, tirato il diametro AC, vna retta AB eguale al diametro del circolo minore DEF, & si giunga la BC. Dico che'l circolo descritto sopra la BC, come diametro, è eguale allo spatio, differenza, o eccello del maggior circolo sopra'l minore. Pero- che, essendo retto l'angolo ABC nel semicircolo, i circoli delle AB, BC, come diametri, saranno eguali al cir-  
colo



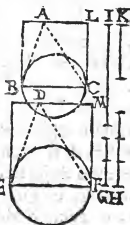
41. quar-  
ti.

631. ter-  
tij.  
6 coroll.  
16. hui<sup>o</sup>

colo del diametro AC, cioè al circolo ABC. Ma la AB si è presa eguale al diametro del circolo minore DEF. Dunque il circolo del diametro BC sarà eguale allo spatio, o eccesso, o differenza, che tra l'vno, e l'altro circolo si ritroua. Che è'l proposito.

*ACCRESCERE, o diminuire vna data figura piana in qualsiuoglia data proportionione. Prop. XX.*

SIA il quadrato BL, o'l triangolo A-



BC sopra'l lato BC, e faccia bisogno di formare vn altro quadrato, o triangolo simile, al quale il BL, o l'ABC habbia la proportionione della Galla H, cioè subsesquialtera. Facciasi, come la Galla H, così la BC ad vn'altra I; & tra le

BC, I si truoui vna media proportionale EF, sopra la quale si formi il quadrato EM, e o'l triangolo DEF simile, e similmente posto all'ABC. Dico, che

quadra-

quadrato BL al quadrato EM, o'l triangolo ABC al triangolo DEF, ha la proportionione della G alla H. Peroche, essendo le BC, EF, I continue proportionali ; & il rettilineo della BC simile, e similmete posto sarà al rettilineo della EF, come la BC alla I, cioè come la G alla H. Che è'l proposito.

d coroll.  
20.

Similmente, se ne fusse proposto vn quadrato EM, o vn triangolo DEF, e si douesse formare vn altro quadrato, o vn altro triangolo simile, e similmente posto, al quale quello habbia la proportionione della H alla G, cioè che'l quadrato EM, o'l triangolo DEF fusse sesquialtero di quel, che si de' tronare: facciasì come la H alla G così il lato EF ad vn'altra K, & tra le EF, & K si truoui vna media BC: sopra la quale si formi il quadrato BL, o'l triangolo ABC simile, e similmente posto al DEF: che questo farà, per le medesime ragioni quel, che si cerca; e così di ogni altro poligono.

e 12. sex.

f 13. sex.

Il medesimo s'intenda se tai figure sieno circoli, pigliando i diametri in luogo de' lati omologhi. Percioche, essendo il quadrato della BC al quadra

g 2. duo-  
decimi.

*b* coroll.  
20. sexti.

to della EF, come il circolo del diametro BC al circolo del diametro EF; *b* & è il quadrato della BC al quadrato della EF, come la BC alla I, cioè come la G alla H; anche il circolo del diametro BC sarà al circolo del diametro EF, come la G alla H. Che è'l proposito.

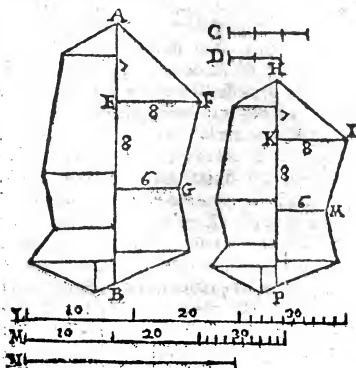
*DESCRIVERE una pianta, c'habbia qualsiuoglia proportionione a vn'altra pianta data. Prop. XXI.*

*a* 12. sex.

*b* 13. sex.

SIA la pianta AB formata con la scala L, & si habbia a rappresentare nella proportionione delle rette CD. Cioè che la pianta AB habbia all'altra, che si deue descriuere, sesquialtera proportionione. Quest'operatione si può eseguire per la Prop. 18. del 6. Lib. di Euclide: ma più facilmenre faremo così. *a* Si truoui alle tre rette C, D, L la quarta proportionale N, *b* e tra le due L, N vna media M. Si faccia scala questa, diuidendola in quante parti è diuisa la L: e con essa si descriua la pianta HP. Dico, che la pianta AB è alla pianta HP, come la C alla D. Percioche, essendo 8. parti della L di 30. alla me-

delima



defima L, come 8. parti della M di 30. alla medesima M, per essere nell'vna, & nell'altra l'istessa proportionc di 8. a 30. sarà, e permutando, 8. parti della L, cioè il lato EF del triangolo AEF a 8. parti della M, cioè al lato KI, come la L alla M. Per la medesima ragione il lato AE sarà al lato HK, come la L alla M medesimamēte. & Perche dūque la L alla N ha duplicata proportionc del  
la

16. qu-  
ti.

10. def.  
quinti.

e 19. sex-  
ti.

f 6. sexti.  
g scholio  
18. sexti.

b 12. qui-  
ti.

la proportionne della L alla M ; e & an-  
che il triangolo AEF al triangolo HKI  
ha proportionne duplicata del lato EF  
al lato KI , cioè della medesima L alla  
M, f per esser simili, g e similmente po-  
sti : sarà'l triangolo AEF al triangolo  
HKI , come la L alla N , cioè come la  
C alla D. Al medesimo modo dimostre-  
remo , se si tirassero rette da vno all'al-  
tro angolo opposto ne' trapezij cioè dall'  
E al G , dal K all'M &c. e si riducesse  
la figura in triangoli ; dimostreremo di  
co allo stesso modo , esser ciascun trian-  
golo della pianta AB a ciascuno della  
pianta HP, come la C alla D. E però ,  
b tutta la pianta AB sarà a tutta la  
pianta HP , come la C alla D. Che è'l  
proposito ,

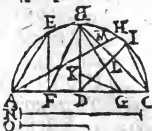
*DATO il diametro di vn circolo , troua-  
re i lati delle figure regolari fina al  
Decagono. Prop. XXII.*

Sia la AC il dato diametro, & si hab-  
biano a trouare i lati delle figure rego-  
lari inscrittibili nel suo circolo fino al  
Decagono. Descrivasi sopra essa AC  
il semicircolo ABC, e dal centro D si

a 11. pri.

tiri

tiri a esso diametro la perpendicolare DB, *b* che diuide-  
rà il semicircolo in  
due quadranti. Si  
truoui il lato AH  
d'un quadrato, che  
sia triplo del qua-  
drato del semidiametro AD, *d* & si  
accomodi nel semicircolo da A in  
H: e che essa AH sarà il lato del trian-  
golo equilatero. Si giunga la BC, fla  
quale sarà'l lato del quadrato. Seghisi  
il semidiametro AD egualmēte in F, e  
menata la FB, si pigli a lei la FG egua-  
le. Giungasi la GB, *g* che sarà'l lato del  
Pentagono. *b* Si accomodi da A nel  
semicircolo la retta AE eguale al semi-  
diametro, & si giunga la EF: La AE  
sarà'l lato dell'Esagono, & la EF il la-  
to dell'Ettagono. Seghisi la BC egual-  
mente in L, per lo qual punto tirata  
la DI; giungasi la CI, la quale sarà'l  
lato dell'Ottagono. *i* Percioche la D-  
I sega l'arco BC egualmente in I. Si-  
che, essēdo la BC il lato del quadrato;  
la CI, che sottende la metà dell'arco  
BC, è chiaro, che sarà il lato dell'Oc-  
tagonno. Seghisi il semidiametro BD



*b* scholio  
27. tertij  
e 20. hu-  
ius.

*d* 1. quar-  
ti.  
*e* 12. ter-  
tijdec.  
*f* 6. quar-  
ti.

*g* scholio  
10. tertij  
decim..  
*b* 1. quar.  
coroll.  
15. quar-  
ti.

*i* scholio.  
27. tertij



in K dal punto A, come centro all'interuallo della CM; che, tirata la GK, ella sarà il lato dell'Ennagono. *m* La DG finalmente è il lato del Decagono.

**AVVISO.** Le EF, GK nō sono i veri lati dell'Ettagono, e dell'Ennagono: e però non si dimostrano. Sono però tanto propinqui; che gli Artefici sene potranno nelle loro operationi commodamente preualere.

**VN ALTRO AVVISO.** Se in vna tauoletta haueremo descritto il semicircolo ABC, cō le delineationi dette, & alle tre rette AC, & a quale altra si sia BG lato del Pentagono, & al diametro N di vn'altro circolo, qualsiuoglia, troueremo la quarta proportionale O: questa, cioè la retta O sarà nel circolo del diametro N il lato del Pentagono. Posciache, come il diametro AC al lato BG, così è'l diametro N al lato O; e conuertendo, come il lato BG al diametro AC, così il lato O al diametro N. Dunque, per permutando, come il lato BG al lato O, così il diametro AC al diametro N. Ma come il diametro AC al diametro N, così per la 2. Lemmà del 4. Cap. del Lib. 4. è la

circonfe

scholio  
5. tertij-  
cimi.

12. sex.

coroll.  
quinti.  
16. qn-

circonferenza del circolo del diametro AC alla circonferenza del circolo del diametro N. Adunque, *q* per la egual proportione, sarà, come il lato BG alla circonferenza del circolo del diametro AC, così il lato O alla circonferenza del circolo del diametro N. Ma il lato BG è il lato del Pentagono nella circonferenza del circolo del diametro AC. Anche dunque il lato O sarà il lato del Pentagono nella circonferenza del circolo del diametro N.

**TERZO AVVISO.** E se al cōtrario si volesse il diametro del circolo, nel quale vna data retta O sia il lato, per esempio, del Pentagono; & truouisi alle tre rette, BG lato del Pentagono nella nostra figura, AC diametro del suo circolo, & O la quarta proportionale N: che questa sarà'l diametro del circolo, nel quale la O è il lato del Pentagono. Perche, essendo la O alla N, come la BG alla AC; sarà, *b* permutando, la O alla BG, come la N alla AC. Ma come la N alla AC, così è, per lo 2. Lemma del 4. Cap. del Lib. 4. la circonferenza del circolo del diametro N alla circonferenza del circolo del

*q* 22. qn-  
ti.

*a* 12. sex.

*b* 16. qn-  
ti.

*Qq* 2 diametro

e 22. qn-  
ti.

d coroll.  
4. quinti.

diametro AC. e Per la egual propor-  
tione adunque, farà la O alla circon-  
ferenza del circolo del diametro N,  
come la BG alla circonferenza del  
circolo del diametro AC : e, e con-  
uertendo, la circonferenza del circolo  
del diametro N farà alla O, come la  
circonferenza del circolo del diametro  
AC alla BG. Ma la circonferenza del  
circolo del diametro AC è quella, do-  
ue la B è'l lato del Pentagono. Adun-  
que la circonferenza del circolo del di-  
ametro N farà quella, doue la O sia il  
lato del Pentagono pure : &c.

Nello schol. della 16. Prop. del 4.  
Lib. di Duclide habbiamo vn'altro mo-  
do da trouare quel, che si contiene in  
questi due vltimi auuifi.; e serue per  
ogni figura di quanti lati si habbia.

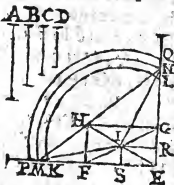
### L E M M A.

*Fra due date rette trouare due me-  
die proportionali.*

Fin qui non si è inuentato modo da  
trouare Geometricamente due medie  
proportionali fra due date rette, se be-  
ne vn modernissimo Autore Italiano si  
è lasciato vscir dalla penna con molto

fatto

fatto d'hauerle trouate : ma s'inganna.  
 perche'l modo , col quale opera, non è  
 Geometrico ; ma meccanico , & a ri-  
 durlo all'operatione, si prouerà difficol-  
 tà molto maggiore di quel, che pare  
 nel leggerlo . Siche fra tanti , c'han-  
 no scritto sopra di questa cosa molto  
 facile, e molto espedito è il modo d'  
 Appollonio Pergeo : e però di questo  
 solo ci seruire-  
 mo noi qui. Hab-  
 biansi dunque  
 a trouare due  
 proportionali di  
 mezzo tra le due  
 rette A, D. Pigli  
 si la EF alla A,  
 la EG alla D e-  
 guali, & si vniscano insieme in E ad  
 angolo retto. Compito il parallelo-  
 grammo EH si prolùghino esse EF, EG  
 & tirati i diametri EH, FG, & che in I  
 si segheremmo insieme egualmente : da  
 I, come centro, descrinansi fuor del  
 parallelogrammo EH più archi KL, M  
 N, PQ, &c. Ciò fatto, applicando la  
 riga all'angolo H, si tiri la MN, con-  
 condition tale, che i punti M, H, N sie



scholio  
 34. primi

no in vna medesima retta, e che gli estremi  $M, N$  battano (per ciò si descrivono questi archi) ambedue o nelle sectioni  $M, N$ , ouero in due punti egualmente da esse sectioni distanti. Si Pigli la  $B$  eguale alla  $GN$ , & si metta appresso la  $A$ . Si tolga la  $C$  eguale alla  $FM$ , e si ponga tra le  $B, D$ . Dico, che le rette  $B, C$  sono le medie proportionali, che si cercano. Cioè che, come la  $A$  alla  $B$ , così è la  $B$  alla  $C$ ; & come la  $B$  alla  $C$ , così è la  $C$  alla  $D$ . Diuidansi le  $EF, EG$  egualmēte in  $S, R$ , & si menino le  $IS, IR$ , *b* che faranno perpendicolari alle  $EF, EG$ . Perche dunque il rettangolo, contenuto sotto le  $EM, FM$  insieme col quadrato della  $SF$  è eguale al quadrato della  $SM$ ; aggiunto all'vna, & all'altra quantità il quadrato della  $IS$ : il rettangolo sotto le  $EM, FM$  insieme co' quadrati delle  $SF, IS$ , *d* cioè col quadrato della  $IF$ , sarà eguale a' quadrati delle  $SM, IS$ ; al quadrato cioè (giunte le  $IM, IN$ ) della  $IM$  cioè della  $IN$ , che sono fra loro eguali per esser semidiametri del medesimo circolo. Per la ragione medesima il rettangolo sotto le  $EN, GN$  in-

sieme

scholio  
16. primi  
6. secū-  
li.

47. pri.

fieme col quadrato della IG, cioè della IF alla IG eguale, sarà eguale al medesimo quadrato della IN. Laonde il rettangolo, compreso sotto le EM, SM, insieme col quadrato della IF sarà eguale al rettangolo, contenuto sotto le EN, GN, insieme col quadrato della medesima IF. Tolto da l<sup>a</sup>, e di qua esso quadrato della IF; il rettangolo sotto le EM, FM rimarrà eguale al rettangolo sotto le EN, GN. *e* 16. sex. E per ciò sarà la EM alla EN, come la GN alla FM. *f* 4. sexti. Ma come la EM alla EN, così è la GH alla GN, *g* coroll. per esser simili i triangoli EMN, GHN. *b* 4. sexti. Dunque, come la GH alla GN, così la GN alla FM. *b* 11. quinti. Onde le tre GH, GN, FM saranno continue proporzionali. Appresso, *i* 4. sexti. come la EM alla EN, così è la FM alla FH, *l* coroll. per la similitudine de' triangoli MNE, MHF. *m* 4. sexti. Sarà dunque anche la FM alla FH, come la GH alla GN: e però, come la GN alla FM. Si che faran continue proporzionali le tre GN, FM, FH. Ma la GH, *n* 34. primi. cioè la EF è eguale alla A, la FH, cioè la EG eguale alla D, la B alla GN, & la C alla FM; che così si è fatto. Dunque,

come la A alla B, così la B alla C; e come la B alla C, così è la C alla D. cioè le due B, C, trouate, sono medie proportionali tra le due A, D. Che è'l proposito.

*ACCRESCERE, o diminuire una proposta figura solida in qualsiuoglia data proportions. Prop. XXIII.*

LA retta C sia il lato di vn solido, o'l diametro di vna sfera, della base di vn cilindro, o d'vn cono: & habbiasi a trouare vn altro solido simile, o vna sfera, vn cilindro, o vn cono, al quale quello della C habbia la pportione della A alla B: cioè che'l corpo, che noi cerchiamo sia triplo del corpo della retta C. Alle tre rette A, B, C si truoui la quarta proportionale D: e tra le due C, D due medie E, F, per lo Lemma passato. Dico che'l solido della C è al solido simile della E, come la A alla B: cioè che'l corpo della E è triplo del corpo della C. Perciò



A B C E F D

12. sex.

che,

che, hauendo il solido della C al solido simile della E triplicata proportionne di quella del lato C al lato E, & la proportionne del lato C al lato D è triplicata della proportionne della C alla E: sarà il solido della C al solido della E, come la C alla D: cioè, come la A alla B.

6 ro. del  
quinti.

Habbiassi ora a diminuire'l solido della D nella proportionne della B alla A: cioè habbiassi a trouare vn corpo simile, che sia il terzo del corpo della D. Trouata alle B, A, D la quarta proportionale C; truouinsi tra le due D, C due proportionali di mezzo F, E. Dico, che'l solido della F è quel, che si cerca. Posciache, hauendo il solido della D al solido della F triplicata proportionne di quella del lato D al lato F; & la D alla C ha triplicata proportionne di quella della D alla F: sarà il solido della D al solido della F, come la D alla C; cioè come la B alla A. Che è'l proposito.

6 12. sex.  
ti.

4 ro. del  
quinti.

**AVVISO.** Quando noi diciamo il solido della C, il corpo della E, &c. se tai solidi, o corpi sono parallelepipedi, prismi, piramidi, corpi regolari, &c. intendiamo per la C, E, &c. il lato,



o i lati omologhi di essi corpi. Se poi sieno sfere, corpi regolari, con, cilindri: intédiamo, come hauemo accennato, per esse rette, i diametri d'essa sfera, de' corpi regolari, della base de' Coni, e Cilindri. I quai corpi tutti che habbiano proportion triplicata de' lati, o de' diametri loro, è stato dimostrato nella Prop. 33. dell' 11. Lib. di Euclide, nelle 8. 12. 18. del 12. e negli Scholij, e Corollarij loro.

*VN ALTRO AVVISO.* E perche i corpi regolari sono stati da noi connumerati tra le figure, che si trasformano a ragione di lati, & a ragione di diametri: habsi a sapere, che in due modi si possono trattare i cinque corpi regolari, per quanto si aspetta alla dottrina, c'habbiamo per le mani al presente. Percioche, diuidendosi il corpo regolare, come è stato detto nel Cap. 4. del 5. Lib. in tante piramidi simili, quante sono le basi: le quai piramidi hanno nel centro del corpo, o della sfera circoscrittibile, la cima loro: i lati omologhi faranno o quei della base, ouero quegli, che da qualsiueglia angolo corrono rettamente al cen-

tro, per costituire queste piramidi, che in tai corpi c'inmaginiamo. Per la qual cosa, *e* hauendo ciascuna piramide del corpo regolare, per esempio del Dodecaedro a ciascuna piramide di vn altro Dodecaedro proportion triplicata della proportion de'lati omologhi; cioè o del lato della base al lato della base, o di quelle rette, che vanno dall'angolo al centro, cioè de' semidiametri di essi corpi, o delle sfere a loro circoscrittibili, *f* & è come una piramide del primo Dodecaedro a vna piramide del secondo Dodecaedro, così tutte le piramidi dell'vno a tutte le piramidi dell'altro, cioè così'l Dodecaedro al Dodecaedro; hauerà il Dodecaedro al Dodecaedro proportion triplicata della proportion, c'han tra loro i lati delle basi, ouero i lati dentro de' corpi, cioè i semidiametri di essi corpi, o delle sfere circoscrittibili. E pche, *g* come il semidiametro al semidiametro, così è'l diametro al diametro: farà'l Dodecaedro al Dodecaedro in triplicata proportion di quella, c'hà'l diametro al diametro. E così degli altri quattro.

*e* 8. duodecimi,

*f* 12. quinti.

*g* 15. quinti.

DATO

**DATO** il diametro di vna sfera, trouare i lati de'cinque corpi regolari. Prop. XXIV.

SIA la AB il diametro di vna sfera, & habbiassi a trouare i lati de'cinque corpi regolari in essa sfera circoscritti



bili. Diuisa essa AB egualmente in C, e descrittoui sopra il semicircolo ADB; a tirisi la CD alla AB perpendicolare. Diuidasi la AB in E, G, che la AE sia la terza, & la AG la quinta parte di essa AB, & si ergano le perpendicolari EF, GH. Seghisi la BH in K, che la HK sia il lato del decagono circoscrittibile nel circolo del diametro AB, & si tiri la AK. Seghisi anche la AF proportionalmente in I. Ora la BF è il lato del Tetraedro; la BD il lato dell'Ottaedro; la AF il lato del Cubo, la AK il lato dell'Icosaedro, & la AI il lato del Dodecaedro. Le quai cose tutte sono state dimostrare nell'ultima Prop. del 13. Lib. di Euclide.

a 11. pri.

b 22. huius.

c 11. secundum.

*A vn dato circolo trouare vn quadrato eguale. Prop. XXV.*

HABBIASI a trouare vn quadrato eguale al circolo del diametro AB. Si truoui p lo Num. 1. del Cap. 3. del 1. Lib. vna retta D vguale alla metà della circonferenza del circolo descritto dal diametro AB; & diuisa la AB egualmente in



C: & si truoui tra le due AC, & D vna media E. Dico, che'l quadrato della E è eguale al circolo del diametro AB. Percioche, come habbiamo dimostrato nella 6. Reg. del 3. Cap. del Lib. 4. il rettangolo compreso sotto'l semidiametro AC, & la D, metà della circonferenza, è eguale al circolo del diametro AB. Dunque, & essendo al rettangolo sotto le AC, & D eguale, il quadrato della E: è chiaro il proposito.

a 13. lex.

b 17. lex.

*Il Fine del Sesto, & ultimo Libro.*

## ERRORI AVVERTITI.

*Car. 252. Ver. 10. arco AH Leggi: arco BH. Car. 272. Ver. 18. obliquando Leg. obliquangolo. Car. 284. Ver. 6. Num. 15. Leg. Num. 16. Car. 300. Ver. 6. retto BEI Leg. retto CEL. Car. 353. Ver. 26. e per li eguali, &c. Leggi così con le citationi di fuora. e, u per li eguali in O alla cima, x &c. farà, y come la LN alla NO, così la EQ alla QO. Et, z permutando, come la LN alla EQ, così la NO alla OQ. a Sarà dūque, & faremo, &c. Car. 422. Ver. 6. figura Leg. figura. Car. 444. nelle citationi di fuora. o i. quinti Leg. 10. quinti. Car. 476. Ver. 2. del cocchime Leg. dal cocchiume. Car. 492. nelle citationi. 9. vnde Leg. 9. vndecimi. Car. 539. Ver. 6. SOPEA leg. SOPRA. Car. 540. Ver. 6. AC, BC Leg. AC, BD. Car. 587. nelle citat. corllar. Leg. corollar.*



